

MAC2166 - Introdução à Computação

Prof. Dr. Helder Oliveira



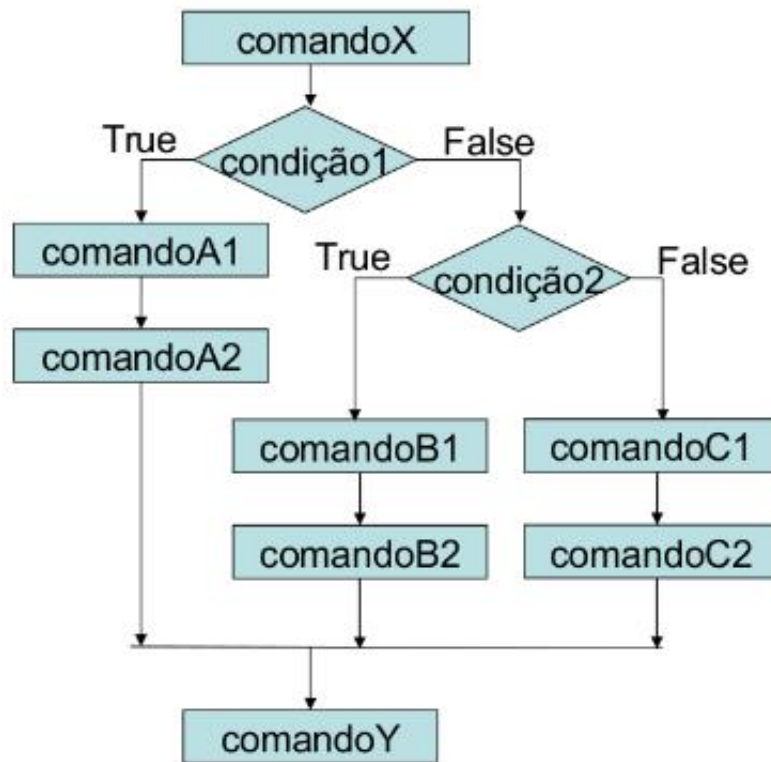
Agenda

- Operadores Aritméticos de Atribuição $+=$, $-=$, $*=$, $/=$, $\%=$.
- Função de conversão `float()`, que converte de `str` para `float`.
- Diferença entre `/` e `//` e como `%` se comporta com `float`.
- Execução condicional encadeada `if-elif-else`.

Operadores Aritméticos de Atribuição

Operador	Exemplo	É equivalente a:
*=	$x *= 5$	$x = x * 5$
/=	$x /= 5$	$x = x / 5$
%=	$x \% = 5$	$x = x \% 5$
+=	$x += 5$	$x = x + 5$
-=	$x -= 5$	$x = x - 5$

Condicional encadeada



```
comandoX
if condição1 :
    # bloco de comandos.
    comandoA1
    comandoA2
elif condição2 :
    # bloco de comandos.
    comandoB1
    comandoB2
else :
    # bloco de comandos.
    comandoC1
    comandoC2
comandoY
```

Exercicio

- Dados dois inteiros x e y, indicar se eles são iguais ou qual é o maior entre eles.

```
1  if x < y :
2      print("x é menor do que y.")
3  else:
4      if x > y :
5          print("x é maior do que y.")
6      else:
7          print("x e y são iguais.")
```

```
1  if x < y :
2      print("x é menor do que y.")
3  elif x > y :
4      print("x é maior do que y.")
5  else:
6      print("x e y são iguais.")
```

Expressões Lógicas

- Expressões lógicas são aquelas que realizam uma operação lógica e retornam verdadeiro ou falso (como as expressões relacionais).
- Os operadores lógicos são:
 - **and**: operador E.
 - **or**: operador OU.
 - **not**: operador NÃO.

