

2.3 Resposta: $y'(x) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{1}{2} < x < 0 \\ \text{ou} \\ x > 1 \end{cases}$

2.4 Resposta: $y(x)$ estritamente crescente em $(-1, 1)$. $y(x)$ estrit. decrescente em $(-\infty, -1)$ e $(1, +\infty)$.

Ex. 3

3.a $f(x) = \frac{x^2}{x-1} \Rightarrow f'(x) = \frac{2x(x-1) - x^2}{(x-1)^2} = \frac{x^2 - 2x}{(x-1)^2} = \frac{x(x-2)}{(x-1)^2}$

x	0	1	2
f'	+ 0 -	- 0 +	
	↖ 0 ↗		↘ 4 ↗

Máx. local em $x=0$
Mín. local em $x=2$.

3.b $g(x) = \sqrt{x} - x^{1/4}$. Dom(g) = $(0, +\infty)$.

$$g'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} - \frac{1}{4x^{3/4}} = \frac{x^{-1/2}}{2} - \frac{x^{-3/4}}{4}$$

$$g'(x) > 0 \Leftrightarrow x^{-3/4} \left(\frac{1}{2} x^{-1/2 + 3/4} - \frac{1}{4} \right) > 0 \Leftrightarrow \frac{1}{2} x^{1/4} > \frac{1}{4} \Leftrightarrow x^{1/4} > \frac{1}{2} \Leftrightarrow x > \frac{1}{16}$$

Então g decrescente em $(0, \frac{1}{16})$, crescente depois \Rightarrow mín. local em $x = \frac{1}{16}$.

3.c Resposta: mín. local em $x=0$, máx. local em $x=1$.

3.d Resposta: mín. local em $x=0$.