

## Problema MinCC

Bom exemplo:

```
1 - - - - - ... - - -
1 1 - - - - - ... - - -
1 1 1 - - - - - ... - - -
1 1 1 1 - - - - - ... - - -
1 1 1 1 1 - - - ... - - -
. . . . . . . . . . . . .
1 1 1 1 1 1 1 ... 1 1 1
```

$$c_S = |S|^2$$

custo ótimo =  $n^2$

Chvátal  $\stackrel{?}{=} 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 \cong n^3$

Êpa!

## Algoritmo MINCC-CHVÁTAL

Exemplo mais ou menos justo ( $c = 1$ ):

```

1 - - - - - - - - - - - - - - -
- 1 1 - - - - - - - - - - - -
- - - 1 1 1 1 - - - - - - - -
- - - - - - - 1 1 1 1 1 1 1 1
1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
- 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -
    
```

ótimo = 2    Chvátal = 4

Em geral:

ótimo = 2    Chvátal =  $k + 1$

$$n = 2^{k+1} - 1$$

$$k + 1 = \lg(n-1) > 0.5 \lg n$$

$$\begin{aligned}
 \text{Chvátal} &> 0.5 \lg n \\
 &> 0.72 \ln n \\
 &= 0.36 \ln n \text{ opt}() \\
 &= 0.72 H_n \text{ opt}()
 \end{aligned}$$

Recursivo, como no livro:

MINCC-CHVÁTAL ( $E, \mathcal{S}, c$ )

- 1 se  $E = \emptyset$
- 2 então devolva  $\emptyset$
- 3 senão seja  $Z$  em  $\mathcal{S}$  tq  $c_Z/|Z \cap E|$  é mínimo
- 4  $E' \leftarrow E \setminus Z$
- 5  $\mathcal{S}' \leftarrow \{S \in \mathcal{S} : S \cap E' \neq \emptyset\}$
- 6 seja  $c'$  a restrição de  $c$  a  $\mathcal{S}'$
- 7  $\mathcal{T}' \leftarrow \text{MINCC-CHVÁTAL}(E', \mathcal{S}', c')$
- 8 devolva  $\{Z\} \cup \mathcal{T}'$

Recursivo corrigido:

MINCC-CHVÁTAL ( $E, \mathcal{S}, c$ )

- 1 se  $E = \emptyset$
- 2 então devolva  $\emptyset$
- 3 senão seja  $Z$  em  $\mathcal{S}$  tq  $c_Z/|Z \cap E|$  é mínimo
- 4  $E' \leftarrow E \setminus Z$
- 5  $\mathcal{T}' \leftarrow \text{MINCC-CHVÁTAL}(E', \mathcal{S}, c)$
- 6 devolva  $\{Z\} \cup \mathcal{T}'$

Iterativo, corrigido:

MINCC-CHVÁTAL  $(E, \mathcal{S}, c) \triangleright E = \cup \mathcal{S}$

1  $\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$

2  $E' \leftarrow E$

3 enquanto  $E' \neq \emptyset$  faça

4     seja  $Z$  em  $\mathcal{S}$  tq  $c_Z/|Z \cap E'|$  é mínimo

5      $\mathcal{T} \leftarrow \mathcal{T} \cup \{Z\}$

6      $E' \leftarrow E' \setminus Z$

8 devolva  $\mathcal{T}$

Consumo de tempo  $O(|U|^2 |\mathcal{S}|)$ ,  
sendo  $U = \cup \mathcal{S}$

Iterativo, versão do Fernando Mário (supõe  $E = S_1 \cup \dots \cup S_m$ ):

```
MINCC-CHVÁTAL ( $E, S_1, \dots, S_m, c_1, \dots, c_m$ )
01  para  $i \leftarrow 1$  até  $m$  faça  $d_i \leftarrow |S_i \cap E|$ 
02  para cada  $e$  em  $E$  faça  $I[e] \leftarrow \{i : e \in S_i\}$ 
03   $T \leftarrow \emptyset$ 
04   $E' \leftarrow E$ 
05  enquanto  $E' \neq \emptyset$  faça
06      seja  $j$  em  $\{1, \dots, m\}$  tq  $c_j/d_j$  é mínimo
07       $T \leftarrow T \cup \{j\}$ 
08      para cada  $e$  em  $S_j$  faça
09           $E' \leftarrow E' \setminus \{e\}$ 
10          para cada  $i$  em  $I[e]$  faça
11               $d_i \leftarrow d_i - 1$ 
12               $S_i \leftarrow S_i \setminus \{e\}$ 
13  devolva  $T$ 
```

Conjuntos representados por lista duplamente encadeadas. Consumo de tempo  $O(m|E|)$

Iterativo, versão da Gordana (supõe

$E = S_1 \cup \dots \cup S_m$ ):

MINCC-CHVÁTAL ( $E, S_1, \dots, S_m, c_1, \dots, c_m$ )

01 para  $i \leftarrow 1$  até  $m$  faça  $d_i \leftarrow |S_i \cap E|$

02 para cada  $e$  em  $E$  faça  $I[e] \leftarrow \{i : e \in S_i\}$

03  $T \leftarrow \emptyset$

04  $E' \leftarrow E$

05 enquanto  $E' \neq \emptyset$  faça

06     seja  $j$  em  $\{1, \dots, m\}$  tq  $c_j/d_j$  é mínimo

07      $T \leftarrow T \cup \{j\}$

08     para cada  $e$  em  $S_j$  tq  $I[e] \neq \emptyset$  faça

09          $E' \leftarrow E' \setminus \{e\}$

10         para cada  $i$  em  $I[e]$  faça  $d_i \leftarrow d_i - 1$

11          $I[e] \leftarrow \emptyset$

12 devolva  $T$

Cada  $S_i$  pode ser representado por um vetor de bits indexado por  $E$ .

Consumo de tempo  $O(m|E|)$