

# MAC2166 - Introdução à Computação

Prof. Dr. Helder Oliveira



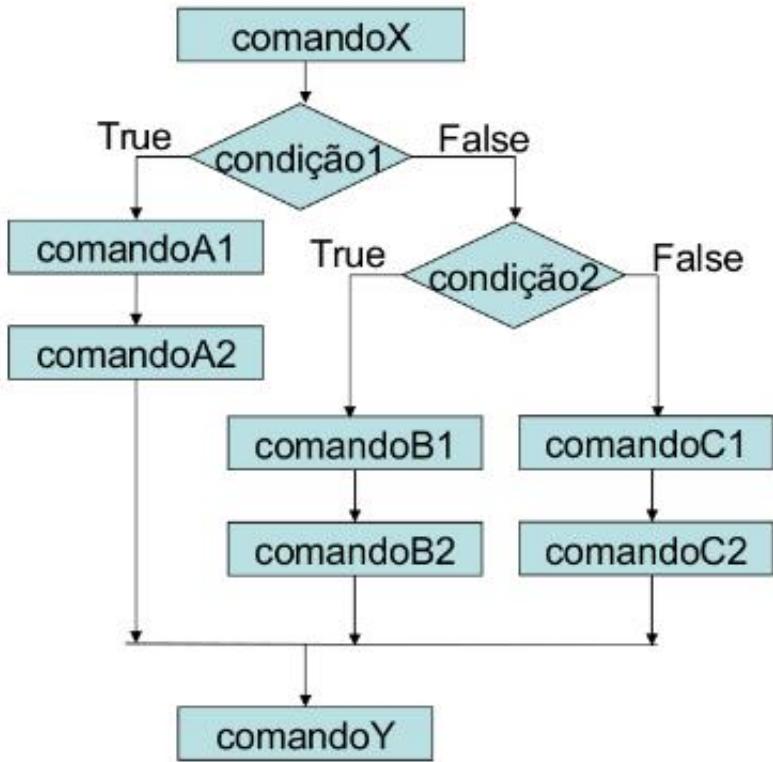
# Agenda

- Operadores Aritméticos de Atribuição `+=, -=, *=, /=, %=`.
- Função de conversão `float()`, que converte de str para float.
- Diferença entre `/` e `//` e como `%` se comporta com float.
- Execução condicional encadeada `if-elif-else`.

# Operadores Aritméticos de Atribuição

Operador	Exemplo	É equivalente a:
<code>*=</code>	<code>x *= 5</code>	<code>x = x * 5</code>
<code>/=</code>	<code>x /= 5</code>	<code>x = x / 5</code>
<code>%=</code>	<code>x %= 5</code>	<code>x = x % 5</code>
<code>+=</code>	<code>x += 5</code>	<code>x = x + 5</code>
<code>-=</code>	<code>x -= 5</code>	<code>x = x - 5</code>

# Condicional encadeada



```
comandoX
if condição1 :
    # bloco de comandos.
    comandoA1
    comandoA2
elif condição2 :
    # bloco de comandos.
    comandoB1
    comandoB2
else :
    # bloco de comandos.
    comandoC1
    comandoC2
comandoY
```

# Exercício

- Dados dois inteiros x e y, indicar se eles são iguais ou qual é o maior entre eles.

```
1  if x < y :  
2      print("x é menor do que y.")  
3  else:  
4      if x > y :  
5          print("x é maior do que y.")  
6      else:  
7          print("x e y são iguais.")
```

```
1  if x < y :  
2      print("x é menor do que y.")  
3  elif x > y :  
4      print("x é maior do que y.")  
5  else:  
6      print("x e y são iguais.")
```

# Expressões Lógicas

- Expressões lógicas são aquelas que realizam uma operação lógica e retornam verdadeiro ou falso (como as expressões relacionais).
- Os operadores lógicos são:
  - **and**: operador E.
  - **or**: operador OU.
  - **not**: operador NÃO.

