

MAT2127 - Cálculo Diferencial e Integral para Química II
Lista 3 - 2011

1. Calcule os seguintes limites, caso existam. Se não existirem, explique por quê:

- | | |
|--|---|
| (a) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy}{x^2 + y^2}$
(c) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2y \cos(x^2 + y^2)}{x^2 + y^2}$
(e) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^3 + y^3}{x^2 + y^2}$
(g) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2y}{2x^4 + x^2y + y^2}$
(i) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{2x^2 + 3xy + 4y^2}{3x^2 + 5y^2}$
(k) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2y}{x^4 + y^2}$
(m) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy^2 - x^2}{\sqrt{x^2 + y^4}}$
(o) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\operatorname{sen}(x^2 + y^2)}{x^2 + y^2}$ | (b) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy}{x^3 - y}$
(d) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^4 \operatorname{sen}(x^2 + y^2)}{x^4 + y^2}$
(f) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{(x+y)^3}{x^2 + y^2}$
(h) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2}{x^2 + y^2} \operatorname{sen}\left(\frac{xy}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right)$
(j) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^3y + y^4 + x^4}{x^3y - xy^3}$
(l) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^3 + \operatorname{sen}(x^2 + y^2)}{y^4 + \operatorname{sen}(x^2 + y^2)}$
(n) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^3(1 - \cos(x^2 + y^2))}{(x^2 + y^2)^3}$
(p) $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} (x^2 + y^2) \ln(x^2 + y^2)$ |
|--|---|

2. Seja $f(x,y) = \frac{3(x-1)^2 + (y-1)^2}{x^2 - y^2}$.

- (a) Esboce (no mesmo sistema de coordenadas) as curvas de nível de f nos níveis $k = 1$ e $k = 3$.
 (b) Existe $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,1)} f(x,y)$? Justifique.

3. Determine os pontos de continuidade da seguinte função:

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{(x^2 - y^2)(x-1)^2}{(x^2 + y^2)[(x-1)^2 + (y-1)^2]} & \text{se } (x,y) \neq (0,0) \text{ e } (x,y) \neq (1,1), \\ 1 & \text{se } (x,y) = (0,0), \\ 0 & \text{se } (x,y) = (1,1). \end{cases}$$

RESPOSTAS

- | | | | |
|-------------------|----------------|----------------|-------|
| 1. (a) não existe | (b) não existe | (c) 0 | (d) 0 |
| (e) 0 | (f) 0 | (g) não existe | (h) 0 |
| (i) não existe | (j) não existe | (k) não existe | (l) 1 |
| (m) 0 | (n) 0 | (o) 1 | (p) 0 |

3. $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 \mid (x,y) \neq (0,0)\}$