### MAC2166 - Introdução à Computação

ESCOLA POLITÉCNICA – GRANDE ÁREA ELÉTRICA – PRIMEIRO SEMESTRE DE 2020

Terceiro Exercício-Programa (EP3) Data de entrega: **EP3** – **27/6/2020** 

Veja em https://www.ime.usp.br/~mac2166/infoepsC as instruções de entrega dos exercícios-programa.

# Esteganografia

Neste exercício-programa, você ganhará mais familiaridade com manipulação de matrizes e também trabalhará com imagens digitais. Este EP trata de uma técnica usada para transmissão secreta de informação, chamada **esteganografia**. Nesta técnica, uma mensagem é escondida em uma imagem.

# 1 Esteganografia

Considere uma imagem, digamos D, em preto e branco, formada por diversos "pixels" em níveis de cinza, sendo que o tom de cada pixel varia de 0 (zero = preto) a 255 (branco). Se alteramos alguns pixels "espalhados" de D "levemente", a mudança na imagem é imperceptível a olho nu. Assim, dado um texto T, podemos "espalhar" os bits que representam  $T^2$  na imagem D e assim "esconder" T dentro de D. Seja D' essa pequena modificação de D em que T está escondida. Se enviamos D' a alguém, ela poderá recuperar o texto T a partir de D' e D (naturalmente, desde que ela saiba os detalhes do algoritmo que usamos). Assim, conseguimos transmitir T secretamente, sem ninguém perceber.

Para fazer essa "pequena alteração" dos pixels de D, especificamos um parâmetro inteiro b (tipicamente, b = 1 ou 2) e somente alteramos os b bits menos significativos dos pixels escolhidos para alteração. Descrevemos a seguir a técnica mais formalmente.

Seja D uma matriz  $m \times n$  de inteiros, representando uma imagem. Cada elemento da matriz é um inteiro (chamado de pixel) que codifica um tom de cinza (que varia de 0 a 255, com 0 representando preto e 255 branco). Cada pixel é classificado como

 $<sup>^{1}\</sup>mathrm{Veja}\ \mathtt{https://pt.wikipedia.org/wiki/Esteganografia}.$ 

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Lembre que tudo que pode ser armazenado na memória do computador é armazenado como uma sequência de bits.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Veja https://en.wikipedia.org/wiki/Binary\_number#Binary\_counting para a representação de números em base binária.

- pixel de ocultação, se ele é usado para ocultar o texto;
- pixel intocável, se ele não é modificado no processo de esteganografia.

Seja T um texto com k > 0 caracteres, onde cada caractere é representado por um byte  $(8 \text{ bits})^4$ . Queremos obter uma matriz D', de dimensões  $m \times n$ , que represente o desenho com o texto T ocultado por esteganografia. Sejam b e d inteiros positivos fixos (esses inteiros farão parte da especificação do algoritmo a seguir). Um pixel de ocultação será reservado para codificar os valores de b e d. Note que, portanto, temos mn-1 pixels disponíveis para ocultar T (um será gasto para codificar b e d e temos um total de mn pixels). O parâmetro b designa o n'umero de bits menos significativos a serem usados em cada pixel de ocultação. Como T tem k caracteres e cada caractere gasta 8 bits, é necessário que

$$(mn-1)b \ge 8k. \tag{1}$$

Ademais, será conveniente supor que

$$b$$
 é um divisor positivo de 8.  $(2)$ 

Agora, é possível que (mn-1)b seja muito maior que 8k, de forma que podemos usar muito menos que mn-1 pixels de ocultação para esconder T. Nesse caso, podemos "espalhar" os pixels de ocultação pela imagem. Procedemos da seguinte forma. Definimos d como sendo o espaçamento entre linhas e colunas dos pixels de ocultação; assim, os pixels de ocultação ficam sendo aqueles com as seguintes coordenadas:  $^5$ 

$$(d-1,d-1), (d-1,2d-1), ..., (d-1,\lfloor \frac{n}{d}\rfloor d-1), (2d-1,d-1), (2d-1,2d-1), ..., (2d-1,\lfloor \frac{n}{d}\rfloor d-1), \vdots \vdots \vdots \vdots (\lfloor \frac{m}{d}\rfloor d-1,d-1), (\lfloor \frac{m}{d}\rfloor d-1,2d-1), ..., (\lfloor \frac{m}{d}\rfloor d-1,\lfloor \frac{n}{d}\rfloor d-1).$$

$$(3)$$

**Observação.** As coordenadas (i, j) dos pixels são tais que i varia de 0 a m-1 e j varia de 0 a m-1 (exatamente como em uma matriz  $m \times n$ ).

