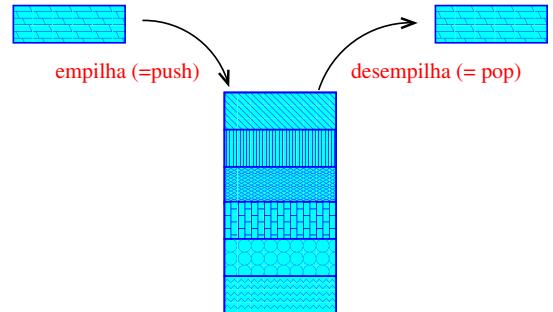


Melhores momentos

AULA 14

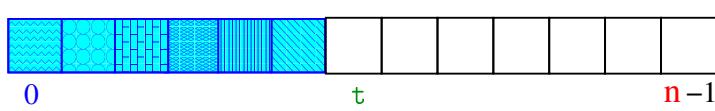
Pilhas

Uma **pilha** (=stack) é uma lista (=sequência) dinâmica em que todas as operações (inserções, remoções e consultas) são feitas em uma mesma extremidade chamada de **topo**.



Implementação em um vetor

A pilha será armazenada em um vetor $s[0 \dots n-1]$.



O índice t indica o **topo** (=top) da pilha.

Esta é a **primeira posição** vacia da pilha.

A pilha está **vazia** se " $t == 0$ ".

A pilha está **cheia** se " $t == n$ ".

AULA 15

Notação polonesa

Usualmente os operadores são escritos **entre** os operandos como em

$$(A + B) * D + E / (F + A * D) + C$$

Essa é a chamada **notação infixa**.

Na **notação polonesa** ou **posfixa** os operadores são escritos **depois** dos operandos

$$A B + D * E F A D * + / + C +$$

PF 6.3

<http://www.ime.usp.br/~pf/algoritmos/aulas/pilha.html>
http://en.wikipedia.org/wiki/RPN_calculator
http://en.wikipedia.org/wiki/Shunting-yard_algorithm

Notação polonesa

Problema: Traduzir para **notação posfixa** a expressão infixa armazenada em uma cadeia de caracteres **inf**.

infixa	posfixa
A+B*C	ABC**+
A*(B+C)/D-E	ABC**D/E-
A+B*(C-D*(E-F)-G*H)-I* 3	ABCDEF-* -GH* -**+I3*-
A+B*C/D*E-F	ABC*D/E*+F-
A+(B-(C+(D-(E+F))))	ABCDEF+-+--
A*(B+(C*(D+(E*(F+G)))))	ABCDEFG+*+*++

Simulação

inf = expressão **infixa**

s = pilha

posf = expressão **posfixa**

Simulação

inf [0 .. i-1]	s [0 .. t-1]	posf [0 .. j-1]
((
(A	(A
(A*	*	A
(A*((*	A
(A*(B	(*	AB
(A*(B*	(*	AB
(A*(B*C	(*	ABC
(A*(B*C+	(*+	ABC*
(A*(B*C+D	(*+	ABC*D
(A*(B*C+D)	*	ABC*D+
(A*(B*C+D))		ABC*D++

Infixa para posfixa

Recebe uma expressão infixa **inf** e devolve a correspondente expressão **posfixa**.

```
char *infixaParaPosfixa(char *inf) {
    char *posf; /* expressao polonesa */
    int n = strlen(inf);
    int i; /* percorre infixo */
    int j; /* percorre posfixo */
    char *s; /* pilha */
    int t; /* topo da pilha */

    /* aloca area para expressao polonesa*/
    posf = malloc((n+1)*sizeof(char));
    /* 0 '+1' eh para o '\0' */