# Operador Lógico and

- <expressão1> and <expressão2>: retorna verdadeiro quando ambas as expressões são verdadeiras.
- Sua tabela verdade é:

<expressão1>	<expressão2>	resultado
True	True	True
True	False	False
False	True	False
False	False	False

```
1 a = 5
2 b = 10
3 print((a > 0) and (b == 0))
4 # False
5 print((a > 0) and (b != 0))
6 # True
```

# Operador Lógico or

- <expressão1> or <expressão2>: retorna verdadeiro quando pelo menos uma das expressões é verdadeira.
- Sua tabela verdade é:

<expressão1>	<expressão2>	resultado
True	True	True
True	False	True
False	True	True
False	False	False

```
1 a = 5
2 b = 10
3 print((a > 0) or (b == 0))
4 # True
5 print((a != 5) or (b == 0))
6 # False
```

# Operador Lógico not

- not <expressão>: retorna verdadeiro quando a expressão é falsa e vice-versa.
- Sua tabela verdade é:

<expressão>	resultado
True	False
False	True
<expressão>	resultado

```
1a = 5
2b = 10
3print(not(a < b))
4# False
5print(not(a == b))
6# True
```

# Operadores lógicos

A	B	A and B	A or B
False	False	False	False
False	True	False	True
True	False	False	True
True	True	True	True

A	not A
False	True
True	False

# Expressões Equivalentes

- $\text{not}(a == b)$  é equivalente a  $(a != b)$
- $\text{not}(a > b)$  é equivalente a  $(a \leq b)$
- $\text{not}(a < b)$  é equivalente a  $(a \geq b)$

# Exemplo

- O que será impresso pelo código a seguir?

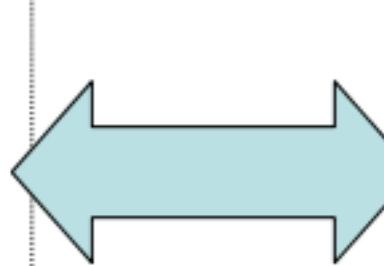
```
a = True
b = False
print(not(a or b))
# False
print(not(a and b))
# True
print(not(a) and not(b))
# False
print(not(a) or not(b))
# True
```

# Precedência de Operadores

<b>Nível</b>	<b>Categoria</b>	<b>Operadores</b>
7(alto)	exponenciação	$^{**}$
6	multiplicação	$*,/,//,%$
5	adição	$+, -$
4	relacional	$==, !=, <=, >=, >, <$
3	lógico	not
2	lógico	and
1(baixo)	lógico	or

# Equivalências: and

```
if exp1:  
  if exp2:  
    comando1
```



```
if exp1 and exp2:  
  comando1
```

# Equivalências: or

```
if exp1:  
    comando1  
elif exp2:  
    comando1
```

```
if exp1 or exp2:  
    comando1
```



# Exemplo: maior de 3

- Encontrar a variável de maior valor entre três variáveis inteiros **a**, **b** e **c** com valores distintos.

```
1  if a > b:  
2      if a > c:  
3          print("a é o maior")  
4      else:  
5          print("c é o maior")  
6  else:  
7      if b > c:  
8          print("b é o maior")  
9  else:  
10     print("c é o maior")
```

```
1  if a > b and a > c :  
2      print("a é o maior")  
3  elif b > c :  
4      print("b é o maior")  
5  else:  
6      print("c é o maior")
```

# Álgebra Booleana: Propriedades Básicas

<b>Propriedades Comutativas</b>	$A \text{ and } B = B \text{ and } A$	$A \text{ or } B = B \text{ or } A$
<b>Propriedades Distributivas</b>	$A \text{ and } (B \text{ or } C) = (A \text{ and } B) \text{ or } (A \text{ and } C)$	$A \text{ or } (B \text{ and } C) = (A \text{ or } B) \text{ and } (A \text{ or } C)$
<b>Propriedades Associativas</b>	$(A \text{ or } B) \text{ or } C = A \text{ or } (B \text{ or } C)$	$(A \text{ and } B) \text{ and } C = A \text{ and } (B \text{ and } C)$
<b>Propriedades Idempotentes</b>	$A \text{ and } A = A$	$A \text{ or } A = A$
<b>Dupla Negação</b>	$\text{not not } A = A$	
<b>Elementos Absorventes</b>	$A \text{ or } \text{True} = \text{True}$	$A \text{ and } \text{False} = \text{False}$
<b>Elementos Neutros</b>	$A \text{ or } \text{False} = A$	$A \text{ and } \text{True} = A$
<b>Leis de De Morgan</b>	$\text{not } (A \text{ or } B) = (\text{not } A) \text{ and } (\text{not } B)$	$\text{not } (A \text{ and } B) = (\text{not } A) \text{ or } (\text{not } B)$

