## CCM0128 – Computação II

# Curso de Ciências Moleculares Primeiro Semestre de 2025

Prova de Recuperação – 18/7/2025

| Nome completo: |  |  |
|----------------|--|--|
| NUSP:          |  |  |
| Assinatura:    |  |  |

#### Instruções:

- 1. Não destaque as folhas deste caderno.
- 2. Preencha o cabeçalho acima.
- 3. A prova pode ser feita a lápis. Cuidado com a legibilidade.
- 4. A prova consta de **3 questões**. Verifique antes de começar a prova se o seu caderno de questões está completo. **A prova vale 13 pontos**.
- 5. Não é permitido o uso de folhas avulsas para rascunho.
- 6. Não é permitido o uso de artefatos eletrônicos.
- 7. Não é permitida a consulta a livros, apontamentos ou colegas.
- 8. Não é necessário apagar rascunhos no caderno de questões.

### DURAÇÃO DA PROVA: 2 horas

| Questão | Nota |
|---------|------|
| 1       |      |
| 2       |      |
| 3       |      |
| Total   |      |

#### Q1 (5.0 pontos) Considere o programa abaixo.

```
public class Q1
{
    public static Queue<Integer> mysteryQ(Queue<Integer> q) {
        StdOut.print("In: ");
        StdOut.println(q);
        if (q.size() <= 1)
            return q;
        Queue<Integer> q0 = new Queue<>();
        Queue<Integer> q1 = new Queue<>();
        int v = q.dequeue(); // pivot of partition
        while (!q.isEmpty()) {
            int x = q.dequeue();
            if (x \le v)
                q0.enqueue(x);
            else
                q1.enqueue(x);
        }
        q0 = mysteryQ(q0);
        q1 = mysteryQ(q1);
        for (int x : q0)
            q.enqueue(x);
        q.enqueue(v);
        for (int x : q1)
            q.enqueue(x);
        StdOut.print("Out: ");
        StdOut.println(q);
        return q;
    }
    public static void mystery(int[] a) {
        Queue<Integer> q = new Queue<>();
        for (int i = 0; i < a.length; i++)
            q.enqueue(a[i]);
        q = mysteryQ(q);
        for (int i = 0; i < a.length; i++)
            a[i] = q.dequeue();
    }
```

```
public static void main(String[] args)
{
    int[] a = StdIn.readAllInts();
    mystery(a);
    for (int i = 0; i < a.length; i++)
        StdOut.print(a[i] + " ");
    StdOut.println();
}</pre>
```

Diga qual será a saída do programa Q1 acima quando executado com os dígitos de seu NUSP. Por exemplo, se seu NUSP fosse 31415926, você teria de dizer a saída de Q1 quando executado com entrada

```
3 1 4 1 5 9 2 6
```

**Importante:** (a) Dê a saída de Q1 quando executado com os dígitos de **seu** NUSP. (b) Seu rascunho deve dar alguma indicação de como você obteve sua resposta.

```
Dica. Considere o seguinte programa:
```

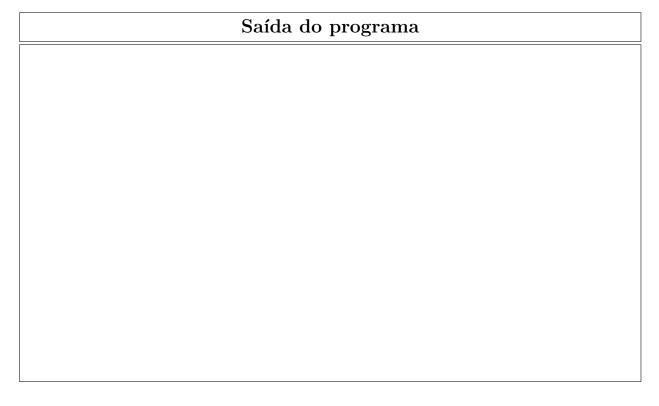
```
public class Q1Example
{
    public static void main(String[] args)
        // a[0] = 11, a[1] = 22, etc
        int[] a = {11, 22, 33, 44, 55};
        Queue<Integer> q = new Queue<>();
        for (int i = 0; i < a.length; i++)
            q.enqueue(a[i]);
        StdOut.println(q);
        for (int x : q)
            StdOut.print(x + " ");
        StdOut.println();
    }
}
Eis uma execução de Q1Example:
$ java-introcs Q1Example
11 22 33 44 55
11 22 33 44 55
```

