

# 1. SAFER K-64 (Secure And Fast Encryption Routine)

RT março de 1998

Este algoritmo com chave de 64 bits foi desenvolvido para a empresa Cylink Corp. por J. Massey (ETH, Suíça). Os blocos de entrada e saída também são de 64 bits.

Todas as operações, como soma, subtração, logaritmo, são sobre operandos em bytes de 8 bits, resultando um byte, como veremos mais tarde. Por exemplo, sendo  $x$  e  $y$  valores inteiros positivos armazenados cada um em um byte,  $x + y$  será um valor de 8 bits.

Uma mesma função é aplicada um certo número de rounds  $r = 1, 2, \dots, R$ , e em cada round são utilizadas duas sub-chaves  $K_{2r-1}$  e  $K_{2r}$ , sendo cada uma de 64 bits e geradas da chave principal  $K$ . J. Massey recomenda pelo menos  $R = 6$  rounds.

Um bloco  $B$  de entrada, de 64 bits, é dividido em 8 sub-blocos  $B_1, B_2, B_3, \dots, B_8$ . E então,  $R$  rounds são aplicados a estes sub-blocos, e depois uma transformação final  $T$  é aplicada, obtendo se a saída final.

## 1.1. Descrição de um round

Cada round utiliza duas sub-chaves  $K_{2r-1}$  e  $K_{2r}$ , sendo cada uma de 64 bits e geradas da chave principal  $K$  como veremos mais tarde.

### 1.1.1. Primeiro passo

Conforme a figura em anexo, primeiramente cada sub-bloco é submetido a XOR (ou-exclusivo) ou somado a bytes da sub-chave  $K_{2r-1}$  da seguinte forma (sendo  $K_{2r-1}^1, K_{2r-1}^2, K_{2r-1}^3, K_{2r-1}^4, K_{2r-1}^5, K_{2r-1}^6, K_{2r-1}^7, K_{2r-1}^8$  os 8 bytes de  $K_{2r-1}$ ):

$$\begin{aligned} B_1(XOR)K_{2r-1}^1 = C_1, B_2 + K_{2r-1}^2 = C_2, B_3 + K_{2r-1}^3 = C_3, B_4(XOR)K_{2r-1}^4 = \\ C_4, \\ B_5(XOR)K_{2r-1}^5 = C_5, B_6 + K_{2r-1}^6 = C_6, B_7 + K_{2r-1}^7 = C_7, B_8(XOR)K_{2r-1}^8 = \\ C_8 \end{aligned}$$

### 1.1.2. Segundo passo

Conforme a figura em anexo, os 8 bytes  $C_j$  são submetidos a dois tipos de operações:

$$y = 45^x \bmod 257 \quad (y = 0 \text{ se } x = 128, \text{ pois } 45^{128} \bmod 257 = 256)$$

Observe que 257 é primo e 45 é elemento primitivo do corpo  $GF(257)$ , i.e.,  $45^x \bmod 257$  para  $x = 0, 1, 2, \dots, 256$  gera todos os elementos de  $GF(257)$ . A segunda operação é a inversa da anterior, i.e.,  $\log_{45}(45^x \bmod 257) = x$ .

$$x = \log_{45} y \quad (x = 128 \text{ se } y = 0, \text{ para ser consistente com a operação anterior})$$

Recomendamos que esta duas operações sejam previamente calculadas e tabeladas na forma  $\text{exp}[x] = y$  e  $\text{log}[y] = x$  onde  $\text{exp}[]$  e  $\text{log}[]$  são vetores de 256 posições, para  $x, y = 0, 1, 2, \dots, 255$ . Desta forma, economiza-se tempo pois consulta a estes vetores é mais rápida que calcular toda vez que necessitar um valor. Note que uma vez calculado o valor de  $\text{exp}[i]$ , podemos definir  $\text{log}[\text{exp}[i]] = i$ .

### 1.1.3. Terceiro passo

Os blocos de um byte obtidos no Passo dois são agora submetidos a operações de soma e XOR com os bytes da chave  $K_{2r}$  conforme a figura em anexo.

