

MAC2166 – Introdução à Computação para Engenharia
ESCOLA POLITÉCNICA
Segunda Prova – 17 de maio de 2010

Nome: _____

Assinatura: _____

Nº USP: _____ Turma: _____

Professor: _____

Instruções:

1. Não destaque as folhas deste caderno.
2. A prova consta de 4 questões. Verifique antes de começar a prova se o seu caderno de questões está completo.
3. A prova pode ser feita a lápis. Cuidado com a legibilidade.
4. Qualquer questão pode ser resolvida em qualquer página. Se a questão não está na página correspondente ao enunciado basta indicar isto na página e escrever QUESTÃO X em letras ENORMES antes da solução.
5. Não é necessário apagar rascunhos no caderno de questões.
6. Não é permitido o uso de folhas avulsas para rascunho.
7. Não é permitido o uso de calculadoras.
8. Não é permitido a consulta a livros, apontamentos ou colegas.

DURAÇÃO DA PROVA: 2 horas

| Questão | Valor | Nota |
|---------|-------|------|
| 1 | 2.5 | |
| 2 | 2.5 | |
| 3 | 2.5 | |
| 4 | 2.5 | |
| Total | 10.0 | |

Questão 1

Simule a execução do programa abaixo, destacando a sua saída. A saída do programa consiste de tudo que resulta dos comandos `printf`. Para efeito de correção só será considerada a saída do programa.

```
# include <stdio.h>

int f1 (int a, int *b) {
    int z;
    *b = *b - a;
    a = a + *b;
    z = a - *b;
    return z;
}

int f2 (int *a, int b) {
    int z;
    *a = *a - b;
    b = *a + b;
    z = b - *a;
    return z;
}

int f3 (int *a, int b) {
    b = *a + b;
    *a = b - *a;
    return b;
}

int main () {
    int nusp;
    int a, b, c, d, e;
    float f;
    printf ("Entre com seu no. USP: ");
    scanf ("%d", &nusp); /* use aqui seu numero USP */
    printf ("nusp = %d\n", nusp);
    a = (nusp % 10) + 1;
    b = a % 3;
    printf ("1: a=%d b=%d\n", a, b);
    c = a;
    d = b;
    e = f1 (c, &d);
    printf ("2: a=%d b=%d c=%d d=%d e=%d\n", a, b, c, d, e);
    d = b;
    e = f2 (&a, d);
    printf ("3: a=%d b=%d c=%d d=%d e=%d\n", a, b, c, d, e);
    a = f3 (&c, c);
    printf ("4: a=%d b=%d c=%d\n", a, b, c);
    f = d / (b + 1);
    printf ("5: a=%d b=%d d=%d f=%f\n", a, b + 1, d, f);
    f = ((float) (2 * a + 1)) / 2;
    e = f;
    printf ("6: a=%d b=%d e=%d f=%f\n", a, b, e, f);
    return 0;
}
```

Dados para a simulação: **o seu número USP**

| main | | | | | | | |
|------|---|---|---|---|---|---|------|
| a | b | c | d | e | f | g | nusp |
| | | | | | | | |

| f1 | | |
|----|---|---|
| a | b | z |
| | | |

| f2 | | |
|----|---|---|
| a | b | z |
| | | |

| f3 | |
|----|---|
| a | b |
| | |

| saída |
|--------------------------|
| Entre com o seu no. USP: |

Questão 2

Considere o seguinte problema: *Dada uma sequência de caracteres terminada por um ponto '.', representando um texto, determinar os tamanhos da palavra mais curta (menor) e da palavra mais longa (maior) do texto.* Para isso, considere uma palavra como uma sequência construída exclusivamente por letras, terminada quando o caractere seguinte não é letra. Por exemplo, para o texto (da poesia *Filosofia-Ascenso* Ferreira):

Hora de trabalhar? - Pernas pro ar que ninguem eh de ferro!.