```

case '('

case ')'

```
/* stackInit(n): inicializa a pilha */
s = (char*) malloc(n * sizeof(char));
t = 0;
/* examina cada item da infixo */
for (i = j = 0; i < n; i++) {
    switch (inf[i]) {
        case '(':
            /* stackPush(infixa[i]) */
            s[t++] = inf[i];
            break;
```

```
        case ')':
            /* x = stackPop() */
            while((x = s[--t]) != '(')
                posf[j++] = x;
            break;
```

```

case '+', case '-'
case '+':
case '-':
/* !stackEmpty()
   && (stackTop()) != '('
*/
while (t != 0
   && (x = s[t-1]) != '(')
    posf[j++] = s[--t];
/* stackPush(infixa[i]) */
s[t++] = inf[i];
break;

case '*', case '/'

case '*':
case '/':
/* !stackEmpty() &&
   prec(stackTop())<=prec(infixa[i])
*/
while (t != 0
   && (x = s[t-1]) != '('
   && x != '+' && x != '-')
    posf[j++] = s[--t];
/* stackPush(infixa[i]) */
s[t++] = inf[i];
break;

```

default

```

    default:
        if(inf[i] != ' ')
            posf[j++] = inf[i];
    } /* fim switch */
} /* fim for (i=j=0...) */

```

Finalizações

```
/* desempilha todos os operandos que
   restaram */
/* !stackEmpty() */
while (t != 0)
    posf[j++] = s[--t]; /* stackPop() */
posf[j] = '\0'; /* fim expr polonesa */
/* stackFree() */
free(s);
return posf;
} /* fim funcao */
```

Interfaces

*Before I built a wall I'd ask to know
What I was walling in or walling out,
And to whom I was like to give offence.
Something there is that doesn't love a wall,
That wants it down.*

The Practice of Programming

B.W.Kernighan e R. Pike

S 3.1

Interfaces

Uma **interface** (=interface) é uma fronteira entre entre a **implementação** de um biblioteca e o **programa que usa** a biblioteca.

Um **cliente** (*=interface*) é um programa que chama alguma função da biblioteca.

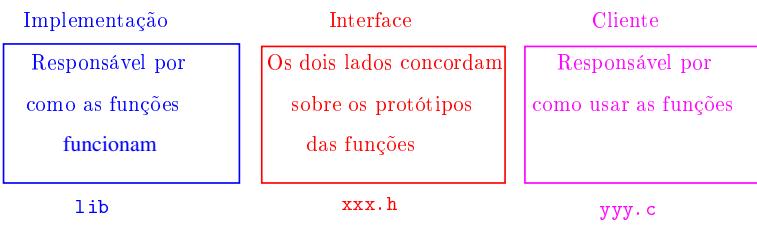
Implementação	Interface	Cliente
<pre>double sqrt(double x){ [...] return raiz; } [...]</pre>	<pre>double sqrt(double); double sin(double); double cos(double); double pow(double, double); [...]</pre>	<pre>#include <math.h> [...] c = sqrt(a*a+b*b); [...]</pre>

Interfaces

Para cada função na biblioteca o **cliente** precisa saber

- o seu **nome**, os seus **argumentos** e os tipos desses argumentos;
- o tipo do **resultado** que é retornado.

Só a quem **implementa** interessa os detalhes de implementação.



Interface item.h

```
/* Item.h */
typedef char Item;
```

Infixa para posfixa novamente

Recebe uma expressão infixa **inf** e devolve a correspondente expressão **posfixa**.

```
char *infixaParaPosfixa(char *inf) {
    char *posf; /* expressao polonesa */
    int n = strlen(inf);
    int i; /* percorre infixas */
    int j; /* percorre posfixas */

    /* aloca area para expressao polonesa*/
    posf = malloc((n+1)*sizeof(char));
    /* 0 '+' eh para o '\0' */
```

Interfaces

Entre as decisões de projeto estão

Interface: quais serviços serão oferecidos? A **interface** é um “contrato” entre o usuário e o projetista.

Ocultação: qual informação é **visível** e qual é **privada**? Uma interface deve prover acesso aos componentes enquanto **esconde** detalhes de implementação que **podem ser alterados sem afetar o usuário**.

