MAT 2116 - Álgebra Linear para Química 1^a Prova - 20 de abril de 2017

Questão 1 (2,5 pts)

(a) Determine a matriz dos coeficientes de um sistema linear homogêneo que seja satisfeito pelos valores de x, y, z e w que equilibrem a equação química

$$x \, \mathrm{N_2H_4} + y \, \mathrm{N_2O_4} \longrightarrow z \, \mathrm{N_2} + w \, \mathrm{H_2O}.$$

(b) Determine, se houver, uma solução inteira com z = 27 do sistema encontrado no item (a).

Questão 2 (2,5 pts) Determine o determinante e a inversa da matriz dada.

(a)
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (b) $B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 9 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

Questão 3 (2,5 pts) Sendo $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$, escreva A^{-1} como produto de matrizes elementares.

Questão 4 (2,5 pts) Sendo $A=\begin{bmatrix}3&0&-2\\0&1&0\\5&0&5\end{bmatrix}$, determine os valores de $t\in\mathbb{R}$ para os quais A-tI não é inversível.