



MAC00323 Algoritmos e Estruturas de Dados II

Edição 2019

Fonte: <https://yunas-princess...>

Sobre MAC0323



Fonte: <http://jainanimation.in/blog/...>

Blue Pill or Red Pill

The Matrix

<https://www.youtube.com>

Sobre MAC0323

- ▶ [página da disciplina](#)
- ▶ [responsáveis](#)
- ▶ [Livro](#)
- ▶ [pré-requisitos](#)
- ▶ [aulas](#)
- ▶ [exercícios-programa](#)
- ▶ [provas e provinhas](#)

Página da disciplina

Paca: <https://paca.ime.usp.br>

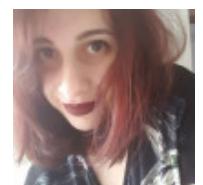
Your heart is true. You may pass.

"Amo estudar algoritmos!",

sem aspas

Ambiente de programação, EPs, critérios, fóruns ...

Responsáveis



Bia



Lais



Coelho

Fonte: <https://yunas-princess...>

Pré-requisitos

MAC0121 Algoritmos e Estruturas de Dados I



Prof. Teoria

Livro

Nossa referência básica é o livro SW

Sedgewick & Wayne,
Algorithms, 4th Editions
<http://algs4.cs.princeton.edu/>



Consulte as notas de aula de Paulo Feofiloff baseadas no livro *Algorithms*

[http://www.ime.usp.br/~pf/estruturas-de-dados.](http://www.ime.usp.br/~pf/estruturas-de-dados)

Exercícios-programa

Em MAC0323 teremos EPs em



Vários EPs serão chupados de COS226 de Princeton

EP01, EP02: disponíveis na página de MAC0323

Exercícios-programa C



<https://twitter.com/slidenerdtech>

Provas e provinhas

3 provas

Várias provinhas de até 10 minutos

Médias das provinhas vale como PSub

Onde você se meteu...

MAC0323 continua a tarefa de MAC0121, é uma disciplina introdutória em:

- ▶ projeto, correção e eficiência de algoritmos e
- ▶ estruturas de dados = esquema de organizar dados que os deixa acessível para serem processados eficientemente.

Estudaremos, através de exemplos, a **correção, a análise de eficiência e projeto de algoritmos** muito bacanas e que são amplamente utilizados por programadores.

MAC0323

Pré-requisitos

MAC0323 combina técnicas de

- ▶ **programação**
- ▶ **correção de algoritmos** (relações invariantes)
- ▶ **análise da eficiência de algoritmos** e
- ▶ **estruturas de dados elementares**

que nasceram de aplicações cotidianas em ciência da computação.

Os pré-requisito oficial de MAC0323 são

- ▶ **MAC0121 Algoritmos e Estruturas de Dados I** e
- ▶ **MAC0216 Técnicas de Programação I**

Principais tópicos

Alguns dos tópicos de MAC0323 são:

- ▶ **Bags, Queues e Stacks;**
- ▶ **Union-find;**
- ▶ **Tabelas de símbolos:** Árvore binária de busca; Árvores balanceadas de busca; Tabelas de Hash;
- ▶ **Grafos:** orientados, não orientados;
- ▶ **Problemas em grafos:** Árvore geradora mínima; Caminhos mínimos;
- ▶ **Strings :** Tries; Autômatos e expressões regulares.

Com um pouco **análise e eficiência de algoritmos**

Localização

MAC0323 é a segundo passo na direção de

- ▶ **Algoritmos**
- ▶ **Estruturas de Dados**

Várias outras disciplina se apoiam em MAC0323.

Java e C

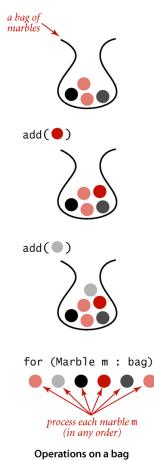
Usaremos a linguagens **Java** e **C**.

Nada profundo.

O foco é **algoritmos e estruturas de dados** e a ideia é a linguagem não nos distrair muito, mas isso é pouco inevitável . . . e frequentemente divertido :-)

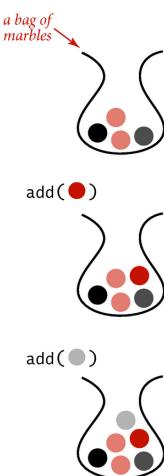
AULA 1

Sacos



Fonte: Saco (= bag) e sua API

Sacos



Que saco!

Um **saco** (=bag) é uma **ADT** que consiste de uma coleção de **itens** munida de duas operações:

- ▶ **add()** que **insere** um item na coleção, e
- ▶ **iterator()** que **percorre** os itens da coleção. A ordem em que o iterador percorre os itens **não é especificada**.

