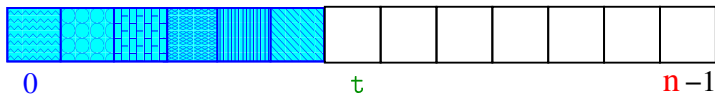


Melhores momentos

AULA 14

Implementação em um vetor

A pilha será armazenada em um vetor $s[0 \dots n-1]$.



O índice t indica o *topo* (=top) da pilha.

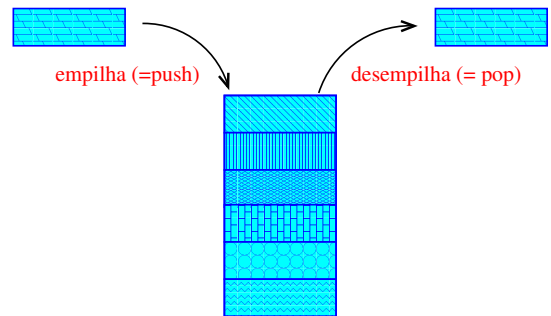
Esta é a primeira posição vaga da pilha.

A pilha está vazia se " $t == 0$ ".

A pilha está cheia se " $t == n$ ".

Pilhas

Uma **pilha** (=stack) é uma lista (=sequência) dinâmica em que todas as operações (*inserções*, *remoções* e *consultas*) são feitas em uma mesma extremidade chamada de **topo**.



AULA 15

Notação polonesa

PF 6.3

<http://www.ime.usp.br/~pf/algoritmos/aulas/pilha.html>
http://en.wikipedia.org/wiki/RPN_calculator
http://en.wikipedia.org/wiki/Shunting-yard_algorithm

Notação polonesa

Usualmente os operadores são escritos **entre** os operandos como em

$$(A + B) * D + E / (F + A * D) + C$$

Essa é a chamada **notação infixa**.

Na **notação polonesa** ou **posfixa** os operadores são escritos **depois** dos operandos

$$A B + D * E F A D * + / + C +$$

Notação polonesa

Problema: Traduzir para **notação posfixa** a expressão infixa armazenada em uma cadeia de caracteres **inf**.

infixa	posfixa
A+B*C	ABC**
A*(B+C)/D-E	ABC+*D/E-
A+B*(C-D*(E-F)-G*H)-I*3	ABCDEF-*--GH*-*+I3*-
A+B*C/D*E-F	ABC*D/E*+F-
A+(B-(C+(D-(E+F))))	ABCDEF+-+--+
A*(B+(C*(D+(E*(F+G))))	ABCDEF*G+*+*+*

◀ ▶ ↺ ↻ 🔍

Simulação

inf = expressão infixa

s = pilha

posf = expressão posfixa

◀ ▶ ↺ ↻ 🔍

Simulação

inf[0..i-1]	s[0..t-1]	posf[0..j-1]
((
(A	(A
(A*	(*	A
(A*((*	A
(A*(B	(*	AB
(A*(B*	(*	AB
(A*(B*C	(*	ABC
(A*(B*C+	(*	ABC*
(A*(B*C+D	(*	ABC*D
(A*(B*C+D)	(*	ABC*D+
(A*(B*C+D))		ABC*D**

◀ ▶ ↺ ↻ 🔍

Infixa para posfixa

Recebe uma expressão infixa **inf** e devolve a correspondente expressão **posfixa**.

```
char *infixaParaPosfixa(char *inf) {
    char *posf; /* expressao polonesa */
    int n = strlen(inf);
    int i; /* percorre infixa */
    int j; /* percorre posfixa */
    char *s; /* pilha */
    int t; /* topo da pilha */

    /*aloca area para expressao polonesa*/
    posf = malloc((n+1)*sizeof(char));
    /* 0 '+1' eh para o '\0' */
```

◀ ▶ ↺ ↻ 🔍

case '('

```
/* stackInit(n): inicializa a pilha */
s = (char*) malloc(n * sizeof(char));
t = 0;
/* examina cada item da infixa */
for (i = j = 0; i < n; i++) {
    switch (inf[i]) {
        char x; /* item do topo da pilha */
        case '(':
            /* stackPush(infixa[i]) */
            s[t++] = inf[i];
            break;
```

◀ ▶ ↺ ↻ 🔍

case ')'

```
case ')':
    /* x = stackPop() */
    while((x = s[--t]) != '(')
        posf[j++] = x;
    break;
```

◀ ▶ ↺ ↻ 🔍

case '+', case '-'

```

case '+':
case '-':
    /* !stackEmpty()
       && (stackTop()) != '('
    */
    while (t != 0
           && (x = s[t-1]) != '(')
        posf[j++] = s[--t];
    /* stackPush(infixa[i]) */
    s[t++] = inf[i];
    break;

```

Navigation icons

default

```

default:
    if(inf[i] != ' ')
        posf[j++] = inf[i];
} /* fim switch */
} /* fim for (i=j=0...) */

```

Navigation icons

Interfaces

*Before I built a wall I'd ask to know
 What I was walling in or walling out,
 And to whom I was like to give offence.
 Something there is that doesn't love a wall,
 That wants it down.*

