

MAC00323 Algoritmos e Estruturas de Dados II

Edição 2017

Administração

Página da disciplina:

<http://paca.ime.usp.br/>

- ▶ aulas
- ▶ exercícios-programa
- ▶ fórum: **pergunte, respondam, ...**
- ▶ material: **brinquem com os programas**
- ▶ ...

Administração

Página da disciplina:

<http://paca.ime.usp.br/>

- ▶ aulas
- ▶ exercícios-programa
- ▶ fórum: **perguntem, respondam, ...**
- ▶ material: **brinquem com os programas**
- ▶ ...

Exercício programa 1 e 2: disponíveis na página

Livro

Nossa referência básica é o livro

*SW = Sedgewick & Wayne,
Algorithms, 4th Editions*



Consulte as notas de aula baseadas no livro
Algorithms de Paulo Feofiloff

<http://www.ime.usp.br/~pf/estruturas-de-dados>.

Onde você se meteu. . .

MAC0323 continua a tarefa de MAC0121, é uma disciplina introdutória em:

- ▶ projeto, correção e eficiência de algoritmos e
- ▶ estruturas de dados = esquema de organizar dados que os deixa acessível para serem processados eficientemente.

Estudaremos, através de exemplos, a **correção, a análise de eficiência e projeto de algoritmos** muito bacanas e que são amplamente utilizados por programadores.

MAC0323

MAC0323 combina técnicas de

- ▶ programação
- ▶ correção de algoritmos (relações invariantes)
- ▶ análise da eficiência de algoritmos e
- ▶ estruturas de dados elementares

que nasceram de aplicações cotidianas em ciência da computação.

Pré-requisitos

Os pré-requisito oficial de **MAC0323** são

- ▶ **MAC0121** Algoritmos e Estruturas de Dados I e
- ▶ **MAC0216** Técnicas de Programação I

Principais tópicos

Alguns dos tópicos de **MAC0323** são:

- ▶ Bags, Queues e Stacks;
- ▶ Union-find;
- ▶ Tabelas de símbolos: Árvore binária de busca; Árvores balanceadas de busca; Tabelas de Hash;
- ▶ Grafos: orientados, não orientados;
- ▶ Problemas em grafos: Árvore geradora mínima; Caminhos mínimos;
- ▶ Strings : Tries; Autômatos e expressões regulares.

Tudo isso regado a muita **análise de eficiência de algoritmos e invariantes**.

Localização

MAC0323 é a segundo passo na direção de

- ▶ Algoritmos
- ▶ Estruturas de Dados

Várias outras disciplina se apoiam em MAC0323.

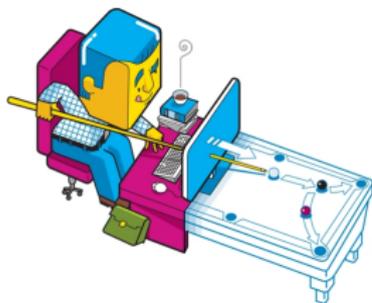
Java

Usaremos a linguagem **Java**.

Bem, **nada profundo**.

O foco é algoritmos e estruturas de dados e a ideia é a linguagem não nos distrair muito, mas isso é inevitável . . . e divertido :-)

Interfaces



Fonte: <http://allfacebook.com/>

*Before I built a wall I'd ask to know
What I was walling in or walling out,
And to whom I was like to give offence.
Something there is that doesn't love a wall,
That wants it down.*

Robert Frost, *Mending Wall*

The Practice of Programming

B.W.Kernigham e R. Pike

S 3.1, 4.2, 4.3, 4.4

Interfaces

Uma **interface** (= *interface*) é uma fronteira entre entre a **implementação** de um biblioteca e o **programa que usa** a biblioteca.

Um **cliente** (= *client*) é um programa que chama alguma função da biblioteca.

Implementação

```
double sqrt(double x){  
    [...]  
    return raiz;  
}  
  
    [...]
```

libm

Interface

```
double sqrt(double);  
double sin(double);  
double cos(double);  
double pow(double,double);  
    [...]
```

math.h

Cliente

```
#include <math.h>  
  
    [...]  
c = sqrt(a*a+b*b);  
  
    [...]
```

prog.c

Interfaces

Uma **interface** (= *interface*) é uma fronteira entre entre a **implementação** de um biblioteca e o **programa que usa** a biblioteca.

