

# C.ALC III - ALBERT - LISTA

Z.A

## ALGÉBRA LINEAR:

1. Dado  $M$  a matriz de rotação anti-horário por  $\theta = \frac{\pi}{8}$ ,  
e  $N$  para  $\theta = \frac{\pi}{4}$ , (a) Ache as matrizes  $M, N$

(b) Para  $K = M^{-1}N$ , qual é o ângulo de rotação?  
Ache  $K$  em 2 maneiras (sabendo o ângulo),  
e utilizando o produto das matrizes).

2. Sabendo que  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  é uma transformação  
linear, e que  $T(2, 1) = (7, 1)$  e  
 $T(0, 1) = (3, 7)$ :

(i) Ache  $T(x, y)$  para  $(x, y)$  um vetor genérico  
em  $\mathbb{R}^2$ .

(ii) Ache a matriz de  $T$  e também da  
transformação  $T^{-1}$ , na base canônica de  $\mathbb{R}^2$ .

3. Dado a tf. linear  $T(x, y) = (u, v, w)$

onde  $\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u \\ v \\ w \end{bmatrix}$ ,

(i) mostra que a imagem de  $T$ ,  $\text{Im}(T)$  é um plano  
no  $\mathbb{R}^3$ , e ache uma equação para metade pelo plano.

(ii) Qual é o kernel (núcleo) de  $T$ ? (Todos os  
pontos  $(x, y)$  tal que  $T(x, y) = (0, 0, 0)$ .)

CALC III ALBERT L157A 2/04/06

Dado a tf. linear  $S: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$

onde  $\begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix},$

- i) Ache  $\text{Im}(S)$       (ii) Ache kernel ( $S^\dagger$ ).

Enidritzzi 3 ch. 4.2

1/a, b, c, e, f, l

2/h

3, 4

integral deplho