The Practice of Programming
 B.W.Kernigham e R. Pike

S 3.1

Navigation icons

case '*', case '/'

```

case '*':
case '/':
    /* !stackEmpty() &&
       prec(stackTop())<=prec(infixa[i])
    */
    while (t != 0
           && (x = s[t-1]) != '('
           && x != '+' && x != '-')
        posf[j++] = s[--t];
    /* stackPush(infixa[i]) */
    s[t++] = inf[i];
    break;

```

Navigation icons

Finalizações

```

/* desempilha todos os operandos que
   restaram */
/* !stackEmpty() */
while (t != 0)
    posf[j++] = s[--t]; /* stackPop() */
posf[j] = '\0'; /* fim expr polonesa */
/* stackFree() */
free(s);
return posf;
} /* fim funcao */

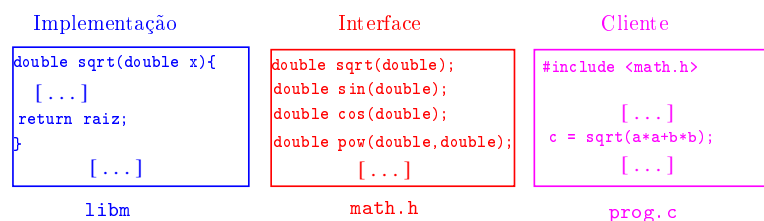
```

Navigation icons

Interfaces

Uma **interface** (=interface) é uma fronteira entre
 entre a **implementação** de um biblioteca e o
programa que usa a biblioteca.

Um **cliente** (=interface) é um programa que chama
 alguma função da biblioteca.



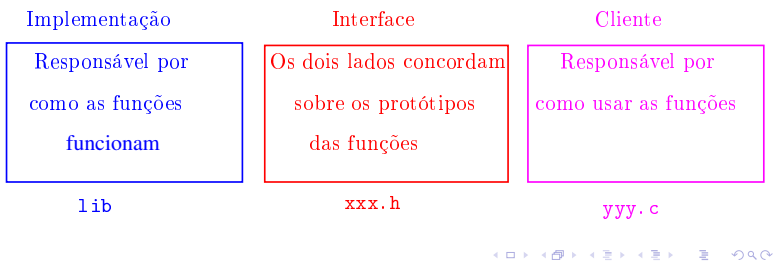
Navigation icons

Interfaces

Para cada função na biblioteca o **cliente** precisa saber

- ▶ o seu **nome**, os seus **argumentos** e os tipos desses argumentos;
- ▶ o tipo do **resultado** que é retornado.

Só a quem **implementa** interessa os detalhes de implementação.



Interface item.h

```
/* Item.h */
typedef char Item;
```

Interfaces

Entre as decisões de projeto estão

Interface: quais serviços serão oferecidos? A **interface** é um “contrato” entre o usuário e o projetista.

Ocultação: qual informação é **visível** e qual é **privada**? Uma interface deve prover acesso aos componente enquanto **esconde** detalhes de implementação que **podem ser alterados sem afetar o usuário**.

Recursos: quem é **responsável pelo gerenciamento de memória** e outros recursos?

Erros: quem **detecta e reporta erros** e como?

Interface stack.h

```
/*
 * stack.h
 * INTERFACE: funcoes para manipular uma
 * pilha
 */
void stackInit(int);
int stackEmpty();
void stackPush(Item);
Item stackPop();
Item stackTop();
void stackFree();
void stackDump();
```

Infixa para posfixa novamente

Recebe uma expressão infix a **inf** e devolve a correspondente expressão **posfixa**.

```
char *infixaParaPosfixa(char *inf) {
    char *posf; /* expressao polonesa */
    int n = strlen(inf);
    int i; /* percorre infix a */
    int j; /* percorre posfixa */

    /*aloca area para expressao polonesa*/
    posf = malloc((n+1)*sizeof(char));
    /* 0 '+1' eh para o '\0' */
```

case '(

```
stackInit(n) /* inicializa a pilha */

/* examina cada item da infix a */
for (i = j = 0; i < n; i++) {
    switch (inf[i]) {
        char x; /* item do topo da pilha */
        case '(':
            stackPush(inf[i]);
            break;
```

case ')':

```
case ')':
    while((x = stackPop()) != '(')
        posf[j++] = x;
    break;
```

case '+', case '-':

```
case '*':
case '/':
    while (!stackEmpty()
        && (x = stackTop()) != '(')
        posf[j++] = stackPop();
    stackPush(inf[i]);
    break;
```

case '*', case '/':

```
case '*':
case '/':
    while (!stackEmpty()
        && (x = stackTop()) != '('
        && x != '+' && x != '-')
        posf[j++] = stackPop();
    stackPush(inf[i]);
    break;
```

default

```
default:
    if(inf[i] != ' ')
        posf[j++] = inf[i];
} /* fim switch */
} /* fim for (i=j=0...) */
```

Finalizações

```
/* desempilha todos os operandos que
restaram */
while (!stackEmpty())
    posf[j++] = stackPop()
posf[j] = '\0'; /* fim expr polonesa */
stackFree();
return posf;
} /* fim funcao */
```

Implementação stack.c

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include "item.h"
/*
 * PILHA: implementacao em vetor
 */
static char *s; /* pilha */
static int t;
/* t eh o indice do topo da pilha, s[t]
 * eh a 1a. posicao vaga da pilha
 */
```