Um **cliente** (= *client*) é um programa que chama alguma função da biblioteca.

Implementação

```
public class Stack<T>{  
    [...]  
    public T pop() {  
        [...]  
    }  
}
```

Stack.class

Interface

```
public T pop()  
public push(T item)  
public int size()  
public boolean isEmpty()  
    [...]
```

API

Cliente

```
public class Prog {  
    [...]  
    s = new Stack();  
    [...]
```

Prog.java

Interfaces

Para cada função na biblioteca o **cliente** precisa saber

- ▶ o seu **nome**, os seus **argumentos** e os tipos desses argumentos;
- ▶ o tipo do **resultado** que é retornado.

Só a quem **implementa** interessa os detalhes de implementação.

Implementação

Responsável por
como as funções
funcionam

`lib`

Interface

Os dois lados concordam
sobre os protótipos
das funções

`xxx.h`

Cliente

Responsável por
como usar as funções

`yyy.c`

Interfaces

Para cada função na biblioteca o **cliente** precisa saber

- ▶ o seu **nome**, os seus **argumentos** e os tipos desses argumentos;
- ▶ o tipo do **resultado** que é retornado.

Só a quem **implementa** interessa os detalhes de implementação.

Implementação

Responsável por
como as funções
funcionam

lib

Interface

Os dois lados concordam
sobre os protótipos
das funções

API

Cliente

Responsável por
como usar as funções

Prog. java

Interfaces

Entre as decisões de projeto estão

Interface: quais serviços serão oferecidos? A **interface** é um “contrato” entre o usuário e o projetista.

Ocultação: qual informação é **visível** e qual é **privada**? Uma interface deve prover acesso aos componente enquanto **esconde** detalhes de implementação que **podem ser alterados sem afetar o usuário**.

Recursos: quem é **responsável pelo gerenciamento de memória** e outros recursos?

Erros: quem **detecta e reporta erros** e como?

Pilhas



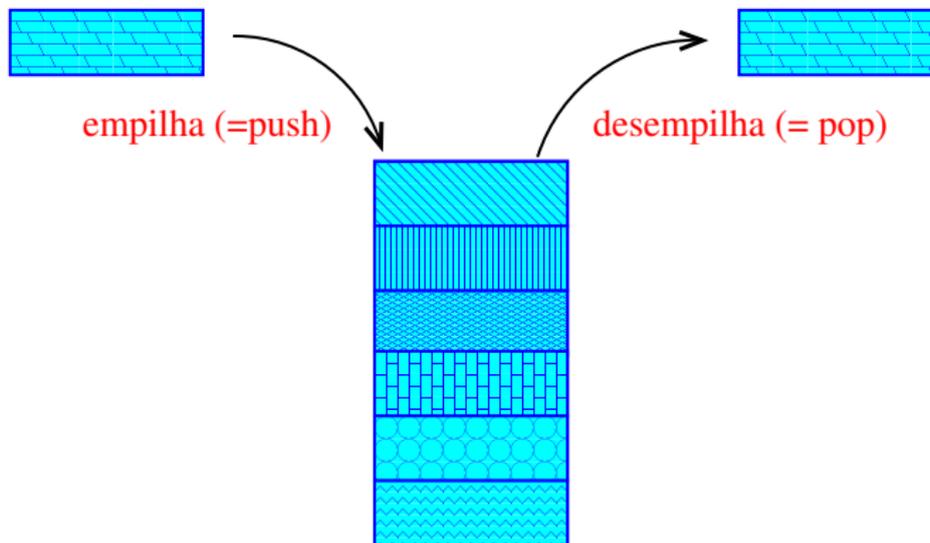
Fonte: <http://dontmesswithtaxes.typepad.com/>

