

Expressões lógicas, expressões condicionais, prioridades e operadores, base binária, operadores de bits

Equivalência entre valores lógicos e aritméticos

Quando uma expressão lógica é calculada dentro do programa, é feita a seguinte associação numérica com o valor da expressão:

verdadeiro - 1
falso - 0

O valor zero está associado ao valor lógico `falso`, enquanto que qualquer valor diferente de zero está associado ao valor lógico `verdadeiro`.

Assim, uma comparação como, por exemplo, `a > b`, quando calculada, tem associado a si o valor 1 se `a > b` (verdadeira) e 0 se `a <= b` (falsa).

Da mesma forma uma expressão aritmética como, por exemplo, `a + b`, pode ser considerada falsa ou verdadeira, conforme seu valor seja zero ou diferente de zero.

O programa abaixo mostra algumas variações e exemplos da utilização de expressões aritméticas como lógicas e vice-versa. Verifique o que será impresso abaixo:

```
#include <stdio.h>
int main() {
    char a;
    int b;
    int x = 0, y = 1;
    /* os valores atribuidos a a e b são zero e um, dependendo se a
       expressão é verdadeira ou falsa */
    a = x < y;
    printf ("\n (1) valor de a = %5d",a);
    a = x < y && y > 0;
    printf ("\n (2) valor de a = %5d",a);
    a = x > y;
    printf ("\n (3) valor de a = %5d",a);
    b = x+y < x*y || x == y;
    printf ("\n (4) valor de b = %5d",b);

    /* comparações */
    if (1) printf ("\n (5) sempre verdadeiro");
    if (-5) printf ("\n (6) sempre verdadeiro");
    if (0) ;
    else printf ("\n (7) sempre falso");
    if (1 == 1) printf ("\n (8) sempre verdadeiro");
    if (0 == 0) printf ("\n (9) sempre verdadeiro");

    /* a também pode receber valores aritméticos entre 0 e 255 */
    a = x * y;
    if (a) printf ("\n (10) verdadeiro quando a diferente de zero - a =
%2d", a);
    else printf ("\n (10) falso quando a igual a zero - a = %2d", a);
}
```

```
/* a e b como valores lógicos */  
a = x * y;  
b = x + y;  
if (a && b)  
    printf ("\n (11) verdadeiro se a e b nao zero: a = %2d b =  
%2d",a,b);  
else printf ("\n (11) falso se a ou b sao zero: a = %2d b = %2d",a,b);  
  
b = 0;  
/* a repetição será infinita */  
while (1) {  
    if (b++ > 4) break; /* força a saída */  
    printf("\n (%2d) valor de b = %2d", 11+b, b);  
}  
  
/* outro exemplo de while */  
a = 1;  
b = 0;  
while (a) {  
    printf("\n (%2d) valor de a = %2d valor de b = %2d", 18+b, a, b);  
    a = (b++) < 3;  
}  
printf("\n (%2d) valor final de a = %2d e de b = %2d", 18+b, a, b);  
}
```

```
(1) valor de a = 1  
(2) valor de a = 1  
(3) valor de a = 0  
(4) valor de a = 0  
(5) sempre verdadeiro  
(6) sempre verdadeiro  
(7) sempre falso  
(8) sempre verdadeiro  
(9) sempre verdadeiro  
(10) falso quando a igual a zero - a = 0  
(11) falso se a ou b sao zero: a = 0 b = 1  
(12) valor de b = 1  
(13) valor de b = 2  
(14) valor de b = 3  
(15) valor de b = 4  
(16) valor de b = 5  
(18) valor de a = 1 valor de b = 0  
(19) valor de a = 1 valor de b = 1  
(20) valor de a = 1 valor de b = 2  
(21) valor de a = 1 valor de b = 3  
(22) valor final de a = 0 e de b = 4
```

Supondo **int x,y**; as seguintes expressões lógicas são equivalentes:

$(x \ \&\& \ y) \quad (x \ != \ 0 \ \&\& \ y \ != \ 0) \quad !(x \ == \ 0 \ || \ y \ == \ 0)$

$(x \ || \ y) \quad (x \ != \ 0 \ || \ y \ != \ 0) \quad !(x \ == \ 0 \ \&\& \ y \ == \ 0)$

Lembram-se daquele problema que dada uma seqüência terminada por zero, calcular a soma dos elementos da seqüência?

```
int soma, x;
:
:
x = 1; soma = 0;
while (x) {
    scanf("%d", &x);
    soma = soma + x;
}
printf ("o valor da soma = %d", soma);
```

Otimização do cálculo de expressões lógicas

Quando se usa uma expressão composta, com os operadores `&&` e `||`, o compilador otimiza o cálculo das mesmas, quando o valor já está definido no meio do cálculo.