Note que, no conjunto de coordenadas em (3), temos  $\lfloor \frac{m}{d} \rfloor \lfloor \frac{n}{d} \rfloor$  pixels de ocultação no desenho, cada um deles ocultando b bits de informação em seus b bits menos significativos, o que resulta em um total de  $\lfloor \frac{m}{d} \rfloor \lfloor \frac{n}{d} \rfloor b$  bits disponíveis para ocultação.

Usaremos os b bits menos significativos do pixel em (d-1,d-1) para codificar o valor de  $b^6$ 

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>A codificação mais comumente encontrada para os caracteres é a dada pela tabela ASCII, que de fato define apenas códigos de 0 a 127 (7 bits). Existem várias extensões, como a latin1 (ISO-8859-1), que codificam letras acentuadas nos números de 128 a 255.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Relembramos que, dado x um real qualquer,  $\lfloor x \rfloor$  denota o **maior inteiro menor ou igual a** x. Assim,  $\lfloor \frac{m}{d} \rfloor$  denota o quociente inteiro da divisão de m por d. Em C, isto coincide com a divisão de duas variáveis inteiras não negativas.

 $<sup>^6</sup>$ Note que b pode ser representado com b bits.

e precisamos de 8k bits para T. Segue que d deve ser tal que

$$\left\lfloor \frac{m}{d} \right\rfloor \left\lfloor \frac{n}{d} \right\rfloor b \ge 8k + b. \tag{4}$$

Também é necessário que

$$1 \le d \le \min(m, n). \tag{5}$$

Quanto aos bits de T a serem ocultados, são considerados primeiramente os b bits menos significativos do caractere T[0], depois os b bits seguintes, até que finalmente tenhamos considerado os b bits mais significativos de T[k-1]. Usando a suposição que b é um divisor de 8 (lembre-se de (2)), a sequência de números de b bits a serem ocultados no desenho é<sup>7</sup>

$$b, \qquad \left\lfloor \frac{T[0]}{2^0} \right\rfloor \bmod 2^b, \qquad \left\lfloor \frac{T[0]}{2^b} \right\rfloor \bmod 2^b, \qquad \dots \qquad \left\lfloor \frac{T[0]}{2^{8-b}} \right\rfloor \bmod 2^b,$$

$$\left\lfloor \frac{T[1]}{2^0} \right\rfloor \bmod 2^b, \qquad \left\lfloor \frac{T[1]}{2^b} \right\rfloor \bmod 2^b, \qquad \dots \qquad \left\lfloor \frac{T[1]}{2^{8-b}} \right\rfloor \bmod 2^b,$$

$$\vdots \qquad \qquad \vdots \qquad \qquad \vdots \qquad \qquad \vdots$$

$$\left\lfloor \frac{T[k-1]}{2^0} \right\rfloor \bmod 2^b, \qquad \left\lfloor \frac{T[k-1]}{2^b} \right\rfloor \bmod 2^b, \qquad \dots \qquad \left\lfloor \frac{T[k-1]}{2^{8-b}} \right\rfloor \bmod 2^b.$$

Observe que se x é o tamanho desta sequência, podemos deixar inalterados os  $\lfloor m/d \rfloor \lfloor n/d \rfloor - x$  últimos pixels de ocultação de D.

#### Exemplo de ocultação em um pixel

Damos aqui um exemplo de ocultação de b bits em um pixel. Sejam  $x, z \in \{0, 1, ..., 255\}$  e  $y \in \{0, 1, ..., 2^b - 1\}$  tais que

- x é um tom de cinza de um pixel na imagem original D,
- $\bullet$  y é um inteiro de b bits que queremos ocultar naquele pixel e
- z é um tom de cinza do mesmo pixel na imagem D', que foi alterado para "conter" y.

Podemos definir z da seguinte forma:

$$z = \left| \frac{x}{2^b} \right| 2^b + \left( (x+y) \bmod 2^b \right). \tag{6}$$

Um pouco de aritmética modular implica que podemos obter y a partir de x e z; de fato, temos

$$y = (z - x) \bmod 2^b. \tag{7}$$

Em C, para aplicar a fórmula (7), faça

$$y = (z - x + 256) \% B;$$

 $<sup>^{7}</sup>A \mod B$  é o resto da divisão inteira de A por B.

com  $B = 2^b$ . Na Tabela 1 temos alguns valores possíveis de  $x, y \in z$ .

x	y	z
1101 0110	0100	1101 1010
0101 1010	0101	0101 1111
0101 1011	0101	0101 0000
1011 0011	0000	1011 0011

Tabela 1: Exemplos de ocultação de y num tom de cinza x resultando no tom z (b=4; números em notação binária).

