

MaT 1351 Lista 1

Sylvain Bonnot

Exercício 1. (a) **Prove:** que a soma de um racional com um iracional é um iracional.

(b) **Resolver**

$$|x - 2| + |2x - 1| < 1$$

Exercício 2. Resolver as inequações:

(a) $(x - 3)(x + 7) < 0$

(b) $\frac{2x-1}{x-5} > 4$

(c) $(2x + 3)(x^2 - 4) > 0$

(d) $x^2 - 5x + 6 > 0$

(e) $x^3 - 1 > 0$

(f) $|x + 1| < |2x - 1|$

(g) $|x - 2| + |x - 1| > 1$

Exercício 3. Estude o sinal da expressão:

(a) $(2x - 1)(x^2 + 1)$

(b) $(x - 2)(x + 3)(x^2 - 1)$

(c) $(x - 5)(x^4 + 2)$

Exercício 4. Fatore o polinômio:

$$P(x) = x^3 + 2x^2 - x - 2$$

Exercício 5. (a) Elimine o módulo em: $|x - 1| + |x + 5|$

(b) Expressse o conjunto com a notação de intervalos:

$$\{x \mid 3x + 1 < \frac{x}{3}\}$$

Exercício 6. (a) Esboce os gráficos das funções:

$$f(x) = |2x - 1|, f(x) = x^2 - 3x + 4, f(x) = |x - 2| + 5$$

(b) Determine a equação da reta que passa pelo ponto $(1, 3)$ e paralela a $y = 2x + 3$

(c) Determine o domínio das funções:

$$\sqrt{x+2}, \sqrt{\frac{2x-1}{1-3x}}, \frac{x}{x+2}, \sqrt{x^2-1}$$