Por exemplo, considere a expressão $(a > b \ \&\& \ c > d)$. Se $a > b$ já é falso, não é necessário verificar se $c > d$, pois o resultado da expressão já será falso. O mesmo ocorre com $(a > b \ || \ c > d)$. Se $a > b$ é verdadeiro, a expressão é verdadeira independente se $c > d$ ou não.

Normalmente os compiladores da linguagem C usam esta regra como padrão, sendo possível alterá-la através de uma opção de compilação para que o cálculo seja completo.

Em alguns casos, há efeitos colaterais provocados pelo cálculo da expressão. O uso de expressões que pressupõe a otimização de cálculo deve ser feito com muito cuidado, para evitar tais efeitos colaterais.

Considere por exemplo a seguinte solução para verificar se x é igual a algum elemento de um vetor a de n elementos. Lembre-se que os elementos são $a[0], a[1], \dots, a[n-1]$.

```
i = 0;
while (i < n && a[i] != x) i++;
```

Considerando o caso em que x não é igual a nenhum dos elementos, o programa sai do `while` quando $i = n$ e não realiza a comparação $a[i] != x$. Se comparasse estaria errado, pois o elemento $a[n]$ está fora dos n elementos considerados.

Invertendo agora a expressão acima:

```
i = 0;
while (a[i] != x && i < n) i++;
```

Embora a operação `&&` seja comutativa, a solução acima está errada, pois quando $i = n$ a comparação $a[n] != x$ será efetuada, pois vem antes da comparação $i < n$.

Expressões condicionais

Considere o comando abaixo:

```
/* atribui a c o maior entre a e b */  
if (a > b) c = a;  
else c = b;
```

O mesmo resultado pode ser obtido usando-se uma expressão condicional com o operador ternário `?:` da seguinte forma:

```
c = (a > b) ? a : b;
```

Como muitas construções em C, o uso do operador `?:` é compacta demais (pouco clara), porém às vezes facilita.

A forma geral de uma expressão condicional é:
`expressão1? expressão2: expressão3`

A `expressão1` é calculada. Se seu valor for verdadeiro, é calculado o valor de `expressão2`, senão é calculado o valor de `expressão3`. Somente um dos valores `expressão1` ou `expressão2` é calculado.

Considere o seguinte programa abaixo que imprime os números de 0 a 99, dez deles por linha. Após cada número, com exceção do último de cada linha, é impresso `"-"`:

```
#include <stdio.h>  
int main() {  
    int i;  
    for (i = 0; i < 100; i++)  
        printf("%5d%1c", i, (i%10 == 9) ? '\n' : '-');  
}
```

```
 0-   1-   2-   3-   4-   5-   6-   7-   8-   9  
10-  11-  12-  13-  14-  15-  16-  17-  18-  19  
20-  21-  22-  23-  24-  25-  26-  27-  28-  29  
30-  31-  32-  33-  34-  35-  36-  37-  38-  39  
40-  41-  42-  43-  44-  45-  46-  47-  48-  49  
50-  51-  52-  53-  54-  55-  56-  57-  58-  59  
60-  61-  62-  63-  64-  65-  66-  67-  68-  69  
70-  71-  72-  73-  74-  75-  76-  77-  78-  79  
80-  81-  82-  83-  84-  85-  86-  87-  88-  89  
90-  91-  92-  93-  94-  95-  96-  97-  98-  99
```