PF 6.1 e 6.3

<http://www.ime.usp.br/~pf/algoritmos/aulas/pilha.html>

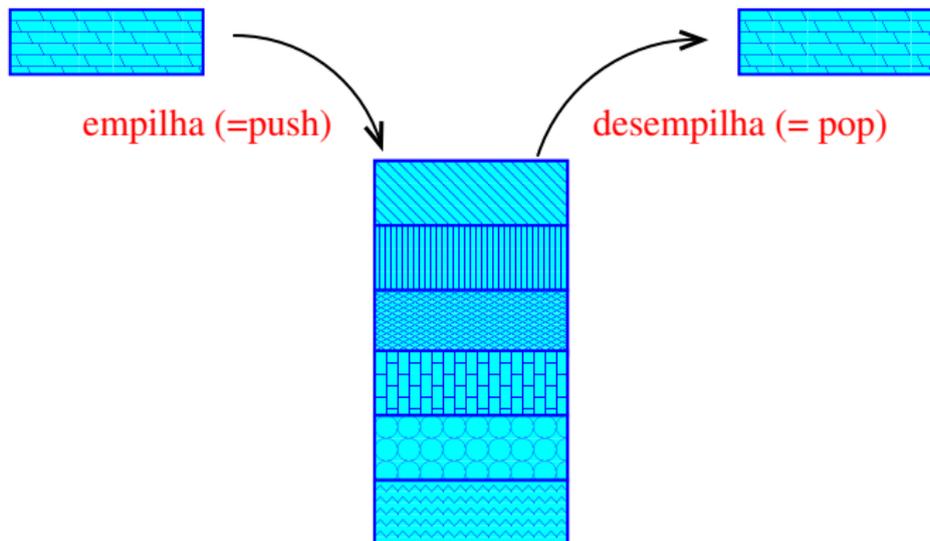
Pilhas

Uma **pilha** (= *stack*) é uma **lista** (= *sequência*) dinâmica em que todas as operações (**inserções**, **remoções** e **consultas**) são feitas em uma mesma extremidade chamada de **topo**.



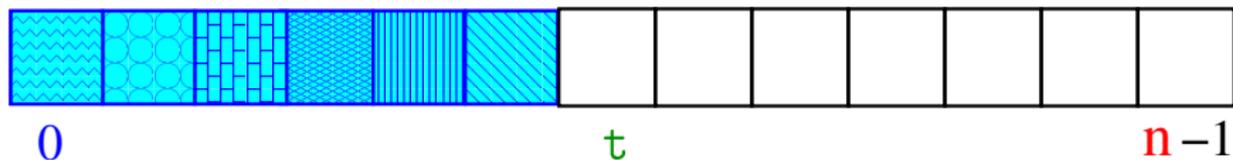
Pilhas

Assim, o **primeiro** objeto a ser **removido** de uma pilha é o **último** que foi **inserido**. Esta política de manipulação é conhecida pela sigla **LIFO** (= *Last In First Out*)



Implementação em um vetor

A pilha será armazenada em um vetor $a[0 \dots n-1]$.



O índice t indica o **topo** ($=top$) da pilha.

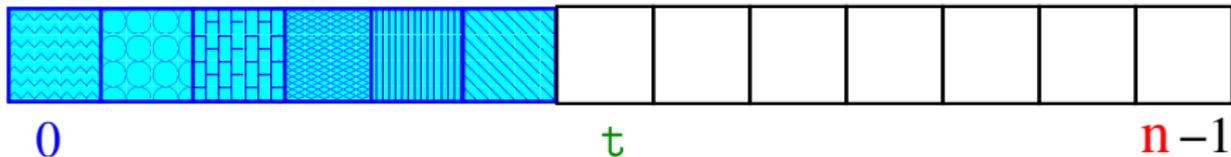
Esta é a **primeira posição vaga** da pilha.

A pilha está **vazia** se “ $t == 0$ ”.

A pilha está **cheia** se “ $t == n$ ”.

Implementação em um vetor

A pilha será armazenada em um vetor $a[0 \dots n-1]$.



Para **remove** (=desempilhar=*pop*) um elemento faça

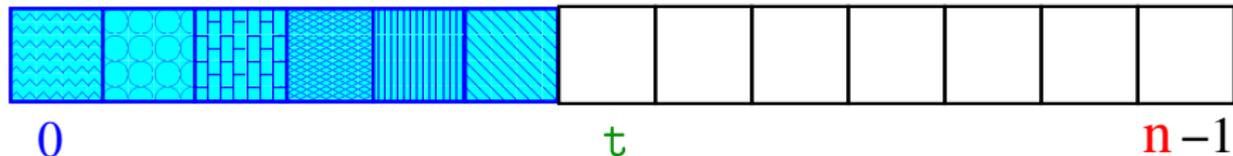
```
x = a[--t];
```

que é equivalente a

```
t -= 1;  
x = a[t];
```

Implementação em um vetor

A pilha será armazenada em um vetor $a[0 \dots n-1]$.



