

MAT134 - Introdução à Álgebra Linear – Lista 3

1. Resolva os exercícios 18, 19, 20, 21, 24, e 25 da lista 1 do curso Álgebra Linear para Engenharia I (POLI) disponível aqui:  
<https://www.ime.usp.br/mat/3457>Listas/Lista1-MAT3457-2018.pdf>
2. Sejam  $a, b \in \mathbb{R}$ . Nos exercícios abaixo, determine todos os valores de  $a$  e  $b$  (caso existam) tais que o vetor  $u$  pertença ao subespaço  $S$ .
  - (a)  $u = (2, 2, 2)$  e  $S = [(0, 1, 1), (1, a, 1), (1, 1, 0)]$ .
  - (b)  $u = (0, 1, 2 - 2a, 1)$  e  $S = [(1, 1, 1, 2), (1, 2, 1 - a, 3), (a, 2, 2, 2 + a)]$ .
  - (c)  $u = (a + b + 1, 3a + 2b + 1, 2b + 2)$  e  $S = [(1, 2, 1), (1, 3, 1), (a, a, 2a)]$ .
  - (d)  $u = (-1, b)$  e  $S = [(a, 2), (1, 1)]$ .
  - (e)  $u = (1, 5)$  e  $S = [(1, b), (a, 2)]$ .
  - (f)  $u = (-1, -1, b - 1)$  e  $S = [(1, 3, 2), (2, 7, 4), (1, 6, a^2 + 1)]$ .
  - (g)  $u = (2, 4, b)$  e  $S = [(a, a, 0), (0, a, a), (b, 4, 2)]$ .
  - (h)  $u = (a, b, 5a + 2b, a + b - 1)$  e  $S = [(3, 1, 5, 1), (-7, 1, 3, 2)]$ .
3. Sejam  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ . Nos exercícios abaixo, determine a dimensão de  $S$  em função de  $a$ ,  $b$ ,  $c$  e  $d$ .
  - (a)  $S = [(0, 1, 1), (1, a, 1), (1, 1, 0)]$ .
  - (b)  $S = [(1, 1, 1, 2), (1, 2, 1 - a, 3), (a, 2, 2, 2 + a)]$ .
  - (c)  $S = [(1, 2, 1), (1, 3, 1), (a, a, 2a)]$ .
  - (d)  $S = [(a, 2), (1, 1)]$ .
  - (e)  $S = [(1, b), (a, 2)]$ .
  - (f)  $S = [(1, 3, 2), (2, 7, 4), (1, 6, a^2 + 1)]$ .
  - (g)  $S = [(a, a, 0), (0, a, a), (b, 4, 2)]$ .
  - (h)  $S = [(2a, 0, 0, 2), (-d - a^2, b, c, -a)]$ .