### 1.1.4. Quarto passo

Finalmente, os 8 bytes são submetidos à operação HT2 de 2 entradas  $a_1, a_2$  e duas saídas  $b_1, b_2$  definida por:

$$\begin{aligned} b_1 &= (2a_1 + a_2) \bmod 256 \\ b_2 &= (a_1 + a_2) \bmod 256 \end{aligned}$$

conforme a figura em anexo.

## 1.2. Descrição da transformação final $T$

Depois de  $R$  rounds, os 8 blocos são submetidos a uma transformação final  $T$  que é exatamente igual ao Primeiro Passo descrito acima, só que a sub-chave utilizada deve ser a última:  $K_{2R+1}$ . E o resultado é a saída final do algoritmo SAFER.

## 1.3. Descrição da geração das sub-chaves

A primeira sub-chave,  $K_1$ , é a própria chave principal  $K$  de 64 bits. Para  $r = 1, 2, 3, \dots, 2R$  as sub-chaves seguintes são geradas a partir de  $K_1$  pela fórmula:

$$K_{r+1} = (K_1 \lll 3r) + c_{r+1}$$

onde  $v \lll t$  significa deslocamento circular (dentro de cada byte) de  $v$  para a esquerda de  $t$  posições de bits, e os  $c_{r+1}$  são constantes calculadas como explicado a seguir. Denotando os 8 bytes de cada  $c_i$  por  $c_{i1}, c_{i2}, c_{i3}, c_{i4}, c_{i5}, c_{i6}, c_{i7}, c_{i8}$ , eles devem satisfazer, para  $i = 2, 3, 4, \dots, 2R + 1$ :

$$\text{para } j = 1, 2, 3, \dots, 8 : c_{ij} = 45^{[45 \cdot (9i+j) \bmod 257]} \bmod 257$$

onde  $v^t$  denota  $v$  elevado a  $t$ .

## 2. Descrição do algoritmo inverso do SAFER

Primeiramente os 8 bytes são submetidos à transformação inversa de  $T$  que foi descrita anteriormente, isto é, com subtrações no lugar de somas.

Depois tem-se  $R$  rounds inversos em que a operação  $IHT2$ , inversa da  $HT2$ , é definida por:

$$\begin{aligned} a_1 &= (b_1 - b_2) \bmod 256 \\ a_2 &= (-b_1 + 2b_2) \bmod 256 \end{aligned}$$

## 3. Dados para verificação

$$\begin{aligned} 45^{127} \bmod 257 &= 217 \\ 45^{128} \bmod 257 &= 256 \\ 45^{129} \bmod 257 &= 212 \end{aligned}$$