API de um saco de inteiros

public class BagInteger		
	BagInteger()	cria um saco de inteiros vazio
void	add(Integer item)	coloca item neste saco
boolean	isEmpty()	este saco está vazio?
int	size()	número de itens neste saco
void	startIterator()	inicializa o iterador
boolean	hasNext()	há itens a serem iterados?
Integer	next()	próximo item

Cliente

```
public class Cliente {
    public static void main(String[] args){
        BagInteger bag = new BagInteger();
        for (int i=10; i < 20; i++) {
            bag.add(i);
        }
        StdOut.println(bag.size());
        bag.startIterator();
        while (bag.hasNext()) {
            StdOut.println(bag.next());
        }
    }
}
```

Class BagInteger: esqueleto

```
public class BagInteger {
    private Node first;
    private int n;
    private Node current;
    private class Node{...} //subclasse
    public BagInteger() {...} // construtor
    public void add(Integer item) {...}
    public int size() {...}
    public boolean isEmpty() {...}
    public void startIterator() {...}
    public boolean hasNext() {...}
    public Integer next() {...}
    public void remove() {...}
}
```

BagInteger: subclasse Node

```
private class Node{  
    private Integer item;  
    private Node next;  
    public Node(Integer item, Node next) {  
        this.item = item;  
        this.next = next;  
    }  
}
```

BagInteger: construtor e add()

```
public BagInteger() { // construtor  
    first = null;  
}  
  
public void add(Integer item) {  
    Node oldfirst = first;  
    first = new Node(item, oldfirst);  
    // first.item = item;  
    // first.next = oldfirst;  
    n++;  
}
```

BagInteger: iterador

```
public void startIterator() {  
    current = first;  
}  
  
public boolean hasNext() {  
    return current != null;  
}  
  
public Integer next() {  
    Integer item = current.item;  
    current = current.next;  
    return item;  
}
```

BagInteger: subclasse Node

```
private class Node{  
    private Integer item;  
    private Node next;  
    public Node(Integer item, Node next) {  
        this.item = item;  
        this.next = next;  
    }  
}
```

```
public int size() {  
    return n;  
}  
  
public boolean isEmpty() {  
    return n == 0;  
}
```

API de um saco genérico

public class Bag<Item>		
	Bag()	cria um saco de itens vazio
void	add(Item item)	coloca item neste saco
boolean	isEmpty()	este saco está vazio?
int	size()	número de itens neste saco
void	startIterator()	inicializa o iterador
boolean	hasNext()	há itens a serem iterados?
Item	next()	próximo item

Generics

Uma característica essencial de ADTs de coleções é permitir que sejam usadas para **qualquer tipo** de itens.

O mecanismo em **Java** conhecido como **genéricos** (*=generics*) permite essa capacidade.

A notação **<Item>** depois do nome da classe define o nome **Item** como um **parâmetro de tipo**, um espaço reservado para um tipo concreto ser usado pelo cliente.

Lemos **Bag<Item>** como *saco de itens* ou *bag de itens*.

Cliente

```
public class Cliente {  
    public static void main(String[] args){  
        Bag<String> bagS=new Bag<String>();  
        bagS.add("Como "); bagS.add("é ");  
        bagS.add("bom ");  
        bagS.add("estudar ");  
        bagS.add("MAC0323!");  
        StdOut.println(bagS.size());  
        bagS.startIterator();  
        while (bagS.hasNext()) {  
            StdOut.println(bagS.next());  
        }  
    }  
}
```

Class **Bag<Item>**: esqueleto

```
public class Bag<Item> {  
    private Node first;  
    private int n;  
    private Node current;  
    private class Node{...} //subclasse  
    public Bag() {...} // construtor  
    public void add(Item item) {...}  
    public int size() {...}  
    public boolean isEmpty() {...}  
    public void startIterator() {...}  
    public boolean hasNext() {...}  
    public Item next() {...}  
    public void remove() {...}
```

Bag<Item>: construtor e add()

```
public Bag() { // construtor  
    first = null;  
}  
  
public void add(Item item) {  
    Node oldfirst = first;  
    first = new Node(item, oldfirst);  
    // first.item = item;  
    // first.next = oldfirst;  
    n++;  
}
```

Bag<Item>: subclasse **Node**

```
private class Node{  
    private Integer item;  
    private Node next;  
    public Node(Integer item, Node next) {  
        this.item = item;  
        this.next = next;  
    }  
}
```

Bag<Item>: size() e isEmpty()

```
public int size() {  
    return n;  
}  
  
public boolean isEmpty() {  
    return n == 0;  
}
```