Maior Palavra: 9

Menor Palavra: 2

Para auxiliar na solução deste problema foi implementada uma função `contalettras` que lê uma sequência de caracteres até terminar uma palavra, retorna o último caractere lido (que não está na palavra lida) e ainda devolve num parâmetro quantos caracteres foram lidos. Veja a implementação da `contalettras`:

```
#include <stdio.h>
char contalettras (int *tam){
    char c = 'a';
    *tam = 0;
    while((c >= 'A' && c <= 'Z') || (c >= 'a' && c <= 'z')) {
        scanf( "%c", &c );
        *tam = *tam + 1;
    }
    return c;
}
```

Quatro possíveis soluções para o problema estão apresentadas na página ao lado. Cada “solução” é um programa que lê um texto terminado por '.' e imprime os tamanhos da maior e da menor palavra. Alguns testes foram executados para este problema. Para cada uma das saídas seguintes, assinale **UM** dos programas que poderiam ter sido utilizados para produzir tais resultados. Note que mais de um programa poderá ter dado os mesmos resultados.

| saída do programa | assinale um dos possíveis programas utilizado |
|--|---|
| Digite um texto terminado por . : casa. <não termina> | <input type="checkbox"/> prog1 <input type="checkbox"/> prog2 <input type="checkbox"/> prog3 <input type="checkbox"/> prog4 |
| Digite um texto terminado por . : casa. Maior Palavra = 4 Menor Palavra = 4 | <input type="checkbox"/> prog1 <input type="checkbox"/> prog2 <input type="checkbox"/> prog3 <input type="checkbox"/> prog4 |
| Digite um texto terminado por . : casa bonita!. Maior Palavra = 7 Menor Palavra = 1 | <input type="checkbox"/> prog1 <input type="checkbox"/> prog2 <input type="checkbox"/> prog3 <input type="checkbox"/> prog4 |
| Digite um texto terminado por . : casa bonita!. <não termina> | <input type="checkbox"/> prog1 <input type="checkbox"/> prog2 <input type="checkbox"/> prog3 <input type="checkbox"/> prog4 |
| Digite um texto terminado por . : casa bonita!. Maior Palavra = 6 Menor Palavra = 4 | <input type="checkbox"/> prog1 <input type="checkbox"/> prog2 <input type="checkbox"/> prog3 <input type="checkbox"/> prog4 |

```

/*****
* prog1 *
*****/

int main() {
    char c; /* caracter */
    int tam_palavra = 0, tam_maior = 0, tam_menor = 0;

    printf("\nDigite um texto terminado por . : \n\n");
    scanf("%c",&c);
    while(c != '.'){
        c = contalettras (&tam_palavra);
        if(tam_palavra > tam_maior)
            tam_maior = tam_palavra;
        if(tam_palavra < tam_menor || tam_menor == 0)
            tam_menor = tam_palavra;
    }

    printf("\n Maior Palavra = %d \n Menor Palavra = %d", tam_maior, tam_menor);
    return 0;
}

```

```

/*****
* prog2 *
*****/

int main() {
    char c; /* caracter */
    int tam_palavra = 0, tam_maior = 0, tam_menor = 0;

    printf("\nDigite um texto terminado por . : \n\n");
    scanf("%c",&c);
    while(c != '.'){
        while (!(c >= 'A' && c <= 'Z') || !(c >= 'a' && c <= 'z'))
            scanf("%c",&c);
        c = contalettras (&tam_palavra);
        if(tam_palavra > tam_maior)
            tam_maior = tam_palavra;
        if(tam_palavra < tam_menor || tam_menor == 0)
            tam_menor = tam_palavra;
    }

    printf("\n Maior Palavra = %d \n Menor Palavra = %d", tam_maior, tam_menor);
    return 0;
}

```

```

/*****
* prog3 *
*****/

int main() {
    char c; /* caracter */
    int tam_palavra = 0, tam_maior = 0, tam_menor = 0;

    printf("\nDigite um texto terminado por . : \n\n");
    scanf("%c",&c);
    while(c != '.'){
        while (!(c >= 'A' && c <= 'Z') && !(c >= 'a' && c <= 'z') && (c != '.'))
            scanf("%c",&c);
        c = contalettras (&tam_palavra);
        if(tam_palavra > tam_maior)
            tam_maior = tam_palavra;
        if(tam_palavra < tam_menor || tam_menor == 0)
            tam_menor = tam_palavra;
    }

    printf("\n Maior Palavra = %d \n Menor Palavra = %d", tam_maior, tam_menor);
    return 0;
}

```

```

/*****
* prog4 *
*****/

int main() {
    char c; /* caracter */
    int tam_palavra = 0, tam_maior = 0, tam_menor = 0;

    printf("\nDigite um texto terminado por . : \n\n");
    scanf("%c",&c);
    while(c != '.'){
        if (!(c >= 'A' && c <= 'Z') && !(c >= 'a' && c <= 'z'))
            scanf("%c",&c);
        else{
            c = contalettras (&tam_palavra);
            if(tam_palavra > tam_maior)
                tam_maior = tam_palavra;
            if(tam_palavra < tam_menor || tam_menor == 0)
                tam_menor = tam_palavra;
        }
    }

    printf("\n Maior Palavra = %d \n Menor Palavra = %d", tam_maior, tam_menor);
    return 0;
}