Operador Lógico and

- `<expressão1> and <expressão2>`: retorna verdadeiro quando ambas as expressões são verdadeiras.
- Sua tabela verdade é:

<code><expressão1></code>	<code><expressão2></code>	resultado
True	True	True
True	False	False
False	True	False
False	False	False

```
1 a = 5
2 b = 10
3 print((a > 0) and (b == 0))
4 # False
5 print((a > 0) and (b != 0))
6 # True
```

Operador Lógico or

- `<expressão1> or <expressão2>`: retorna verdadeiro quando pelo menos uma das expressões é verdadeira.
- Sua tabela verdade é:

<code><expressão1></code>	<code><expressão2></code>	resultado
True	True	True
True	False	True
False	True	True
False	False	False

```
1 a = 5
2 b = 10
3 print((a > 0) or (b == 0))
4 # True
5 print((a != 5) or (b == 0))
6 # False
```


Operador Lógico not

- not <expressão>: retorna verdadeiro quando a expressão é falsa e vice-versa.
- Sua tabela verdade é:

<expressão>	resultado
True	False
False	True
<expressão>	resultado

```
1 a = 5
2 b = 10
3 print(not(a < b))
4 # False
5 print(not(a == b))
6 # True
```

Operadores lógicos

A	B	A and B	A or B
False	False	False	False
False	True	False	True
True	False	False	True
True	True	True	True

A	not A
False	True
True	False

Expressões Equivalentes

- $\text{not}(a == b)$ é equivalente a $(a != b)$
- $\text{not}(a > b)$ é equivalente a $(a <= b)$
- $\text{not}(a < b)$ é equivalente a $(a >= b)$

Exemplo

- O que será impresso pelo código a seguir?

```
a = True
b = False
print(not(a or b))
# False
print(not(a and b))
# True
print(not(a) and not(b))
# False
print(not(a) or not(b))
# True
```

Precedência de Operadores

Nível	Categoria	Operadores
7(alto)	exponenciação	**
6	multiplicação	*,/,//,%
5	adição	+,-
4	relacional	==,!=,<=,>=,>,<
3	lógico	not
2	lógico	and
1(baixo)	lógico	or

Equivalências: and

```
if exp1:  
    if exp2:  
        comando1
```



```
if exp1 and exp2:  
    comando1
```

Equivalências: or

```
if exp1:  
    comando1  
elif exp2:  
    comando1
```



```
if exp1 or exp2:  
    comando1
```

Exemplo: maior de 3

- Encontrar a variável de maior valor entre três variáveis inteiras **a**, **b** e **c** com valores distintos.

```
1  if a > b:
2      if a > c:
3          print("a é o maior")
4      else:
5          print("c é o maior")
6  else:
7      if b > c:
8          print("b é o maior")
9      else:
10         print("c é o maior")
```

```
1  if a > b and a > c :
2      print("a é o maior")
3  elif b > c :
4      print("b é o maior")
5  else:
6      print("c é o maior")
```


Álgebra Booleana: Propriedades Básicas

Propriedades Comutativas	$A \text{ and } B = B \text{ and } A$	$A \text{ or } B = B \text{ or } A$
Propriedades Distributivas	$A \text{ and } (B \text{ or } C) = (A \text{ and } B) \text{ or } (A \text{ and } C)$	$A \text{ or } (B \text{ and } C) = (A \text{ or } B) \text{ and } (A \text{ or } C)$
Propriedades Associativas	$(A \text{ or } B) \text{ or } C = A \text{ or } (B \text{ or } C)$	$(A \text{ and } B) \text{ and } C = A \text{ and } (B \text{ and } C)$
Propriedades Idempotentes	$A \text{ and } A = A$	$A \text{ or } A = A$
Dupla Negação	$\text{not not } A = A$	
Elementos Absorventes	$A \text{ or } \text{True} = \text{True}$	$A \text{ and } \text{False} = \text{False}$
Elementos Neutros	$A \text{ or } \text{False} = A$	$A \text{ and } \text{True} = A$
Leis de De Morgan	$\text{not } (A \text{ or } B) = (\text{not } A) \text{ and } (\text{not } B)$	$\text{not } (A \text{ and } B) = (\text{not } A) \text{ or } (\text{not } B)$