Tabela de operadores e suas prioridades de avaliação

A tabela abaixo mostra os operadores do c, em ordem decrescente de prioridade de cálculo:

| Prioridade | Operadores | Obs: |
|------------|---------------------------------|-----------------------|
| 1 | () [] -> . | esquerda para direita |
| 2 | ! ~ ++ -- + - (tipo) * & sizeof | direita para esquerda |
| 3 | * / % | esquerda para direita |
| 4 | + - | esquerda para direita |

| | | |
|----|-----------------------------------|-----------------------|
| 5 | << >> | esquerda para direita |
| 6 | < <= > >= | esquerda para direita |
| 7 | == != | esquerda para direita |
| 8 | & | esquerda para direita |
| 9 | ^ | esquerda para direita |
| 10 | | esquerda para direita |
| 11 | && | esquerda para direita |
| 12 | | esquerda para direita |
| 13 | ?: | direita para esquerda |
| 14 | = += -= *= /= %= <<= >>= &= = ^= | direita para esquerda |
| 15 | , | esquerda para direita |

Os unários +, - e * (linha 2) tem maiores prioridades que os binários correspondentes. Os operadores -> e . são usados em structs. O operador sizeof(tipo) devolve o tamanho em bytes do tipo.

Muito cuidado deve ser tomado com a mistura excessiva de operadores numa expressão, devido à definição das prioridades. Na dúvida use parêntesis.

Por exemplo:

`if (x & 5 == 0)` é diferente de `if((x & 5) == 0)`. Veja a tabela acima.

Além disso, na linguagem C não é especificada (definida) a ordem de avaliação dos operandos de um operador. Assim compiladores diferentes podem levar a resultados diferentes. Portanto não é uma boa prática de programação, usar comandos cujo resultado depende da ordem de avaliação dos seus operandos.

Exemplo:

`a = exp1 + exp2` (quem é calculado primeiro `exp1` ou `exp2`?)

Da mesma forma a ordem de cálculo dos parâmetros de função não está definido no C. Por exemplo, se `n` é 5:

`func(n, n++)`; pode ser `func(5, 6)` ou `func(6,6)`

Números na base 2

Para o próximo assunto é bom uma recordação de como se escreve números na base binária:

Um número na base 2 possui apenas os algarismos 0 e 1, da mesma forma que um número na base 10 possui algarismos de 0 a 9.

O número 1235 na base 10 significa $5 + 3*10 + 2*100 + 1*1000$.

O número 10101 na base 2 significa $1 + 0*2 + 1*4 + 0*8 + 1*16 = 21$.

Alguns exemplos de números na base 2.

| base 10 | base 2 |
|---------|--------|
| 0 | 0 |
| 1 | 1 |
| 2 | 10 |
| 3 | 11 |
| 4 | 100 |
| 5 | 101 |
| 6 | 110 |
| 7 | 111 |
| 8 | 1000 |
| 9 | 1001 |
| 10 | 1010 |
| 11 | 1011 |
| 12 | 1100 |
| 13 | 1101 |
| 14 | 1110 |
| 15 | 1111 |

Dado um número na base 10, escrevê-lo na base 2. Lembram-se do algoritmo? Basta ir dividindo o número por 2 até acabar e ir pegando os restos na ordem inversa.

| Quociente | resto da divisão por 2 |
|-----------|------------------------|
| 25 | 1 |
| 12 | 0 |
| 6 | 0 |
| 3 | 1 |
| 1 | 1 |
| 0 | |

25 na base 10 = 11001 na base 2

| Quociente | resto da divisão por 2 |
|-----------|------------------------|
| 67 | 1 |
| 33 | 1 |
| 16 | 0 |
| 8 | 0 |
| 4 | 0 |
| 2 | 0 |
| 1 | 1 |
| 0 | |

67 na base 10 = 100011 na base 2

Este mesmo método pode ser usado para escrever um número em qualquer base. Vejamos por exemplo na base 7.

| Quociente | resto da divisão por 7 |
|-----------|------------------------|
|-----------|------------------------|

| | |
|-----|---|
| 276 | 3 |
| 39 | 4 |
| 5 | 5 |
| 0 | |

276 na base 10 = 543 na base 7 (de fato $3 + 4*7 + 5*49 = 276$)