# Álgebra Booleana: Exemplo

- Considere a expressão:

$$(x < 3) \text{ or } (y == 0)$$

- Podemos aplicar a dupla negação sem alterar seu resultado:

$$\text{not not } ((x < 3) \text{ or } (y == 0))$$

- Podemos agora trocar o operador or pelo operador and, aplicando a "Leis de De Morgan":

$$\text{not (not (x < 3) and not (y == 0))}$$

- Trocando os operadores relacionais negados por operadores relacionais complementares:

$$\text{not (x } \geq 3 \text{ and y } != 0)$$

# Dúvidas



# Exercicio

- Escreva um programa que determina a data **cronologicamente** maior entre duas datas fornecidas pelo usuário. Cada data deve ser fornecida por três valores inteiros onde o primeiro representa um **dia**, o segundo um **mês** e o terceiro um **ano**.

# Exercício

Sem o uso de operadores lógicos

```
1 # Primeira data.  
2 d1 = int(input("Dia: "))  
3 m1 = int(input("Mês: "))  
4 a1 = int(input("Ano: "))  
5 # Segunda data.  
6 d2 = int(input("Dia: "))  
7 m2 = int(input("Mês: "))  
8 a2 = int(input("Ano: "))  
9  
10 if a1 > a2:  
11     print("Data1 é maior!")  
12 elif a1 == a2:  
13     if m1 > m2:  
14         print("Data1 é maior!")  
15     elif m1 == m2:  
16         if d1 > d2:  
17             print("Data1 é maior!")  
18         elif d1 == d2:  
19             print("Datas são iguais!")  
20         else:  
21             print("Data2 é maior!")  
22     else:  
23         print("Data2 é maior!")  
24 else:  
25     print("Data2 é maior!")
```

Com uso de operadores lógicos

```
1 # Primeira data.  
2 d1 = int(input("Dia: "))  
3 m1 = int(input("Mês: "))  
4 a1 = int(input("Ano: "))  
5 # Segunda data.  
6 d2 = int(input("Dia: "))  
7 m2 = int(input("Mês: "))  
8 a2 = int(input("Ano: "))  
9  
10 if a1>a2 or (a1==a2 and m1>m2) or (a1==a2 and m1==m2 and d1>d2):  
11     print("Data1 é maior!")  
12 elif a1==a2 and m1==m2 and d1==d2:  
13     print("Datas são iguais!")  
14 else:  
15     print("Data2 é maior!")
```

# Exercício

- Segundo a propriedade distributiva da álgebra booleana temos:
  - $\text{expr1 and } (\text{expr2 or expr3}) = (\text{expr1 and expr2}) \text{ or } (\text{expr1 and expr3})$
- Logo, uma outra solução pode ser obtida colocando a condição  $a1==a2$  em evidência:

```
1  # Primeira data.
2  d1 = int(input("Dia: "))
3  m1 = int(input("Mês: "))
4  a1 = int(input("Ano: "))
5  # Segunda data.
6  d2 = int(input("Dia: "))
7  m2 = int(input("Mês: "))
8  a2 = int(input("Ano: "))
9
10 if a1>a2 or (a1==a2 and (m1>m2 or (m1==m2 and d1>d2))):
11     print("Data1 é maior!")
12 elif a1==a2 and m1==m2 and d1==d2:
13     print("Datas são iguais!")
14 else:
15     print("Data2 é maior!")
```

# Exercício

- Peça uma palavra ao usuário e verifique se ela tem mais de 5 letras **ou** se contém a letra 'a'.

```
palavra = input("Digite uma palavra: ")  
print(len(palavra) > 5 or 'a' in palavra)
```

# Exercício

- Dados um número inteiro  $n > 0$  e as notas de  $n$  alunos, determinar quantos ficaram de recuperação. Um aluno está de recuperação se sua nota final for maior ou igual a 3 e menor do que 5.

