

Lista 15 - MAT-211 - MAT-216 - 2022

(1) Seja $\vec{F}(x, y, z) = (3x^2 \operatorname{sen}(y^2) - 3z \operatorname{sen} x)\vec{i} + (2x^3 y \cos(y^2) + 4y^3)\vec{j} + (3 \cos x)\vec{k}$.

(a) Verifique que o campo \vec{F} é conservativo em \mathbb{R}^3 , determinando uma função potencial para ele.

(b) Calcule $\int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{r}$, sendo $A = (1, 0, 0)$ e $B = (0, 1, -1)$.

(2) Seja $\vec{F}(x, y, z) = \frac{(4x, 9y, z)}{4x^2 + 9y^2 + z^2}$.

Calcule $\int_\gamma \vec{F} \cdot d\vec{r}$, sendo $\gamma(t) = (t^4 + 3, t^2 - 1, 3t)$, com $0 \leq t \leq 1$.

(3) Calcule $\int_S \vec{F} \cdot \vec{n} dS$, sendo $\vec{F} = \frac{(x, y, z)}{(x^2 + 9y^2 + 4z^2)^{\frac{3}{2}}}$ e S a esfera $x^2 + y^2 + z^2 = 49$, orientada com campo normal exterior.

(4) Calcule $\int_\gamma \vec{F} \cdot d\vec{r}$, sendo $\vec{F} = \left(\frac{-(y-1)}{x^2 + (y-1)^2}, \frac{x}{x^2 + (y-1)^2} + z, \operatorname{sen} z \right)$ e γ a curva interseção do prisma $x = -2, x = 2, x = -3, x = 3$ com o plano $z = 4 - x$, orientada de maneira que sua projeção no plano xy seja percorrida no sentido anti-horário.

(5) Calcule $\int_\gamma \vec{F} \cdot d\vec{r}$, sendo $\vec{F} = \left(\frac{-y}{4x^2 + y^2} + yz, \frac{x}{4x^2 + y^2} - xz, z^3 \right)$, sendo γ a interseção das superfícies $z = 6 - 2x^2 - y^2$ e $z = 2 + 2x^2$, orientada de maneira que sua projeção no plano xy seja percorrida no sentido anti-horário.