Álgebra Booleana: Exemplo

- Considere a expressão:

$$(x < 3) \text{ or } (y == 0)$$

- Podemos aplicar a dupla negação sem alterar seu resultado:

$$\text{not not } ((x < 3) \text{ or } (y == 0))$$

- Podemos agora trocar o operador or pelo operador and, aplicando a "Leis de De Morgan":

$$\text{not } (\text{not } (x < 3) \text{ and } \text{not } (y == 0))$$

- Trocando os operadores relacionais negados por operadores relacionais complementares:

$$\text{not } (x \geq 3 \text{ and } y \neq 0)$$

Dúvidas



Exercicio

- Escreva um programa que determina a data **cronologicamente** maior entre duas datas fornecidas pelo usuário. Cada data deve ser fornecida por três valores inteiros onde o primeiro representa um **dia**, o segundo um **mês** e o terceiro um **ano**.

Exercicio

Sem o uso de operadores lógicos

```
1  # Primeira data.
2  d1 = int(input("Dia: "))
3  m1 = int(input("Mês: "))
4  a1 = int(input("Ano: "))
5  # Segunda data.
6  d2 = int(input("Dia: "))
7  m2 = int(input("Mês: "))
8  a2 = int(input("Ano: "))
9
10 if a1 > a2:
11     print("Data1 é maior!")
12 elif a1 == a2:
13     if m1 > m2:
14         print("Data1 é maior!")
15     elif m1 == m2:
16         if d1 > d2:
17             print("Data1 é maior!")
18         elif d1 == d2:
19             print("Datas são iguais!")
20         else:
21             print("Data2 é maior!")
22     else:
23         print("Data2 é maior!")
24 else:
25     print("Data2 é maior!")
```

Com uso de operadores lógicos

```
1  # Primeira data.
2  d1 = int(input("Dia: "))
3  m1 = int(input("Mês: "))
4  a1 = int(input("Ano: "))
5  # Segunda data.
6  d2 = int(input("Dia: "))
7  m2 = int(input("Mês: "))
8  a2 = int(input("Ano: "))
9
10 if a1>a2 or (a1==a2 and m1>m2) or (a1==a2 and m1==m2 and d1>d2):
11     print("Data1 é maior!")
12 elif a1==a2 and m1==m2 and d1==d2:
13     print("Datas são iguais!")
14 else:
15     print("Data2 é maior!")
```

Exercicio

- Segundo a propriedade distributiva da álgebra booleana temos:
 - $\text{expr1 and (expr2 or expr3)} = (\text{expr1 and expr2}) \text{ or } (\text{expr1 and expr3})$
- Logo, uma outra solução pode ser obtida colocando a condição $a1==a2$ em evidência:

```
1  # Primeira data.
2  d1 = int(input("Dia: "))
3  m1 = int(input("Mês: "))
4  a1 = int(input("Ano: "))
5  # Segunda data.
6  d2 = int(input("Dia: "))
7  m2 = int(input("Mês: "))
8  a2 = int(input("Ano: "))
9
10 if a1>a2 or (a1==a2 and (m1>m2 or (m1==m2 and d1>d2))):
11     print("Data1 é maior!")
12 elif a1==a2 and m1==m2 and d1==d2:
13     print("Datas são iguais!")
14 else:
15     print("Data2 é maior!")
```

Exercício

- Peça uma palavra ao usuário e verifique se ela tem mais de 5 letras **ou** se contém a letra 'a'.

```
palavra = input("Digite uma palavra: ")  
print(len(palavra) > 5 or 'a' in palavra)
```

Exercicio

- Dados um número inteiro $n > 0$ e as notas de n alunos, determinar quantos ficaram de recuperação. Um aluno está de recuperação se sua nota final for maior ou igual a 3 e menor do que 5.