## 2 Formato PGM

Neste EP utilizaremos o formato PGM para armazenar imagens em arquivos. Segundo este formato, o arquivo deve conter um cabeçalho e a matriz correspondente à imagem. Veja um exemplo a seguir.

```
P2
5 4
16
9 4 5 0 8
10 3 2 1 7
9 1 6 3 15
1 16 9 12 7
```

A primeira linha do arquivo contém uma palavra-chave "P2", que é obrigatória. A segunda linha contém dois números que correspondem ao número de colunas e linhas da matriz, respectivamente. A terceira linha contém um número que é o maior número da imagem (MaxVal). Para fins deste EP, MaxVal é no máximo 255. Os demais números do arquivo correspondem aos tons de cinza da imagem armazenados em forma de uma matriz de inteiros. Cada tom de cinza é um número entre 0 e MaxVal, com 0 indicando "preto" e Maxval indicando "branco".

O formato PGM também permite colocar comentários. Caracteres após o caractere '#' até o próximo fim de linha (caractere '\n') são comentários e são ignorados. Um exemplo de imagem com comentários:

```
P2
# imagem: exemplo.pgm
5 4
16
9 4 5 0 8
10 3 2 1 7
9 1 6 3 15
1 16 9 12 7
```

Neste EP, por simplicidade, você pode supor que os arquivos que serão manipulados não contêm comentários. De fato, vamos fornecer um programa que "filtra" (joga fora) tais comentários. Assim, se você quiser trabalhar com imagens com comentários, você pode primeiro

"filtrar" esses comentários e criar um novo arquivo, sem comentários, que pode então ser usado em seu EP.

## 3 Detalhamento do EP

Neste EP você deve implementar as funções abaixo, como descrito em suas definições. Você pode, se desejar, implementar outras funções para resolver o EP. Tenha em mente que seu programa deverá operar em dois modos, um dos quais é chamado **verborrágico**, no qual se imprime mais coisas na saída.

Adote

#define MAX 400 #define MAX2 160000 #define FNMAX 200

1) Escreva em C uma função LeDesenho de protótipo

A string nomearq guarda o nome de um arquivo em formato PGM. Devem ser devolvidos em \*pm, \*pn, e \*pmax os valores do número de linhas, de colunas e o valor máximo que codifica um tom de cinza do arquivo de nome nomearq, respectivamente. O desenho que está contido no arquivo deve ser devolvido na matriz M. A função deve devolver 0 se não houver nenhum erro, e deve devolver 1 caso algum erro tenha sido encontrado (ou por conta da manipulação do arquivo, ou por conta de o valor de MAX ser insuficiente).

2) Escreva em C uma função LeTexto de protótipo

```
int LeTexto( char nomearq[FNMAX], char T[MAX2], int *pk );
```

A string nomearq contém o nome de um arquivo. O texto presente nele deverá ser devolvido em T. Deve-se devolver em \*pk o número de caracteres lidos e armazenados em T. A função deve devolver 0 se não houver nenhum erro, e deve devolver 1 caso algum erro tenha sido encontrado (ou por conta da manipulação do arquivo, ou por conta de o valor de MAX2 ser insuficiente).

3) Escreva em C uma função BeDe de protótipo

```
int BeDe( int k, int m, int n, int *pb, int *pd );
```

A função deve calcular os parâmetros b e d do processo de ocultação por esteganografia de um texto de k caracteres através de uma imagem de dimensões m por n. O parâmetro b deve ser devolvido em \*pb. Dentre as diversas opções possíveis que satisfaçam as equações (1) e (2), deve-se escolher aquela que minimiza b (intuitivamente, dessa forma, a imagem resultante é mais parecida com a imagem original). O parâmetro d deve ser devolvido em \*pd. Para tornar a alteração o mais imperceptível possível, busca-se espalhar ao máximo os pixels de ocultação. Assim, uma vez escolhido b mínimo, deve-se escolher d máximo dentre aqueles que satisfazem às equações (4) e (5). A função BeDe deve devolver 0 se for possível encontrar b e d válidos e deve devolver 1 caso contrário.