Para *inserir* (=empilhar=*push*) um elemento faça

```
a[t++] = x;
```

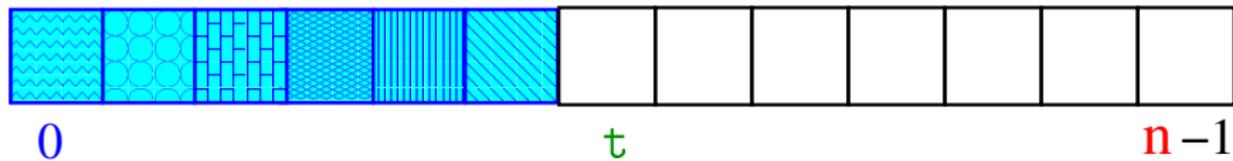
que é equivalente a

```
a[t] = x;
```

```
t += 1;
```

Implementação em um vetor

A pilha será armazenada em um vetor $a[0 \dots n-1]$.

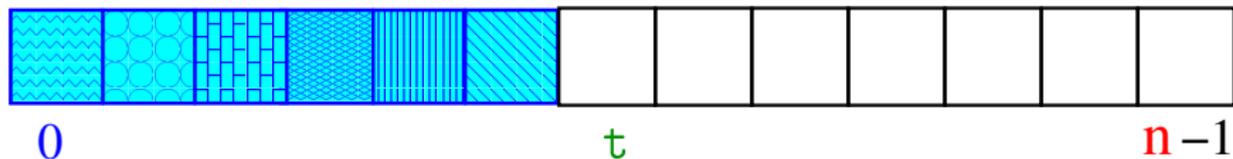


Para **consultar** um elemento, sem removê-lo, faça

```
x = a[t-1];
```

Implementação em um vetor

A pilha será armazenada em um vetor $a[0 \dots n-1]$.



Tentar **desempilhar** de uma pilha que está **vazia** é um erro chamado *stack underflow*

Tentar **empilhar** em uma pilha **cheia** é um erro chamado *stack overflow*

PilhaS implementadaS em lista encadeada



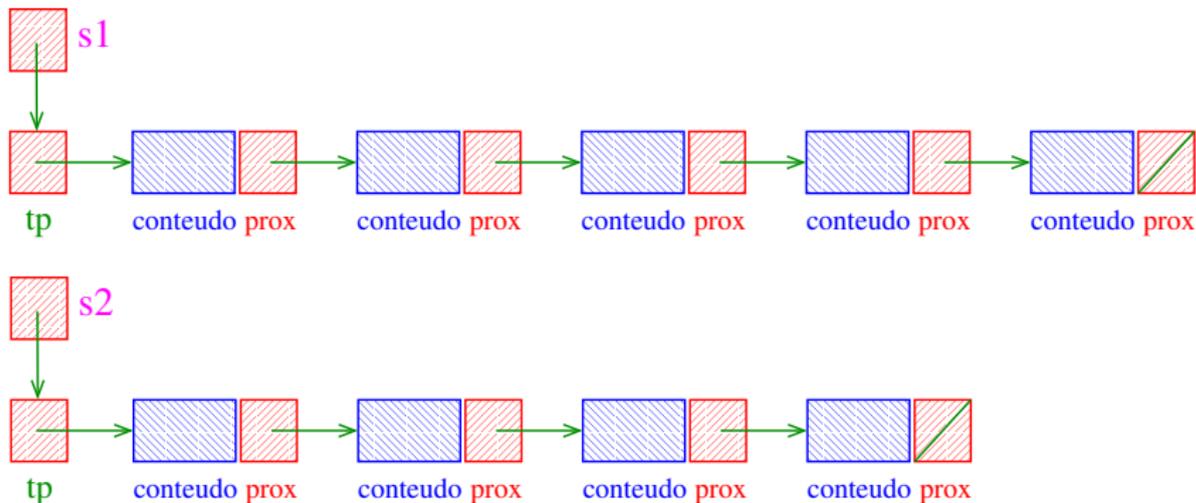
Fonte: <http://www.dumpanalysis.org/>

PF 6.3, S 4.4

<http://www.ime.usp.br/~pf/algoritmos/aulas/pilha.html>

PilhaS implementadaS em listaS encadeadaS

As pilhas serão armazenada em **listaS encadeadaS** sem **cabeça**.