O programa abaixo, dado um número n, escreve-o na base 2, porém os dígitos saem na ordem inversa. Veja a saída.

```
#include <stdio.h>
/* dado n>=0 escrever n na base 2
   os dígitos vão sair ao contrário */
int main() {
    int n;

    /* ler o n */
    printf("digite o valor de n:");
    scanf("%d", &n);
    /* imprima o resto e divida n por 2
       o número binário vai estar ao contrário */
    while (n > 0) {
        printf("%ld", n%2);
        n = n / 2;
    }
}
```

digite o valor de n:76
0011001

O programa abaixo faz a mesma coisa, só que faz com que os dígitos sejam impressos na ordem correta.

```
#include <stdio.h>
/* dado n>=0 escrever n na base 2 */
int main() {
    int n,
        d;
    /* ler o n */
    printf("digite o valor de n:");
    scanf("%d", &n);
    /* descubra a potência de 2 imediatamente superior a n */
    d = 1;
    while (d <= n) d = d * 2;
    /* retrocede uma vez */
    d = d / 2;
    /* ache o quociente pelas potências de 2 sucessivas */
    while (d > 0) {
        printf("%ld", n / d);
        n = n % d;
        d = d / 2;
    }
}
```

digite o valor de n:125
1111101

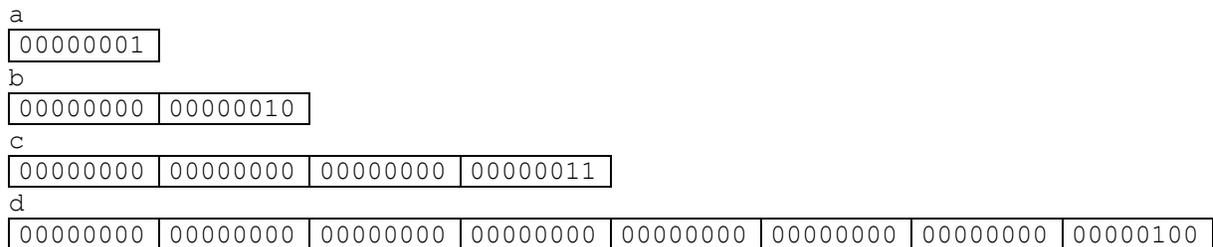
Representação interna de números binários

Já vimos acima que variáveis do tipo char ocupam 8 bits, short 16 bits, int 32 bits e long int 64 bits.

Assim, supondo:

```
unsigned char a = 1;  
unsigned short b = 2;  
unsigned int c = 3;  
unsigned long int d = 4;
```

Teriam a seguinte representação interna:



Notação complemento de 2 para a representação de números negativos

Os números negativos são representados internamente numa notação denominada “complemento de 2”.

Uma primeira idéia para se representar números negativos, seria reservar o bit mais da esquerda para o sinal. Assim em um char (8 bits) poderíamos representar os números -127 a +127 (255 possíveis), isto é, em binário 11111111 e 01111111. O zero possui 2 representações: 00000000 e 10000000.

A notação complemento de 2, permite armazenar um valor a mais (de -128 a +127, ou seja, 256 possíveis), além de outras facilidades que veremos abaixo.

Vejamos um exemplo para uma palavra de 4 bits apenas, para ficar mais fácil. Os valores representáveis serão:

-8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7

| Valor | Bits |
|-------|------|
| -8 | 1000 |
| -7 | 1001 |
| -6 | 1010 |
| -5 | 1011 |
| -4 | 1100 |
| -3 | 1101 |
| -2 | 1110 |
| -1 | 1111 |
| 0 | 0000 |

| | |
|---|------|
| 1 | 0001 |
| 2 | 0010 |
| 3 | 0011 |
| 4 | 0100 |
| 5 | 0101 |
| 6 | 0110 |
| 7 | 0111 |

Para se obtermos o tal complemento de 2 de um número negativo, basta pegar o padrão de bits correspondente ao positivo, invertermos todos os bits (zeros por uns e vice-versa) e somar um em binário.

Como a tabela acima é cíclica, somas e subtrações são somas e correspondem a deslocar-se na tabela.

Por exemplo: $2 - 4$ é $2 + (-4)$, ou $0010 + 1100 = 1110$, ou seja -2 (veja a tabela).

Outro efeito, dessa notação é quando os valores passam dos limites. Por exemplo:

$$7+2 = -7$$
$$5+5 = -6$$

Portanto, cuidado quando usar um char com sinal (não unsigned), para fazer operações aritméticas e o resultado eventualmente não couber em um char. Se quiser armazenar valores maiores ou iguais a $128=2^7$, use unsigned char.

