

# MAT2352 – Cálculo para Funções de Várias Variáveis II

Lista de exercícios sobre mudança de variáveis na integral dupla  
30-08-2021

PROF. CLAUDIO GORODSKI

1. Usar uma mudança de variáveis adequada para avaliar a integral dupla

$$\int \int_{\mathcal{R}} (x - y)^2 \sin^2(x + y) \, dx \, dy$$

onde  $\mathcal{R}$  é o paralelogramo de vértices  $(\pi, 0)$ ,  $(2\pi, \pi)$ ,  $(\pi, 2\pi)$ ,  $(0, \pi)$ .

2. Calcular

$$\int \int_{\mathcal{R}} \frac{y}{x} \, dx \, dy$$

onde  $\mathcal{R}$  é a região delimitada pelas curvas  $x^2 - y^2 = 1$ ,  $x^2 - y^2 = 4$ ,  $y = 0$ ,  $y = \frac{x}{2}$ .