## 4. Modo CBC – Cipher Block Chaining

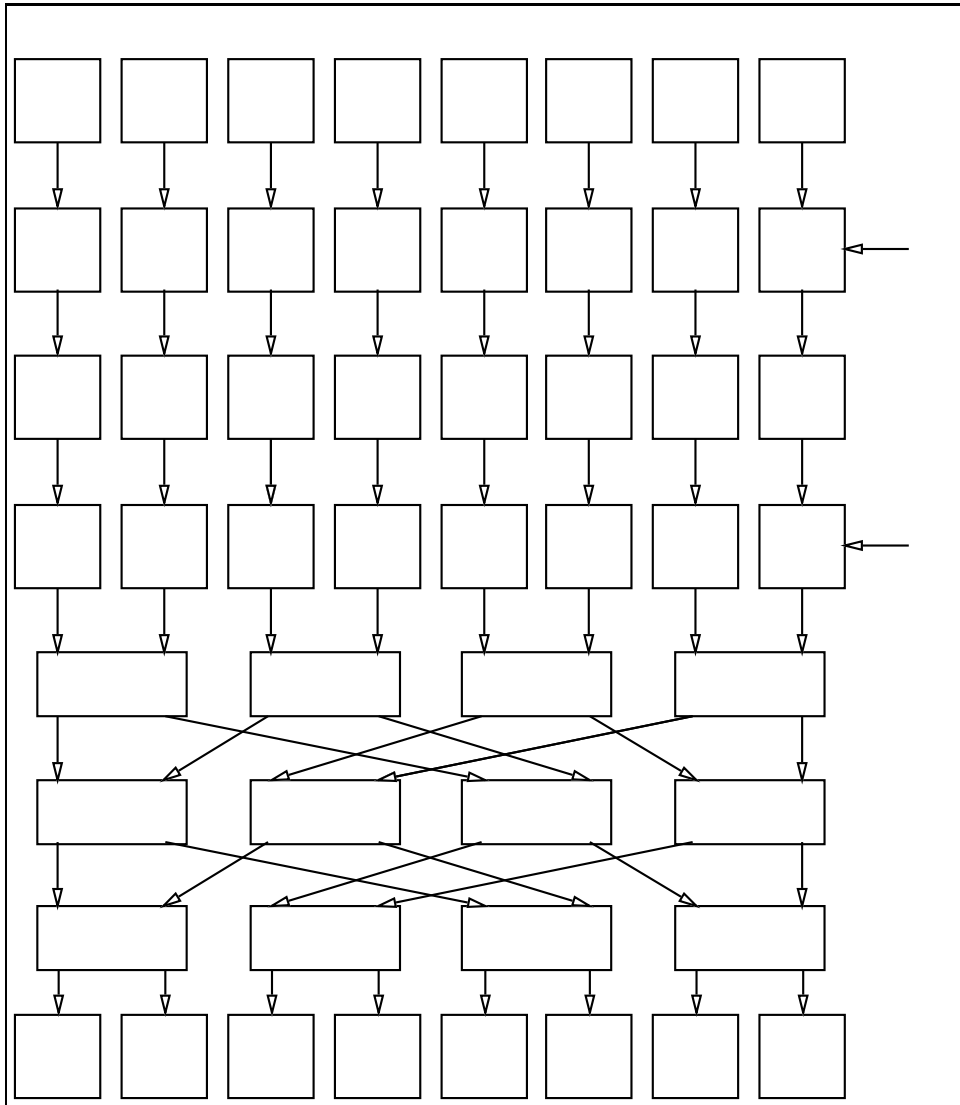


Figure 3.1: Figura 1 - SAFER K-64

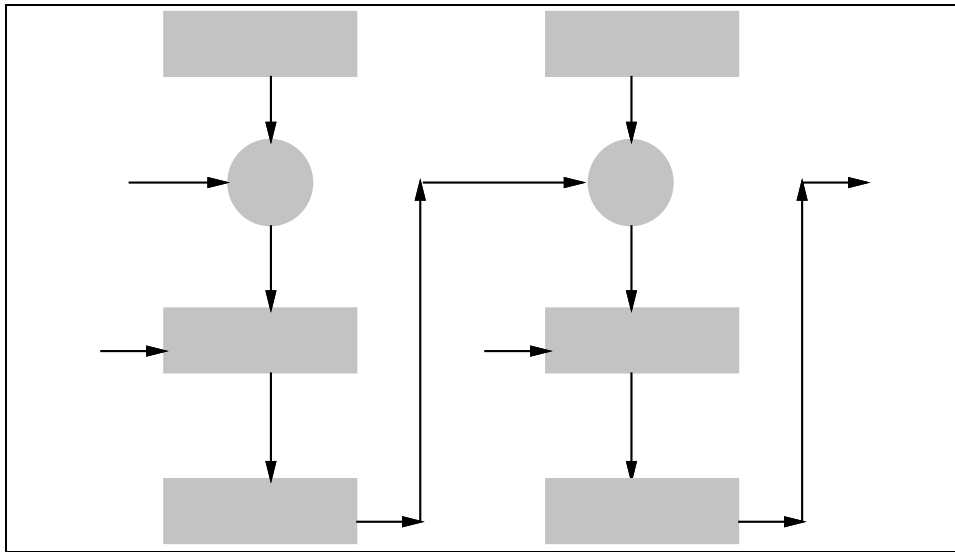


Figure 4.1: Figura 2 - Modo CBC