PilhaS implementadaS em listaS encadeadaS

Para **cada pilha** há um ponteiro **tp** para a lista .

tp->conteudo é o elemento do **topo** da pilha .

Uma pilha **s** está **vazia** se “**s->tp == NULL**” .

Uma pilha está **cheia** se ... acabou a memória disponível.

Interface stack.h

```
/*  
 * stack.h  
 * INTERFACE: funcoes para manipular uma  
 * pilha  
 */  
typedef struct stack *Stack;  
Stack stackInit(int);  
int stackEmpty(Stack);  
void stackPush(Stack, Item);  
Item stackPop(Stack);  
Item stackTop(Stack);  
void stackFree(Stack);  
void stackDump(Stack);
```

Infixa para posfixa novamente...

Recebe uma expressão infixada `inf` e devolve a correspondente expressão `posfixa`.

```
char *infixaParaPosfixa(char *inf) {  
    char *posf; /* expressao polonesa */  
    int n = strlen(inf);  
    int i; /* percorre infixada */  
    int j; /* percorre posfixa */  
    Stack s; /* PILHA */  
  
    /*aloca area para expressao polonesa*/  
    posf = mallocSafe((n+1)*sizeof(char));  
    /* 0 '+1' eh para o '\0' */
```

case '('

```
s = stackInit(n) /* inicializa a pilha */  
  
/* examina cada item da infixa */  
for (i = j = 0; i < n; i++) {  
    switch (inf[i]) {  
        char x; /* item do topo da pilha */  
        case '(':  
            stackPush(s, inf[i]);  
            break;
```

case ')')

```
case ')':  
    while((x = stackPop(s)) != '(')  
        posf[j++] = x;  
    break;
```

case '+', case '-'

```
case '*':  
case '/':  
    while (!stackEmpty(s)  
           && (x = stackTop(s)) != '(')  
        posf[j++] = stackPop(s);  
    stackPush(s, inf[i]);  
    break;
```

case '*', case '/'

```
case '*':  
case '/':  
    while (!stackEmpty()  
           && (x = stackTop(s)) != '('  
           && x != '+' && x != '-')  
        posf[j++] = stackPop(s);  
    stackPush(s, inf[i]);  
    break;
```

default

```
default:
    if(inf[i] != ' ')
        posf[j++] = inf[i];
} /* fim switch */
} /* fim for (i=j=0...) */
```

Finalizações

```
/* desempilha todos os operandos que
   restaram */
while (!stackEmpty(s))
    posf[j++] = stackPop(s)
posf[j] = '\0'; /* fim expr polonesa */
stackFree(s);
return posf;
} /* fim funcao */
```

Implementação stack.c

```
#include "item.h"
/* PILHA: implementacao em lista encadeada
 */
typedef struct stackNode* Link;
struct stackNode{
    Item conteudo;
    Link prox;
};
struct stack {
    Link tp;
};
typedef struct stack *Stack;
```

Implementação stack.c

Stack

```
stackInit(int n)
{
    Stack s = mallocSafe(sizeof *s);

    s->tp = NULL;
    return s;
}
```

Implementação stack.c

```
int  
stackEmpty(Stack s)  
{  
    return s->tp == NULL;  
}
```

Implementação stack.c

```
void
stackPush(Stack s, Item item)
{
    Link nova = mallocSafe(sizeof *nova);

    nova->conteudo = item;
    nova->prox = s->tp;
    s->tp = nova;
}
```

Implementação stack.c

Item

```
stackPop(Stack s)
```

```
{
```

```
    Link p = s->tp;
```

```
    Item conteudo = p->conteudo;
```

```
    s->tp = p->prox;
```

```
    free(p);
```

```
    return conteudo;
```

```
}
```

Implementação stack.c

Item

```
stackTop(Stack s)
```

```
{
```

```
    return s->tp->conteudo;
```

```
}
```

Implementação stack.c

```
void
stackFree(Stack s)
{
    while (s->tp != NULL)
    {
        Link p = s->tp;
        s->tp = p->prox;
        free(p);
    }
    free(s);
}
```

Implementação stack.c

```
void
stackDump() {
    int p = s->tp;

    fprintf(stdout, "pilha : ");
    if (p==NULL) fprintf(stdout, "vazia.");
    while (p != NULL) {
        fprintf(stdout, "%c ", p->conteudo);
        p = p->prox;
    }
    fprintf(stdout, "\n");
}
```