# Exercício

- Dados um número inteiro  $n > 0$  e as notas de  $n$  alunos, determinar quantos ficaram de recuperação. Um aluno está de recuperação se sua nota final for maior ou igual a 3 e menor do que 5.

```
1  n = int(input("Digite n: "))
2  rec = 0
3  i = 1
4  while i <= n:
5      nota = float(input("Digite uma nota: "))
6      if 3.0 <= nota and nota < 5.0:
7          rec = rec + 1
8      i = i + 1
9
10 print(rec,"alunos ficaram de recuperação")
```

# Exercício

- Uma segunda solução sem usar operadores lógicos:

```
1 n = int(input("Digite n: "))
2 rec = 0
3 i = 1
4 while i <= n:
5     nota = float(input("Digite uma nota: "))
6     if nota >= 3.0:
7         if nota < 5.0:
8             rec = rec + 1
9     i = i + 1
10
11 print(rec,"alunos ficaram de recuperação")
```

# Exercício

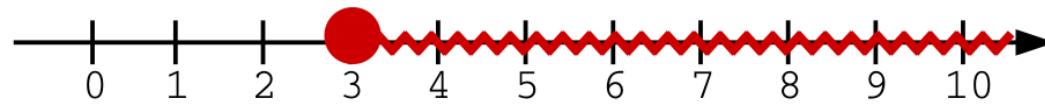
- O Python ainda permite uma terceira solução, na qual o intervalo numérico é especificado de modo mais similar a nossa linguagem, usando operadores de comparação de forma encadeada:

```
1  n = int(input("Digite n: "))
2  rec = 0
3  i = 1
4  while i <= n:
5      nota = float(input("Digite uma nota: "))
6      if 3.0 <= nota < 5.0:
7          rec = rec + 1
8          i = i + 1
9
10 print(rec,"alunos ficaram de recuperação")
```

# And

- Do ponto de vista gráfico, usando a notação de conjuntos de intervalos na reta dos reais, temos:

$$3.0 \leq \text{nota}$$



$$\text{nota} < 5.0$$



$$3.0 \leq \text{nota} \text{ and } \text{nota} < 5.0$$



Observe que graficamente o operador lógico "and" possui o efeito de intersecção dos conjuntos.

# Exercício

- Dados números inteiros  $n$ ,  $i$  e  $j$ , todos maiores do que zero, imprimir em ordem crescente os  $n$  primeiros naturais que são múltiplos de  $i$  ou de  $j$  e ou de ambos. Por exemplo, para  $n=6$ ,  $i=2$  e  $j=3$  a saída deverá ser:

# Exercício

- Testa os números 0, 1, 2, ... verificando e imprimindo quais são múltiplos de i ou j, até que n múltiplos sejam impressos.

```
1 # dados de entrada
2 print("Cálculo dos n primeiros múltiplos de i ou de j")
3 n = int(input("Digite n: "))
4 i = int(input("Digite i: "))
5 j = int(input("Digite j: "))
6
7 cont = 0 #conta quantos múltiplos foram impressos.
8 cm = 0 #candidato a múltiplo.
9 while cont < n:
10     if cm%i == 0 or cm%j == 0:
11         print(cm)
12         cont += 1
13     cm += 1
```

# Exercício

- Mais elaborada. Faz menos iterações que a anterior. A cada iteração imprime um múltiplo de i ou j.

```
1 # dados de entrada
2 print("Cálculo dos n primeiros múltiplos de i ou de j")
3 n = int(input("Digite n: "))
4 i = int(input("Digite i: "))
5 j = int(input("Digite j: "))
6
7 multi = 0 # múltiplos de i
8 multj = 0 # múltiplos de j
9 cont = 0 # conta quantos múltiplo foram impressos
10
11 while cont < n:
12     if multi < multj:
13         print(multi)
14         multi += i
15     elif multj < multi:
16         print(multj)
17         multj += j
18     else: # multi == multj
19         print(multj)
20         multi += i
21         multj += j
```