Na Tabela 2 temos exemplos de alguns valores obtidos para b e d em função de k, m, e n. No último exemplo, não há valores para b e d que satisfaçam as restrições necessárias.

m	n	k	b	d
7	7	1	1	2
7	14	1	1	2
7	15	1	1	3
7	7	2	1	1
7	7	6	1	1
7	7	7	2	1
7	7	12	2	1
7	7	13	4	1
7	7	24	4	1
7	7	25	8	1
7	7	48	8	1
7	7	49		

Tabela 2: Exemplos de cálculos de b e d pela função BeDe

4) Escreva em C uma função ProximosBBits de protótipo

int ProximosBBits( char T[MAX2], int b, int \*pik, int \*pib );

A função recebe o texto T e devolve o inteiro formado pelos próximos b bits (b = b) do texto T. Estes próximos b bits são obtidos da seguinte forma: descartam-se os \*pib bits menos significativos de T[\*pik] e tomam-se os próximos b bits menos significativos de T[\*pik]. Os valores de \*pik e \*pib deverão ser devidamente atualizados para apontar para os próximos b bits a serem extraídos do texto T. A função deve devolver o número binário com b bits extraído do texto T.

Na Tabela 3 temos exemplos de alguns valores devolvidos pela função. Em todos os casos, o caractere representado por T[0] é a letra 'g', ou seja,  $103 = 0110\,0111$  de acordo com a tabela ASCII. O valor devolvido pela função aparece na coluna proximos.

 $<sup>^8</sup>$ Se b não fosse um divisor de 8, poderia ocorrer que em um certo momento teriam restado em T[\*pik] um número r de bits menor que b. Neste caso, estes r bits seriam os menos significativos e os demais b-r bits seriam os b-r bits menos significativos de T[\*pik + 1].

Entrada			Saída		
b	*pik	*pib	*pik	*pib	proximos
1	0	0	0	1	1
1	0	2	0	3	1
1	0	3	0	4	0
1	0	7	1	0	0
2	0	0	0	2	3
2	0	2	0	4	1
2	0	4	0	6	2
2	0	6	1	0	1
4	0	0	0	4	7
4	0	4	1	0	6
8	0	0	1	0	103

Tabela 3: Exemplos de valores calculados pela função ProximosBBits

5) Escreva em C uma função Codifica de protótipo

A função recebe uma imagem na matriz D, de dimensões m por n, recebe um texto T de k caracteres, recebe em b e em d os parâmetros b e d acima descritos e recebe em modo o modo de operação corrente (se verborrágico ou não). Esta função deve determinar a imagem com esteganografia que codifica T e deve armazená-lo na matriz D1, de dimensões m por n. Se o modo de operação corrente for verborrágico, deve imprimir alguns dados (descritos mais adiante) durante o processo de codificação.

6) Escreva em C uma função Maximo de protótipo

```
int Maximo( int D[MAX][MAX], int m, int n );
```

A função recebe uma matriz D, de dimensões m por n, e devolve o máximo da matriz.

7) Escreva em C uma função EscreveDesenho de protótipo

Ela recebe em nomearq uma string com o nome de um arquivo, abre-o para escrita e coloca no arquivo nomearq o desenho da matriz M com m linhas e n colunas, usando o formato PGM. O valor max corresponde ao máximo valor de um tom de cinza, e deve ser este o valor a ser escrito no arquivo PGM na linha correspondente. A função deve devolver 0 se não houver nenhum erro e 1 caso algum erro tenha sido encontrado por conta da manipulação do arquivo.

8) Escreva em C uma função DeBeDe de protótipo

A função recebe dois desenhos representados pelas matrizes D e D1, ambas de tamanho m por n. Sabe-se que D1 foi obtida de D através de uma ocultação de texto por esteganografia. A função deve detectar o parâmetro d que foi usado na ocultação e devolvê-lo em \*pd. Da mesma forma, a função deve detectar o parâmetro d que foi usado no processo e deve devolvê-lo em \*pb. Sugestão: calcule o menor d0 para o qual a diferença D1[i][i] - D[i][i] não seja nula.

9) Escreva em C uma função DeCodifica de protótipo

DeCodifica recebe nas matrizes D e D1, de dimensões m por n, duas imagens. A imagem em D1 foi obtida a partir de D por esteganografia, com parâmetros b e d. Esta função deve devolver em T o texto que foi ocultado neste processo e deve devolver k, o número de caracteres em T. Se o modo de operação recebido em modo for verborrágico, a função deve imprimir alguns dados (descritos mais adiante).

10) Escreva em C uma função EscreveTexto de protótipo

```
int EscreveTexto( char nomearq[FNMAX], char T[MAX2], int k );
```

A string nomearq contém o nome de um arquivo, que deverá receber uma cópia do texto T de k caracteres. A função deve devolver 0 se não houver nenhum erro, e deve devolver 1 caso algum erro tenha sido encontrado por conta da manipulação do arquivo.