Exercicio

- Dados um número inteiro $n > 0$ e as notas de n alunos, determinar quantos ficaram de recuperação. Um aluno está de recuperação se sua nota final for maior ou igual a 3 e menor do que 5.

```
1  n = int(input("Digite n: "))
2  rec = 0
3  i = 1
4  while i <= n:
5      nota = float(input("Digite uma nota: "))
6      if 3.0 <= nota and nota < 5.0:
7          rec = rec + 1
8          i = i + 1
9
10 print(rec, "alunos ficaram de recuperação")
```

Exercicio

- Uma segunda solução sem usar operadores lógicos:

```
1  n = int(input("Digite n: "))
2  rec = 0
3  i = 1
4  while i <= n:
5      nota = float(input("Digite uma nota: "))
6      if nota >= 3.0:
7          if nota < 5.0:
8              rec = rec + 1
9      i = i + 1
10
11 print(rec, "alunos ficaram de recuperação")
```

Exercicio

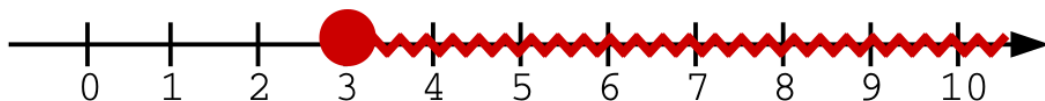
- O Python ainda permite uma terceira solução, na qual o intervalo numérico é especificado de modo mais similar a nossa linguagem, usando operadores de comparação de forma encadeada:

```
1  n = int(input("Digite n: "))
2  rec = 0
3  i = 1
4  while i <= n:
5      nota = float(input("Digite uma nota: "))
6      if 3.0 <= nota < 5.0:
7          rec = rec + 1
8          i = i + 1
9
10 print(rec, "alunos ficaram de recuperação")
```

And

- Do ponto de vista gráfico, usando a notação de conjuntos de intervalos na reta dos reais, temos:

$$3.0 \leq \text{nota}$$



$$\text{nota} < 5.0$$



$$3.0 \leq \text{nota} \text{ and } \text{nota} < 5.0$$



Observe que graficamente o operador lógico "and" possui o efeito de intersecção dos conjuntos.

Exercicio

- Dados números inteiros n , i e j , todos maiores do que zero, imprimir em ordem crescente os n primeiros naturais que são múltiplos de i ou de j e ou de ambos. Por exemplo, para $n=6$, $i=2$ e $j=3$ a saída deverá ser:

Exercicio

- Testa os números 0, 1, 2, ... verificando e imprimindo quais são múltiplos de i ou j, até que n múltiplos sejam impressos.

```
1  # dados de entrada
2  print("Cálculo dos n primeiros múltiplos de i ou de j")
3  n = int(input("Digite n: "))
4  i = int(input("Digite i: "))
5  j = int(input("Digite j: "))
6
7  cont = 0 #conta quantos múltiplos foram impressos.
8  cm = 0 #candidato a múltiplo.
9  while cont < n:
10     if cm%i == 0 or cm%j == 0:
11         print(cm)
12         cont += 1
13     cm += 1
```

Exercicio

- Mais elaborada. Faz menos iterações que a anterior. A cada iteração imprime um múltiplo de i ou j.

```
1  # dados de entrada
2  print("Cálculo dos n primeiros múltiplos de i ou de j")
3  n = int(input("Digite n: "))
4  i = int(input("Digite i: "))
5  j = int(input("Digite j: "))
6
7  multi = 0 # múltiplos de i
8  multj = 0 # múltiplos de j
9  cont = 0 # conta quantos múltiplo foram impressos
10
11 while cont < n:
12     if multi < multj:
13         print(multi)
14         multi += i
15     elif multj < multi:
16         print(multj)
17         multj += j
18     else: # multi == multj
19         print(multj)
20         multi += i
21         multj += j
```