```

Questão 3

Dada uma sequência x_1, x_2, \dots, x_k de números, suas *permutações cíclicas* são as sequências obtidas sucessivamente mandando o primeiro elemento para o fim. Por exemplo, as permutações cíclicas de $(3, 2, 4)$ são: $(2, 4, 3)$, $(4, 3, 2)$ e $(3, 2, 4)$. Em geral, se a sequência tem k termos, ela tem k permutações cíclicas.

Dizemos que uma sequência (a, b, c, d, e) é do *tipo P2Q3* se a está no intervalo fechado

$$\left[(b - c)^7 - (c^6 - d^5)^6 + d^8 - e^4 \quad , \quad (b - c)^7 + (c^6 - d^5)^6 + d^8 + e^4 \right].$$

O problema é escrever um programa que leia uma sequência de 5 números reais, e imprima:

- **SIM**, se existe alguma permutação cíclica dessa sequência que é do tipo P2Q3,
- **NAO**, se nenhuma permutação cíclica dessa sequência é do tipo P2Q3.

Obs.: Você pode supor que o programa vai rodar num computador com capacidade ilimitada; ou seja, não tem perigo de dar estouro ao fazer as contas.

Questão 4

Esta questão consiste em implementar uma função baseada no EP3. Para isso, você **deve** usar as funções a seguir **sem escrevê-las**. Suponha que lhe é dada uma função de protótipo

```
float distancia(float x1, float y1, float x2, float y2);
```

que recebe as coordenadas cartesianas de dois pontos (x_1, y_1) e (x_2, y_2) e retorna a distância entre eles. Suponha ainda que lhe é dada uma função de protótipo

```
void aceleracao_resultante(float x, float y, float *ax, float *ay);
```

que recebe as coordenadas (x, y) de uma nave e devolve em $(*ax, *ay)$ o vetor aceleração da força gravitacional resultante exercida **pela Terra e pela Lua** sobre a nave.

Um corpo celeste famoso por sua inexistência é a **chaleira de Russell** (*Russell's teapot*) que está em órbita circular uniforme em torno da Terra a uma distância R do seu centro $(0, 0)$, dando uma volta a cada P unidades de tempo. Digamos que a chaleira de Russell começa a sua órbita a partir da posição $(0, R)$ no instante $t_0 = 0$ e no instante t suas coordenadas são $(R \cos \frac{2\pi}{P} t, R \sin \frac{2\pi}{P} t)$.

Você deve escrever uma função de protótipo

```
int simule(float x, float y, float vx, float vy, float R, float P,
           float deltaT, float maxT, float distmin);
```

que **recebe**

- a posição (x, y) e velocidade (vx, vy) de uma nave no instante inicial $t_0 = 0$;
- o raio R e o período de tempo P da órbita da chaleira de Russell em torno da Terra;
- um intervalo de tempo deltaT , um tempo máximo de simulação maxT e uma distância distmin .

A função deve calcular a trajetória da nave, sujeita às forças gravitacionais da Terra e da Lua, começando na posição inicial (x, y) com velocidade (vx, vy) . O instante inicial da simulação é 0 e o instante seguinte a um dado instante t é o instante $t + \text{deltaT}$. A simulação da trajetória deverá terminar assim que a nave colidir com a chaleira de Russel ou assim que o tempo de simulação ultrapassar maxT ou assim que a nave cruzar a órbita da chaleira (isto é, ficar a uma distância maior que R do centro da Terra). Dizemos que a nave *colide* com a chaleira de Russell se a distância entre elas é menor que distmin . A função deve **retornar** 1 se a nave colidir com a chaleira de Russel, em caso contrário a função deve **retornar** 0.

Lembre que dados a posição x , a velocidade v e a aceleração a num instante t , podemos calcular seus valores x' , v' no instante seguinte $t + \Delta t$ pelas fórmulas:

$$\begin{aligned}x' &= x + v\Delta t, \\v' &= v + a\Delta t.\end{aligned}$$

O uso da biblioteca matemática é livre. Aqui vai um pequeno extrato da `math.h`:

```
#define PI 3.1415
double sin(double x);
double cos(double x);
double tan(double x);
double asin(double x);
double acos(double x);
double atan(double x);
```