11) Escreva em C um programa que peça uma das operações abaixo descritas e as executa. Isto deve ser feito repetidamente até que a operação 0 seja solicitada.

A **operação** 0 termina o programa.

A operação 1 pede, na ordem:

- 1. o nome de um arquivo que contém um desenho D;
- 2. o nome de um arquivo que contém um texto T;
- 3. o nome de um arquivo que deverá conter o desenho D' com texto ocultado por esteganografia.

Este desenho D' é o desenho obtido a partir de D através da ocultação do texto T por esteganografia. No arquivo em formato PGM que contém D', o valor do máximo valor de um tom de cinza (MaxVal; veja a Seção 2) deve ser o máximo entre (a) o valor de MaxVal no arquivo PGM do desenho lido D e (b) o maior inteiro na matriz D'.

A operação 2 pede, na ordem:

- 1. o nome de um arquivo que contém um desenho D;
- 2. o nome de um arquivo que contém o desenho D' obtido por esteganografia;
- 3. o nome de um arquivo que deverá conter o texto T obtido da decodificação de D e D'.

A operação 3 pede o nome de um arquivo que contém um texto e imprime o texto na tela.

A **operação** 4 deve trocar o modo de operação para verborrágico. Uma nova operação 4 faz voltar ao modo de operação normal.

Para facilitar a correção, algumas impressões na tela devem ser feitas:

- 1. Toda vez que um desenho D (ou D') for lido com sucesso, os valores de m e n devem ser impressos, nesta ordem;
- 2. Toda vez que os parâmetros b e d forem calculados com sucesso, eles deverão ser impressos, nesta ordem;
- 3. Toda vez que um texto T for lido com sucesso de um arquivo ou decodificado, o número de caracteres k em T deve ser impresso.

Se o modo de operação for verborrágico, e somente neste caso, algumas impressões na tela devem ser feitas em uma única linha, e nesta ordem, toda vez que alguns bits de texto forem codificados ou decodificados em algum pixel de ocultação:

- 1. A posição escolhida que foi alterada;
- 2. Cada inteiro que codifica os b bits do texto que foram ocultados;
- 3. O tom de cinza do desenho original;
- 4. O tom de cinza do desenho com alteração.

As impressões dos tons de cinza devem ser feitas com formato %02x, para impressão de inteiros em formato hexadecimal.<sup>9</sup>

O programa deve começar com o modo de operação verborrágico desativado.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Em notação hexadecimal, os números são denotados em base 16. Tipicamente, os digitos hexadecimais são os dígitos de 0 a 9 mais as letras de a a f

# 4 Leitura e impressão de arquivos

Aqui descrevemos uma receita para fazer leitura e impressão em arquivos. Será sempre necessário fazer

```
#include <stdlib.h>
no topo do arquivo, junto ao
#include <stdio.h>
Não importa a ordem.
    Para ler um nome de arquivo declarado com char nomearq[FNMAX], utilize o comando
scanf("%[^\n]", nomearq);
Se desejar imprimir o nome do arquivo, utilize algo como
printf("bla bla %s bla", nomearq);
    Para abrir um arquivo com nome guardado em char nomearq[FNMAX], primeiro declare
uma variável no topo da função:
FILE *fp;
```

```
Depois, abra o arquivo com

if (!(fp = fopen(nomearq, "r"))) {
   printf("Erro ao abrir o arquivo %s\n", nomearq);
   /* mais comandos para lidar com o erro na abertura do arquivo */
}
```

Se o programa entrar no if, houve um erro ao abrir o arquivo, e o programa deve seguir de forma apropriada (reportando o erro e desistindo, se for o caso). Se não entrar no if, o arquivo estará "aberto para leitura em fp". Neste caso, você pode ler do arquivo, como se o usuário estivesse digitando cada caractere do arquivo na entrada padrão. Para fazer uma leitura de um inteiro de fp numa variável int x, faça

```
fscanf(fp, "%d", &x);
```

Naturalmente, outros formatos de leitura são aceitos. Basta sempre trocar "scanf(" por "fscanf(fp,".

A mesma regra segue para impressão/escrita num arquivo. Ou seja, toda ocorrência de "printf(" deve ser trocada por "fprintf(fp,". Além disso, na abertura do arquivo com a chamada à função fopen, no lugar de passar o segundo parâmetro "r", deve ser passado o parâmetro "w". Isso fará com que o arquivo seja "aberto para escrita em fp".

Por fim, ao acabar de ler ou escrever em um arquivo, o programa deve fazer uma chamada

```
fclose(fp);
para "fechar" o arquivo.
```