

MAT220- Cálculo Diferencial e Integral IV - 2010 - IF

Notas de Aula: 03/08

1-) Estude as seções 6.2 e 6.4 do Kaplan.

2-) Estude a convergência das seguintes sequências. Caso a sequência seja convergente, calcule o seu limite.

$$(a) a_n \doteq \frac{\sqrt{n} + 1}{n - 1}, n \geq 2.$$

$$(b) a_n \doteq \frac{n^3 + 3n + 1}{4n^3 + 2}.$$

$$(c) a_n \doteq \frac{(n+3)! - n!}{(n+4)!}$$

$$(d) a_n \doteq \frac{n + (-1)^n}{n - (-1)^n}$$

$$(e) a_n \doteq \left(\frac{n+2}{n+1}\right)^n$$

$$(f) a_n \doteq na^n, \text{ dado } a \in \mathbb{R}.$$

$$(g) a_n \doteq n(\sqrt{n^2 + 1} - n)$$

$$(h) a_n \doteq \sqrt[n]{a^n + b^n}, \text{ dados } 0 < a < b.$$

$$(i) a_n \doteq \sqrt[n]{a}, \text{ dado } a > 0.$$

$$(j) a_n \doteq \sqrt[n]{n}$$

$$(k) a_n \doteq \left(\frac{n+1}{n}\right)^{\sqrt{n}}.$$

$$(l) a_n \doteq \left(1 + \frac{1}{n^2}\right)^n.$$

RESPOSTAS: (a) 0. (b) 1/4. (c) 0. (d) 1. (e) e. (f) 0, se $|a| < 1$; diverge para ∞ se $a \geq 1$; diverge se $a \leq -1$. (g) 1/2. (h) b. (i) 1. (j) 1. (k) 1. (l) 1.