O mesmo ocorre com short (maiores ou iguais a 2^{15}) e int (valores maiores ou iguais a 2^{31}).

O que será impresso pelo programa abaixo?

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main() {
    char a=150;
    unsigned char b=150;
    printf("a=%d;b=%d", a, b);
    system("PAUSE");
    return 0;
}
```

a=-106;b=150

E pelo programa abaixo?

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int main() {
    char a=120;
```

```
unsigned b=120;  
char i=0;  
while (i++<20) printf("\na=%d;b=%d", a++, b++);  
system("PAUSE");  
return 0;  
}
```

```
a=120;b=120  
a=121;b=121  
a=122;b=122  
a=123;b=123  
a=124;b=124  
a=125;b=125  
a=126;b=126  
a=127;b=127  
a=-128;b=128  
a=-127;b=129  
a=-126;b=130  
a=-125;b=131  
a=-124;b=132  
a=-123;b=133  
a=-122;b=134  
a=-121;b=135  
a=-120;b=136  
a=-119;b=137  
a=-118;b=138  
a=-117;b=139
```

Constantes inteiras decimais, octais e hexadecimais em c

Em C, as constantes inteiras podem ser escritas nas bases decimal, octal ou hexadecimal:

Exemplos:

| Decimal | Octal (iniciada por 0) | Hexadecimal (iniciada por 0x ou 0X) |
|---------|---------------------------|--|
| 0 | 00 | 0x0 |
| 1 | 01 | 0x1 |
| 2 | 02 | 0x2 |
| 3 | 03 | 0x3 |
| 4 | 04 | 0x4 |
| 5 | 05 | 0x5 |
| 7 | 07 | 0x7 |
| 8 | 010 | 0x8 |
| 10 | 012 | 0xa ou 0XA |
| 20 | 024 | 0x14 |
| 32 | 040 | 0x20 |
| 63 | 077 | 0x3f ou 0X3F |
| 100 | 0144 | 0x64 |

| | | |
|-----|------|--------------|
| 127 | 0177 | 0x7f ou 0X7F |
| 128 | 0200 | 0x80 |
| 255 | 0377 | 0xff ou 0XFF |

Exemplos de comandos:

```
int x;  
  
x = 0xff;  
  
for (x = 077; x < 0777; x++) ...  
  
if (x == 0xfa) .....
```

Além disso, as constantes inteiras podem ter sufixo L para torná-las long, ou U para torná-las unsigned como nos exemplos abaixo:

```
1L constante 1 decimal long  
1U constante 1 decimal unsigned  
1UL constante 1 decimal unsigned long  
0177L constante 0177 octal long  
0x2abUL constante 2ab hexadecimal unsigned long
```

Operações com bits

São os seguintes os operadores que manipulam bits:

- Deslocamento para a esquerda (shift left) <<
- Deslocamento para a direita (shift right) >>
- E** lógico (and) &
- OU** lógico (or) |
- OU** exclusivo (xor) ^
- NÃO** lógico ou o complemento (not) ~

Exemplos supondo:

```
unsigned char a = 1, b = 255, c;  
/* observe que em binário a=00000001 e b=11111111 */  
c = a << 2; /* desloca a 2 bits para a esquerda, portanto c fica com 4 */  
c = b >> 3; /* desloca c 3 bits para a direita, portanto c fica com 31 */  
c = a&b; /* c fica com 1 */  
c = a|b; /* c fica com 255 */  
c = a^b; /* c fica com 254 */
```

Os operadores aplicam-se a todos os tipos numéricos e inteiros (char, short, int, long int, signed ou unsigned) e opera bit a bit.

