

**MAT 1352 - Cálculo II - IFUSP**  
**Segundo semestre de 2023**  
Prof. Oswaldo Rio Branco de Oliveira

**TABELA TRIGONOMÉTRICA**

Verifique as fórmulas abaixo, assumindo ou a fórmula 1 ou a 2. A 3 é útil para a prova das propriedades de reflexão das cônicas : parábola, elipse e hipérbole. As fórmulas 4 a 11 surgem em mudanças de variáveis no cômputo de integrais diversas. As fórmulas 12 (prostaferese), 13 e 14 surgem em situações várias, especialmente no estudo de séries de Fourier. A 15 é apropriada para uma rotação de eixos, dada a equação de uma quádrica.

1.  $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cos\beta - \operatorname{sen}\alpha \operatorname{sen}\beta$
2.  $\operatorname{sen}(\alpha + \beta) = \operatorname{sen}\alpha \cos\beta + \cos\alpha \operatorname{sen}\beta$
3.  $\operatorname{tg}(\alpha + \beta) = \frac{\operatorname{tg}\alpha + \operatorname{tg}\beta}{1 - \operatorname{tg}\alpha \operatorname{tg}\beta}$
4.  $\sec^2 \theta = 1 + \operatorname{tg}^2 \theta$
5.  $\operatorname{cosec}^2 \theta = 1 + \operatorname{cotg}^2 \theta$
6.  $\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \operatorname{sen}^2 \theta$
7.  $\operatorname{sen} 2\theta = 2\operatorname{sen}\theta \cos\theta$
8.  $\cos^2 \theta = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos 2\theta$
9.  $\operatorname{sen}^2 \theta = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cos 2\theta$
10.  $\operatorname{sen}\theta = \frac{2\operatorname{tg}\frac{\theta}{2}}{1 + \operatorname{tg}^2\frac{\theta}{2}}, \text{ se } \cos\frac{\theta}{2} \neq 0$
11.  $\cos\theta = \frac{1 - \operatorname{tg}^2\frac{\theta}{2}}{1 + \operatorname{tg}^2\frac{\theta}{2}}, \text{ se } \cos\frac{\theta}{2} \neq 0$
12. Fórmulas de prostaferese ( transformam produto em adição ou subtração):
  - (a)  $\operatorname{sen}\alpha \cos\beta = \frac{1}{2} [ \operatorname{sen}(\alpha + \beta) + \operatorname{sen}(\alpha - \beta) ]$
  - (b)  $\cos\alpha \cos\beta = \frac{1}{2} [ \cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta) ]$
  - (c)  $\operatorname{sen}\alpha \operatorname{sen}\beta = \frac{1}{2} [ \cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta) ]$
13.  $\operatorname{sen}p - \operatorname{sen}q = 2\operatorname{sen}\left(\frac{p-q}{2}\right) \cos\left(\frac{p+q}{2}\right)$
14.  $\operatorname{cosp} - \operatorname{cos}q = -2\operatorname{sen}\left(\frac{p-q}{2}\right) \operatorname{sen}\left(\frac{p+q}{2}\right)$
15.  $\cos^2 \theta = \frac{1}{2} \left( 1 + \frac{\operatorname{cotg} 2\theta}{\sqrt{1 + \operatorname{cotg}^2 2\theta}} \right)$ .

## TABELA DE DERIVADAS

1.  $f(x) = x^n \implies f'(x) = nx^{n-1}$ , para todo  $x \in \mathbb{R}$ , para todo  $n \in \mathbb{N}$
2.  $f(x) = x^\alpha \implies f'(x) = \alpha x^{\alpha-1}$ , para todo  $x > 0$ , para todo  $\alpha \in \mathbb{R}$
3.  $\sin' x = \cos x$
4.  $\cos' x = -\text{sen } x$
5.  $\tan' x = \sec^2 x$
6.  $\sec' x = \sec x \text{ tg } x$
7.  $\cotg' x = -\text{cossec}^2 x$
8.  $\text{cossec}' x = -\text{cossec } x \cot x$
9.  $f(x) = e^x \implies f'(x) = e^x$
10.  $\ln' x = \frac{1}{x}, \forall x > 0$
11.  $\arctan' x = \frac{1}{1+x^2}$
12.  $\arcsen' x = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}, x \in (-1, +1)$
13.  $\sinh' x = \cosh x$
14.  $\cosh' x = \sinh x$ .

## Regras de Derivação

1.  $(f + g)' = f' + g'$
2.  $(cf)' = cf'$ , se  $c$  é uma constante
3.  $(fg)' = f'g + fg'$
4.  $\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f'g - fg'}{g^2}$
5.  $(f \circ g)'(p) = f'(g(p)) \cdot g'(p)$  (Regra da Cadeia).

## Fórmulas Úteis de Derivação

1.  $[e^{f(x)}]' = e^{f(x)} f'(x)$
2.  $[\ln f(x)]' = \frac{f'(x)}{f(x)}$
3.  $[f(x)^\alpha]' = \alpha f(x)^{\alpha-1} f'(x)$
5.  $[a^x]' = a^x \ln a$ ,  $a > 0$  e  $a \neq 1$
4.  $[f(x)^{g(x)}]' = f(x)^{g(x)} [g(x) \ln f(x)]'$ .