Bag<Item>: iterador

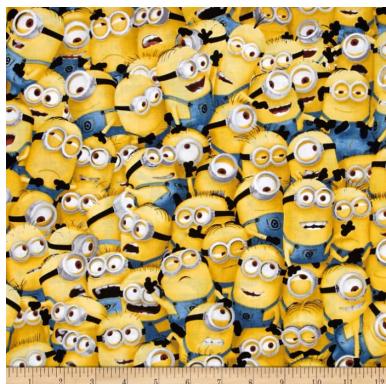
```
public void startIterator() {  
    current = first;  
}  
  
public boolean hasNext() {  
    return current != null;  
}  
  
public Item next() {  
    Item item = current.item;  
    current = current.next;  
    return item;  
}
```

API permite apenas um iterador:



Iteradores

queremos vários:



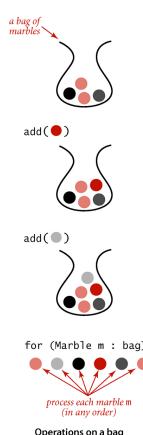
API: saco genérico iterável

public class	Bag<Item>	implements iterable<Item>
	Bag()	cria um saco de itens vazio
void	add(Item item)	coloca item neste saco
boolean	isEmpty()	este saco está vazio?
int	size()	número de itens neste saco
iterator<Item>	iterator()	iterador de itens

Cliente

```
public class Cliente {  
    public static void main(String[] args){  
        Bag<String> bagS=new Bag<String>();  
        bagS.add("Como "); bagS.add("é ");  
        bagS.add("bom ");  
        bagS.add("estudar ");  
        bagS.add("MAC0323!");  
        StdOut.println(bagS.size());  
        Iterator<String> it =  
            bagS.iterator();  
        while (it.hasNext()) {  
            StdOut.println(it.next());  
        }  
    }  
}
```

foreach



Frequentemente o cliente precisa apenas processar cada item de uma coleção iterável de alguma maneira. Para isso podemos iterar sobre os items da coleção com um comando do tipo `foreach`.

```
Bag<String> bagS =  
    new Bag<String>();  
[...]  
for (String s: bagS)  
    StdOut.println(s);
```

Cliente de Luxe

```
public class Cliente {  
    public static void main(String[] args){  
        Bag<String> bagS=new Bag<String>();  
        bagS.add("Como "); bagS.add("é ");  
        bagS.add("bom ");  
        bagS.add("estudar ");  
        bagS.add("MAC0323!");  
        StdOut.println(bagS.size());  
        for (String s: bagS) {  
            StdOut.println(s);  
        }  
    }  
}
```

Receita para construir uma classe iterável

Leia **Bags**, **Queues**, and **Stacks** (SW)
ou **Saco (= bag)** e sua API (PF).

Passo 0: incluir

```
import java.util.Iterator;
```

para que possamos nos referir a interface
`java.util.Iterator`:

Receita para construir uma classe iterável

Passo 1: adicionar no final da declaração da classe
`implements Iterable<Item>`.

Isso indica que o objeto será iterável e nos
comprometemos a especificar o método
`iterator()`, como especificado na interface
`java.lang.Iterable`

```
public interface Iterable<Item> {  
    public Iterator<Item> iterator();  
}
```

Por exemplo:

```
public class Bag<Item> implements Iterable<Item>{  
    [...]  
}
```

Receita para construir uma classe iterável

Passo 3: implemente a subclasse que implementa a
interface `Iterator` incluindo os método
`hasNext()`, `next()` e `remove()`

Usamos sempre o método vazio para o opcional
método `remove()` pois intercalar iteração com uma
operação que modifica a estruturas de dados é
melhor ser evitada.

Receita para construir uma classe iterável

Passo 2: implementar um método `iterator()`
como prometido. Esse método retorna um objeto da
classe que implementa a interface `Iterator`

```
public interface Iterator<Item> {  
    boolean hasNext();  
    Item next();  
    void remove();  
}
```

Por exemplo:

```
public Iterator<Item> iterator() {  
    return new BagIterator();  
}
```

Receita para construir uma classe iterável

```
private class  
BagIterator implements Iterator<Item> {  
    private Node current = first;  
    public boolean hasNext() {  
        return current != null;  
    }  
    public Item next() {  
        Item item = current.item;  
        current = current.next;  
        return item;  
    }  
    public void remove() {  
        throw new UnsupportedOperationException();  
    }  
}
```

Observações



Fonte: filmeseriale.info

Ao longo do semestre usaremos **Bags** frequentemente.

