



1. Crie a função recursiva `soma_digitos(n)`, que devolve a soma dos dígitos que compõem o número natural n . Por exemplo, a chamada `soma_digitos(7859)` deve devolver a resposta 29 ($= 7+8+5+9$).
2. Usando a função `soma_digitos()`, criada no exercício anterior, crie a função recursiva `super_digito(n)`, que devolve o *super dígito* de um número natural n , computado como exemplificado a seguir:
 $super_digito(9875) = super_digito(29) = super_digito(11) = super_digito(2) = 2$.
3. Considere as funções a seguir:

```
int suc(int n) { return n+1; }
int pred(int n) { return n-1; }
```

Usando essas funções (e *nenhum* operador aritmético), crie funções recursivas para determinar:
 - (a) A *soma* de dois números naturais.
 - (b) A *subtração* de dois números naturais (o resultado pode ser negativo).
 - (c) O *dobro* de um número natural.
 - (d) A *metade* inteira de um número natural.
 - (e) O *mínimo* entre dois números naturais.
 - (f) O *máximo* entre dois números naturais.
 - (g) Se um número natural é *par*.
 - (h) Se um número natural é *ímpar*.
4. Usando as funções do exercício anterior (e *nenhum* operador aritmético), crie funções recursivas para calcular:
 - (a) O *produto* de dois números naturais.
 - (b) O *quociente* da divisão inteira de dois números naturais.
 - (c) O *resto* da divisão inteira de dois números naturais.
 - (d) A *potência* de um número natural elevado a outro número natural.
 - (e) O *quadrado* de um número natural n , considerando que $n^2 = 1 + 3 + 5 + \dots + (2n-1)$.
5. Crie uma função recursiva para determinar quantos dígitos são necessários para representar um número natural n em binário.
6. Crie uma função recursiva para determinar o número mínimo de movimentos necessários para resolver o problema das *Torres de Hanói* com $n > 0$ discos.
7. Crie a função recursiva `inverte(c,p,u)`, que inverte uma cadeia de caracteres c , cujo primeiro caractere está na posição p e cujo último caractere está na posição u . Por exemplo, se a cadeia c for "amor", após a chamada `inverte(c,0,3)`, a cadeia c deverá ser "roma".
8. Crie a função recursiva `palindroma(c,p,u)`, que determina se uma cadeia de caracteres c , cujo primeiro caractere está na posição p e cujo último caractere está na posição u , é *palíndroma*. Por exemplo, a chamada `palindroma("subi no onibus",0,13)` deve devolver 1 como resposta.
9. Crie a função recursiva `palavras(c)`, que determina quantas palavras existem na cadeia de caracteres c (considere que c contém apenas letras e espaços; que entre duas palavras consecutivas na cadeia c existe pelo menos um espaço; e que pode haver um ou mais espaços tanto no começo quanto no final da cadeia c). Por exemplo, a chamada `palavras(" Quantas palavras existem nesta cadeia ")` deve devolver a resposta 5.
10. Crie uma função recursiva para verificar se dois vetores de inteiros $v[n]$ e $w[n]$ são iguais, para $n > 0$.
11. Crie uma função recursiva para verificar se um vetor de inteiros $v[n]$ está em ordem crescente.
12. Crie uma função recursiva para informar o item máximo de um vetor de inteiros $v[n]$.
13. Crie uma função recursiva para calcular a média de um vetor de reais $v[n]$.

Importante: Resolva também os exercícios do Capítulo 6 do livro usado em aula.