Veja o programa abaixo e o que será impresso:

```
#include <stdio.h>  
int main() {
```

```
unsigned char a=1, b=255, c, d, i;

/* observe que
   a = 00000001 ou a = 01h
   b = 11111111 ou b = ffh */

for (i = 0; i < 9; i++) {
    c = a << i;
    d = b >> i;
    printf("\na deslocado %ld bits para esquerda = %5u", i, c);
    printf("\nb deslocado %ld bits para direita = %5u", i, d);
}
}
```

```
a deslocado 0 bits para esquerda = 1
b deslocado 0 bits para direita = 255
a deslocado 1 bits para esquerda = 2
b deslocado 1 bits para direita = 127
a deslocado 2 bits para esquerda = 4
b deslocado 2 bits para direita = 63
a deslocado 3 bits para esquerda = 8
b deslocado 3 bits para direita = 31
a deslocado 4 bits para esquerda = 16
b deslocado 4 bits para direita = 15
a deslocado 5 bits para esquerda = 32
b deslocado 5 bits para direita = 7
a deslocado 6 bits para esquerda = 64
b deslocado 6 bits para direita = 3
a deslocado 7 bits para esquerda = 128
b deslocado 7 bits para direita = 1
a deslocado 8 bits para esquerda = 0
b deslocado 8 bits para direita = 0
```

Idem para o programa abaixo:

```
int main() {
    unsigned char a=1, b=255, i;

    /* observe que
       a = 00000001 ou a = 01h
       b = 11111111 ou b = ffh */

    for (i = 0; i < 9; i++) {
        printf("\na    - decimal = %5u - hexadecimal = %2x"
              "\nb    - decimal = %5u - hexadecimal = %2x"
              "\na&b - decimal = %5u - hexadecimal = %2x"
              "\na|b - decimal = %5u - hexadecimal = %2x"
              "\na^b - decimal = %5u - hexadecimal = %2x"
              "\n~a  - decimal = %5u - hexadecimal = %2x\n",
              a, a,
              b, b,
              a&b, a&b,
              a|b, a|b,
              a^b, a^b,
              (unsigned char)(~a), (unsigned char)(~a));
        a = a << 1;
    }
}
```

```
        b = b >> 1;  
    }  
}
```

a - decimal = 1 - hexadecimal = 1
b - decimal = 255 - hexadecimal = ff
a&b - decimal = 1 - hexadecimal = 1
a|b - decimal = 255 - hexadecimal = ff
a^b - decimal = 254 - hexadecimal = fe
~a - decimal = 254 - hexadecimal = fe

a - decimal = 2 - hexadecimal = 2
b - decimal = 127 - hexadecimal = 7f
a&b - decimal = 2 - hexadecimal = 2
a|b - decimal = 127 - hexadecimal = 7f
a^b - decimal = 125 - hexadecimal = 7d
~a - decimal = 253 - hexadecimal = fd

a - decimal = 4 - hexadecimal = 4
b - decimal = 63 - hexadecimal = 3f
a&b - decimal = 4 - hexadecimal = 4
a|b - decimal = 63 - hexadecimal = 3f
a^b - decimal = 59 - hexadecimal = 3b
~a - decimal = 251 - hexadecimal = fb

a - decimal = 8 - hexadecimal = 8
b - decimal = 31 - hexadecimal = 1f
a&b - decimal = 8 - hexadecimal = 8
a|b - decimal = 31 - hexadecimal = 1f
a^b - decimal = 23 - hexadecimal = 17
~a - decimal = 247 - hexadecimal = f7

a - decimal = 16 - hexadecimal = 10
b - decimal = 15 - hexadecimal = f
a&b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
a|b - decimal = 31 - hexadecimal = 1f
a^b - decimal = 31 - hexadecimal = 1f
~a - decimal = 239 - hexadecimal = ef

a - decimal = 32 - hexadecimal = 20
b - decimal = 7 - hexadecimal = 7
a&b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
a|b - decimal = 39 - hexadecimal = 27
a^b - decimal = 39 - hexadecimal = 27
~a - decimal = 223 - hexadecimal = df

a - decimal = 64 - hexadecimal = 40
b - decimal = 3 - hexadecimal = 3
a&b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
a|b - decimal = 67 - hexadecimal = 43
a^b - decimal = 67 - hexadecimal = 43
~a - decimal = 191 - hexadecimal = bf

```
a - decimal = 128 - hexadecimal = 80
b - decimal = 1 - hexadecimal = 1
a&b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
a|b - decimal = 129 - hexadecimal = 81
a^b - decimal = 129 - hexadecimal = 81
~a - decimal = 127 - hexadecimal = 7f
```

```
a - decimal = 0 - hexadecimal = 0
b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
a&b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
a|b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
a^b - decimal = 0 - hexadecimal = 0
~a - decimal = 255 - hexadecimal = ff
```