Em particular, usaremos **Bags** em uma das nossas implementações de **grafos** e **digrafos**

Listas encadeadas em Java

SW 1.3

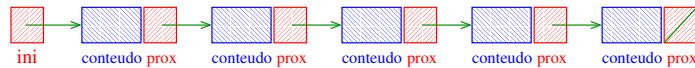
<https://algs4.cs.princeton.edu/13stacks/>

Linked lists, Victor S.Adamchik, CMU, 2009

Listas encadeadas

Uma **lista encadeada** (= *linked list* = lista ligada) é uma sequência de **células**; cada **célula** contém um **objeto** de algum tipo e o **endereço** da célula seguinte.

Ilustração de uma **lista encadeada** (“sem cabeça”)

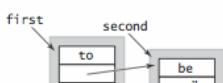


Construir uma lista ligada

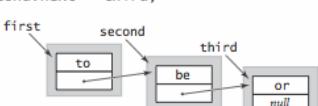
```
Node first = new Node();
first.item = "to";
```



```
Node second = new Node();
second.item = "be";
first.next = second;
```



```
Node third = new Node();
third.item = "or";
second.next = third;
```



Estrutura para listas encadeadas em Java

É conveniente tratar as células como um **novo tipo-de-dados** e atribuir um nome a esse novo tipo:

```
private class Node{
    Item item;
    Node next;
}
first = null;
```



Inserir no início

save a link to the list

```
Node oldfirst = first;
```

oldfirst



create a new node for the beginning

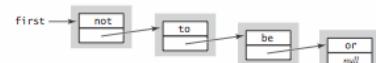
```
first = new Node();
```

oldfirst



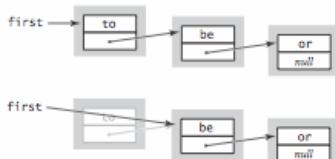
set the instance variables in the new node

```
first.item = "not";
first.next = oldfirst;
```



Remover do início

```
first = first.next;
```

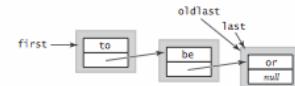


Removing the first node in a linked list

Inserir no final

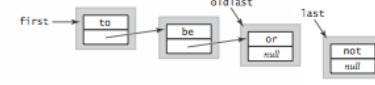
save a link to the last node

```
Node oldlast = last;
```



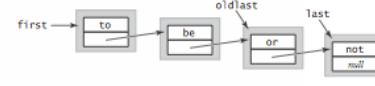
create a new node for the end

```
Node last = new Node();
last.item = "not";
```



link the new node to the end of the list

```
oldlast.next = last;
```



Percorrer

O seguinte trecho de código percorre uma lista ligada.

```
for (Node x = first; x != null; x = x.next)
{
    // processe x.item
}
```

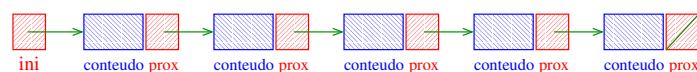
PF 4, S 3.3

<http://www.ime.usp.br/~pf/algoritmos/aulas/lista.html>

Listas encadeadas

Uma **lista encadeada** (= *linked list* = *lista ligada*) é uma sequência de **células**; cada **célula** contém um **objeto** de algum tipo e o **endereço** da célula seguinte.

Ilustração de uma **lista encadeada** ("sem cabeça")



Listas encadeadas em C

```
struct celula {
    int conteudo;
    struct celula *prox;
};

typedef struct celula Celula;

Celula *ini;
/* inicialmente a lista esta vazia */
ini = null;
```



Endereços listas encadeadas

O **endereço** de uma lista encadeada é o endereço de sua primeira **célula**.

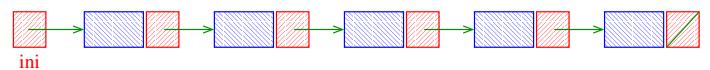
Se **p** é o endereço de uma lista às vezes dizemos que “**p** é uma lista”.

Se **p** é uma lista então

- **p == null** ou
- **p->prox** é uma lista.

Imprime conteúdo de uma lista

Esta função **imprime** o **item** de cada célula de uma lista encadeada **ini**.



```
void imprima (Celula *ini)
{
    Celula *p;
    for (p = ini; p != null; p=p->prox)
        printf("%d\n", p->item);
}
```

Busca em listas encadeadas

Esta função **recebe** um inteiro **x** e uma lista **ini**. A função **devolve** o endereço de uma célula que contém **x**. Se tal célula não existe, a função **devolve** **null**.

```
Celula *busca (int x, Celula *ini)
{
    Celula *p;
    p = ini;
    while (p != null && p->item != x)
        p = p->prox;
    return p;
}
```