

**MAT 220 - Cálculo 4 - IAG**  
**1<sup>a</sup> Prova - 31 de agosto de 2017**

Nome : \_\_\_\_\_

Número USP : \_\_\_\_\_

Assinatura : \_\_\_\_\_

Professor: Severino Toscano do Rego Melo

1	
2	
3	
4	
Total	

Cada questão vale 2,5 pontos.

**Questão 1)** Determine se convergem ou divergem as séries abaixo.

$$(a) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n+n^2} \quad (b) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n+\sqrt{n}}$$

**Questão 2)** (a) Determine o raio de convergência da série de potências  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^2 x^n$ .

(b) Discuta a convergência da série nos extremos do intervalo de convergência.

**Questão 3)** (a) Mostre que  $\sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{2^n x^{2n+1}}{(2n+1)!}$  converge absolutamente, qualquer que seja  $x \in \mathbb{R}$ .

(b) Chamando de  $S(x)$  a soma da série acima, mostre que  $S''(x) = -2S(x)$ , para todo  $x \in \mathbb{R}$ .

**Questão 4)** Encontre um racional que aproxime  $\int_0^1 \frac{1 - \cos x}{x^2} dx$  com erro menor do que  $10^{-3}$ .