Veja agora outro programa que escreve os números de 0 a n na base 2. Veja também o que será impresso:

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main() {
    int i, j, k, n;
    printf("entre com n:");
    scanf("%d", &n);
    n = abs(n); /* considere positivo */
    for (i = 1; i <= n; i++) {
        k = i;
        printf("\n%d - ", k);
        /* ache a potencia de 2 imediatamente maior que i */
        for (j = 0; ; j++)
            if (k < (1 << j)) break;
        /* portanto, i < 2**j */
        j--;
        while (j >= 0) {
            /* imprime n dividido por 2**j */
            printf("%1d", k / (1 << j));
            k = k % (1 << j);
            j--;
        }
    }
}
```

entre com n:15

```
1 - 1
2 - 10
3 - 11
4 - 100
5 - 101
6 - 110
7 - 111
8 - 1000
9 - 1001
10 - 1010
```

11 - 1011
12 - 1100
13 - 1101
14 - 1110
15 - 1111

Exercício – refaça os comandos abaixo, usando operações >> e << em vez de * e /

```
x = x * 2;  
x = x * 4;  
x = x * 32;  
x = x / 2;  
x = x / 16;  
x = x * 6;
```

Nos exemplos abaixo, supor que os bits dentro de uma variável estão numerados da direita para a esquerda, isto é:

tipo char – b7, b6, b5, b4, b3, b2, b1, b0

tipo short – b15, b14, b13, ..., b2, b1, b0

tipo int – b31, b30, b29, ..., b2, b1, b0

É uma maneira conveniente de numerar, pois o número do bit coincide com a potência de 2 da base binária.

```
unsigned char x;  
int b;  
  
/* verificar se o bit 5 de x é 1 */  
if (x & 32 != 0);  
if (x & 040 != 0); /* outra forma */  
if (x & 0x20 != 0); /* outra forma */  
  
/* verificar se ambos os bits 0 e 7 de x são 1 */  
if (x & 129 != 0);  
if (x & 0201 != 0); /* outra forma */  
if (x & 0x81 != 0); /* outra forma */  
  
/* fazer com que o bit 5 de x fique 1 */  
x = x | 32;  
x = x | 040; /* outra forma */  
x = x | 0x20; /* outra forma */
```

Algumas funções usando operadores de bits

P70a) Função que dado x entre 0 e 30 devolve 2**x

```
long int exp_2_x(int x) {  
    if (x<0 || x > 30) return -1;  
    return 1 << x;  
}
```

P70b) Função int pegabit (x, n) que devolve o valor do bit n do inteiro x. n pode ser 0 a 31. Supor que o bit mais a direita é o bit 0 e o mais a esquerda o bit 31. Isto é, será devolvido 0 ou 1 ou -1 caso n não esteja entre 0 e 31.

```
int pegabit(int x, int n) {  
    if (n < 0 || n > 31) return -1;  
    return (x & (1 << n) == 0) ? 0 : 1;  
}
```

P70c) Função `setabit(x, n, b)` que faz o bit `n` do inteiro `x` ficar 0 ou 1 conforme o valor de `b` seja 0 ou 1. Retorna 1 se tudo bem ou `-1` se `n` está fora dos limites.

```
int setabit (int *x, int n, int b) {  
    if (n < 0 || n > 7) return -1;  
    *x = *x | (b << n);  
    return 1;  
}
```

P70d) Função `obtembits(x, p, n)` que retorna ajustado a direita, o campo de `n` bits de `x` que começa na `p`-ésima posição. Por exemplo `obtembits(x, 4, 3)` retorna os 3 bits nas posições de bit 4, 3 e 2, ajustados à direita.

(solução do livro Kernighan&Ritchie)

```
unsigned obtembits(unsigned x, int p, int n){  
    return (x >> (p+1-n) & ~(~0 << n));  
}
```

P70e) Função `contabits(x)` que conta o número de bits 1 do inteiro `x`. (solução do livro Kernighan&Ritchie).

```
int contabits(unsigned x) {  
    int b;  
    for (b = 0; x != 0; x >>= 1)  
        if (x & 01) b++;  
    return b;  
}
```