| Rascunho          |   |
|-------------------|---|
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
| Saída do programa | _ |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |
|                   |   |

```
Q2 (4.0 pontos) Considere o seguinte programa.
```

```
public class Q2
{
    public static String divisors235(int N) {
        String t = "";
        if (N \% 2 == 0) t += "1";
                        t += "0";
        if (N \% 3 == 0) t += "1";
                        t += "0";
        else
        if (N \% 5 == 0) t += "1";
                        t += "0";
        return t;
    }
    public static ST<String, SET<Integer>> similar235(int[] data, int a, int b) {
        ST<String, SET<Integer>> st = new ST<>();
        for (int i = a; i < b; i++) {
            String divisors235 = divisors235(data[i]);
            if (!st.contains(divisors235))
                st.put(divisors235, new SET<Integer>());
            st.get(divisors235).add(data[i]);
        }
        return st;
    }
    public static void main(String[] args)
        // data[0] = 31, data[1] = 41, data[2] = 59, etc
        int[] data = {31, 41, 59, 26, 53, 58, 97, 93, 23, 84,
                      62, 64, 33, 83, 27, 95, 2, 88, 41, 97,
                      16, 93, 99, 37, 51, 5, 82, 9, 74, 94,
                      45, 92, 30, 78, 16, 40, 62, 86, 20, 89,
                      98, 62, 80, 34, 82, 53, 42, 11, 70, 68
                     };
        int i = Integer.parseInt(args[0]);
        int j = i + 20;
        ST<String, SET<Integer>> st = similar235(data, i, j);
        for (String divisors235 : st.keys()) {
            StdOut.print(divisors235 + ": ");
            for (int x : st.get(divisors235))
                StdOut.print(x + " ");
            StdOut.println();
        }
    }
}
```

| Seja | ${\cal S}$ a soma dos três últimos dígitos de seu NUSP.   |  |  |  |
|------|---|--|--|--|
| (a)  | Seu NUSP:   |  |  |  |
| (b)  | Valor de $S$ :  |  |  |  |
| (c)  | Diga qual será a saída do programa Q2 acima quando executado da seguinte forma:                           |  |  |  |
|      | <pre>\$ java-introcs Q2 <valor de="" s=""></valor></pre>  |  |  |  |
|      | Por exemplo, se seu NUSP fosse 31415926, teríamos $S=17,$ e assim você teria de dizer a saída da execução |  |  |  |
|      | \$ java-introcs Q2 17   |  |  |  |
|      | Importante: você deve dizer a saída de $\mathbb{Q}2$ com seu valor de $S$ .                               |  |  |  |
|      | Rascunho  |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |
|      |   |  |  |  |



Q3 (4.0 pontos) Considere o seguinte programa.

```
public class Inversions {
    // merge and count
    private static long merge(int[] a, int[] aux, int lo, int mid, int hi) {
        long inversions = 0;
        for (int k = lo; k \le hi; k++)
            aux[k] = a[k];
        int i = lo, j = mid + 1;
        for (int k = lo; k \le hi; k++) {
            if (i > mid)
                a[k] = aux[j++];
            else if (j > hi)
                a[k] = aux[i++];
            else if (aux[j] < aux[i]) {
                a[k] = aux[j++];
                inversions += mid - i + 1;
            }
            else
                a[k] = aux[i++];
        }
        return inversions;
    }
```

```
// Returns the number of inversions in the subarray a[lo..hi].
    // Side effect: a[lo..hi] is rearranged in ascending order.
    private static long count(int[] a, int[] aux, int lo, int hi) {
        long inversions = 0;
        if (hi <= lo) return 0;
        int mid = lo + (hi - lo) / 2;
        inversions += count(a, aux, lo, mid);
        inversions += count(a, aux, mid + 1, hi);
        inversions += merge(a, aux, lo, mid, hi);
        return inversions;
    }
    /**
     * Returns the number of inversions in the integer array.
     * The argument array is modified.
     */
    public static long count(int[] a) {
        int[] aux = new int[a.length];
        return count(a, aux, 0, a.length - 1);
    }
    /**
     * Reads a sequence of integers from standard input and
     * prints the number of inversions to standard output.
     */
    public static void main(String[] args) {
        int[] a = StdIn.readAllInts();
        StdOut.println(count(a));
    }
}
```

Seja a um vetor de inteiros. Lembre que uma inversão em a é um par de índices (i,j) tal que  $0 \le i < j < N$  e a[i] > a[j], onde N = a.length.

(a) Suponha que a função merge() em Inversions acima seja executada tendo como entrada vetores a e aux e lo=0,  $mid=\lfloor (N-1)/2\rfloor$ , e hi=N-1, onde N=a.length=aux.length. Naturalmente, supomos também que  $a[0]\leq a[1]\leq \cdots \leq a[mid]$  e que  $a[mid+1]\leq a[mid+2]\leq \cdots \leq a[N-1]$ . Prove que o valor devolvido por tal execução de merge() é o número de inversões (i,j) em a com  $0\leq i\leq mid$  e mid< j< N.

| (b) | Seja $a$ o vetor construído em main() de Inversions. Prove que o valor impresso por Inversions é o número de inversões em $a$ . |
|-----|---|
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |

| ( ) |   |
|-----|---|
| (c) | Qual é a complexidade de tempo de Inversions? Esboce um argumento para justi- |
|     | ficar sua resposta.   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |
|     |   |

(Rascunho)

(Rascunho)