Recursos: quem é **responsável pelo gerenciamento de memória** e outros recursos?

Erros: quem **detecta e reporta erros** e como?

Interface stack.h

```
/*
 * stack.h
 * INTERFACE: funcoes para manipular uma
 * pilha
 */
void stackInit(int);
int stackEmpty();
void stackPush(Item);
Item stackPop();
Item stackTop();
void stackFree();
void stackDump();
```

```
case '('
```

```
stackInit(n) /* inicializa a pilha */

/* examina cada item da infixas */
for (i = j = 0; i < n; i++) {
    switch (inf[i]) {
        case '(':
            stackPush(inf[i]);
            break;
```

```
case ')'
case ')':
    while((x = stackPop()) != '(')
        posf[j++] = x;
    break;

case '+', case '-'
case '*':
case '/':
    while (!stackEmpty()
        && (x = stackTop()) != '(')
        posf[j++] = stackPop();
    stackPush(inf[i]);
    break;
```

A set of small, light-gray navigation icons typically found in presentation software like Beamer. From left to right, they include: a left arrow, a square, a right arrow, a double left arrow, a double square, a double right arrow, a double horizontal bar, a double vertical bar, a double double bar, a double double vertical bar, a double double double bar, a double double double vertical bar, a double double double double bar, and a double double double double vertical bar.

case '*', case '/' default

```

case '*':
case '/':
    while (!stackEmpty()
        && (x = stackTop()) != '('
        && x != '+' && x != '-')
        posf[j++] = stackPop();
    stackPush(inf[i]);
    break;
default:
    if (inf[i] != ' ')
        posf[j++] = inf[i];
    } /* fim switch */
} /* fim for (i=j=0...) */

```

A set of small, light-blue navigation icons typically found in presentation software like Beamer. They include symbols for back, forward, search, and other document-related functions.

Finalizações

```
/* desempilha todos os operandos que
   restaram */
while (!stackEmpty())
    posf[j++] = stackPop()
posf[j] = '\0'; /* fim expr polonesa */
stackFree();
return posf;
} /* fim funcao */
```

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include "item.h"
/*
 * PILHA: implementacao em vetor
 */
static char *s; /* pilha */
static int t;
/* t eh o indice do topo da pilha, s[t]
 * eh a 1a. posicao vaga da pilha
 */
```

Implementação stack.c

```
void
stackInit(int n)
{
    s = (Item*) malloc(n*sizeof(Item));
    t = 0;
}

int
stackEmpty()
{
    return t == 0;
}
```



Implementação stack.c

```
Item
stackTop()
{
    return s[t-1];
}

void
stackFree()
{
    free(s);
}
```



Compilação

```
cria o obj stack.o
> gcc -Wall -O2 -ansi -pedantic -Wno-unused-result -c stack.c

cria o obj polonesa.o
> gcc -Wall -O2 -ansi -pedantic -Wno-unused-result
    -c polonesa.c

cria o executável polonesa
> gcc stack.o polonesa.o -o polonesa
```



Implementação stack.c

```
void
stackPush(Item item)
{
    s[t++] = item;
}

Item
stackPop()
{
    return s[--t];
}
```



Implementação stack.c

```
void
stackDump()
{
    int k;

    fprintf(stdout,"pilha :  ");
    if (t == 0) fprintf(stdout, "vazia.");
    for (k = 0; k < t; k++)
        fprintf(stdout, "%c ", s[k]);
    fprintf(stdout, "\n");
}
```



Makefile

Hmmm. Ler o tópico [Makefile](#) no fórum.

```
polonesa: polonesa.o stack.o
    gcc polonesa.o stack.o -o polonesa

polonesa.o: polonesa.c
    gcc -Wall -O2 -ansi -pedantic \
        -Wno-unused-result -c polonesa.c

stack.o: stack.c item.h
    gcc -Wall -O2 -ansi -pedantic \
        -Wno-unused-result -c stack.c
```

