

## MAE 5905: Introdução à Ciência de Dados

Lista 1. Primeiro Semestre de 2026. Entregar 06/04/2026.

1. Num conjunto de dados, o primeiro quartil é 10, a mediana é 15 e o terceiro quartil é 20. Indique quais das seguintes afirmativas são verdadeiras, justificando sua resposta:

- a) A distância interquartis é 5.
- b) O valor 32 seria considerado *outlier* segundo o critério utilizado na construção do *boxplot*.
- c) A mediana ficaria alterada de 2 unidades se um ponto com valor acima do terceiro quartil fosse substituído por outro 2 vezes maior.
- d) O valor mínimo é maior do que zero.

2. Num estudo na área de Oncologia, o número de vasos que alimentam o tumor está resumido na seguinte tabela.

**Tabela 1:** Distribuição de frequências do número de vasos que alimentam o tumor

Número de vasos	Frequência
0 – 5	8 (12%)
5 – 10	23 (35%)
10 – 15	12 (18%)
15 – 20	9 (14%)
20 – 25	8 (12%)
25 – 30	6 (9%)
Total	66 (100%)

Indique a resposta correta.

- a) O primeiro quartil é 25%.
- b) A mediana está entre 10 e 15.
- c) O percentil de ordem 10% é 10.
- d) A distância interquartis é 50.
- e) Nenhuma das respostas anteriores.

3. Em um teste de esforço cardiopulmonar aplicado a 55 mulheres e 104 homens, foram medidas entre outras, as seguintes variáveis:

**Tabela 2:** VO2MAX

Grupo	n	Média	Mediana	Desvio Padrão
Normais	56	1845	1707	795
Cardiopatas	57	1065	984	434
DPOC	46	889	820	381

**Tabela 3:** VCO2MAX

Grupo	n	Média	Mediana	Desvio Padrão
Normais	56	2020	1847	918
Cardiopatas	57	1206	1081	479
DPOC	46	934	860	430

- Grupo: Normais, Cardiopatas ou DPOC (portadores de doença pulmonar obstrutiva crônica).
- VO2MAX: consumo máximo de O<sub>2</sub> (ml/min).
- VCO2MAX: consumo máximo de CO<sub>2</sub> (ml/min).

Algumas medidas descritivas e gráficos são apresentados abaixo nas Tabelas 2 e 3 e Figura 1. Coeficiente de correlação entre VO2MAX e VCO2MAX = 0,92.

- Que grupo tem a maior variabilidade?
  - Compare as médias e as medianas dos 3 grupos.
  - Compare as distâncias interquartis dos 3 grupos para cada variável. Você acha razoável usar a distribuição normal para esse conjunto de dados?
  - O que representam os asteriscos nos *boxplots*?
  - Que tipo de função você ajustaria para modelar a relação entre o consumo máximo de CO<sub>2</sub> e o consumo máximo de O<sub>2</sub>? Por quê?
  - Há informações que necessitam verificação quanto a possíveis erros? Quais?
4. O gráfico QQ da Figura 2 corresponde ao ajuste de um modelo de regressão linear múltipla.  
Pode-se afirmar que:
- Há indicações de que a distribuição dos erros é Normal.
  - Há evidências de que a distribuição dos erros é assimétrica.
  - Há evidências de que a distribuição dos erros tem caudas mais leves do que aquelas da distribuição Normal.

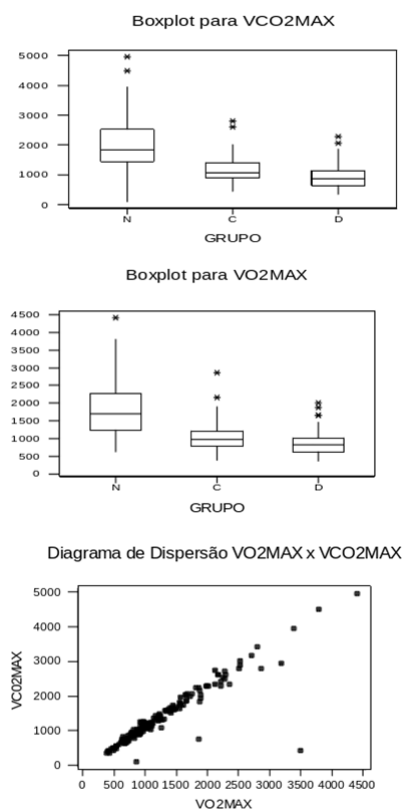


Figura 1: Gráficos para o Exercício 3.

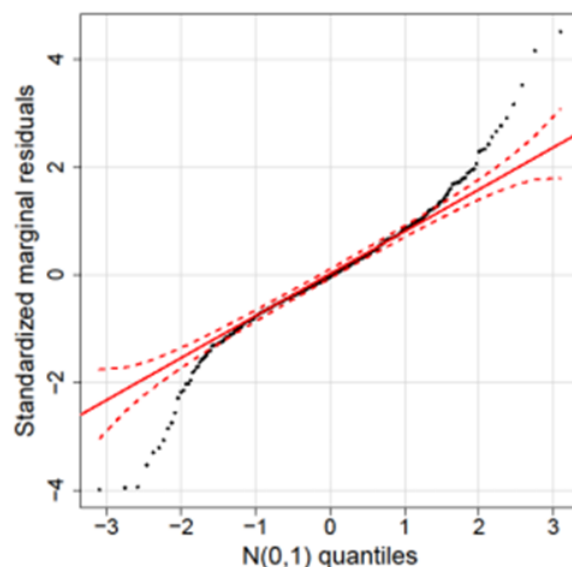


Figura 2: Gráfico QQ correspondente ajuste de um modelo de regressão linear múltipla.

- d) Há evidências de que a distribuição dos erros tem caudas mais pesadas que aquelas da distribuição Normal.
- e) Nenhuma das anteriores.

**5.** Para estudar a associação entre gênero (1=Masc, 0=Fem) e idade (anos) e a preferência (1=sim, 0=não) pelo refrigerante Kcola, o seguinte modelo de regressão logística foi ajustado aos dados de 50 crianças escolhidas ao acaso:

$$\log \left\{ \frac{\pi_i(x_i, w_i)}{1 - \pi_i(x_i, w_i)} \right\} = \alpha + \beta x_i + \gamma(w_i - 5),$$

em que  $x_i$  ( $w_i$ ) representa o gênero (idade) da  $i$ -ésima criança e  $\pi_i(x_i, w_i)$  a probabilidade de uma criança do gênero  $x_i$  e idade  $w_i$  preferir Kcola. As seguintes estimativas para os parâmetros foram obtidas:

Parâmetro	Estimativa	Erro padrão	Valor p
$\alpha$	0,69	0,12	< 0,01
$\beta$	0,33	0,10	< 0,01
$\gamma$	-0,03	0,005	< 0,01

- a) Interprete os parâmetros do modelo por intermédio de chances e razões de chances.
- b) Com as informações acima, estime a razão de chances de preferência por Kcola correspondente à comparação de crianças do mesmo gênero com 10 e 15 anos.
- c) Construa intervalos de confiança (com coeficiente de confiança aproximado de 95%) para  $\exp(\beta)$  e  $\exp(\gamma)$  e traduza o resultado em linguagem não técnica.
- d) Estime a probabilidade de meninos com 15 anos preferirem Kcola.