

5. (1,5) Cada uma das figuras abaixo representa uma superfície em  $\mathbb{R}^3$ . Em cada caso, escolha na *lista de equações* a equação que corresponde à superfície da figura. Escreva a equação escolhida no retângulo ao lado da figura correspondente.

Observação: Não é preciso justificar. Apenas as respostas serão consideradas.

*Lista de Equações*

$$z = x + y^2$$

$$z = y^2 - x^2$$

$$(x - z)^2 + y^2 = 1$$

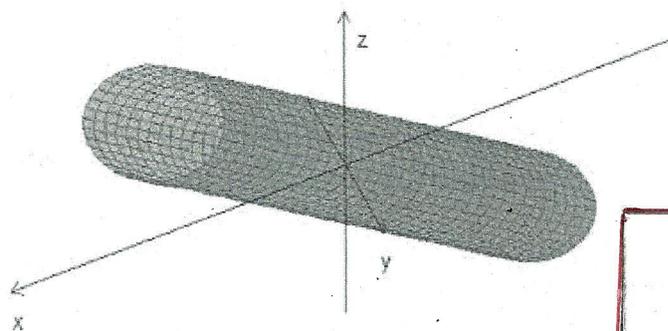
$$x^2 = 1 + \frac{1}{1 + y^2 + z^2}$$

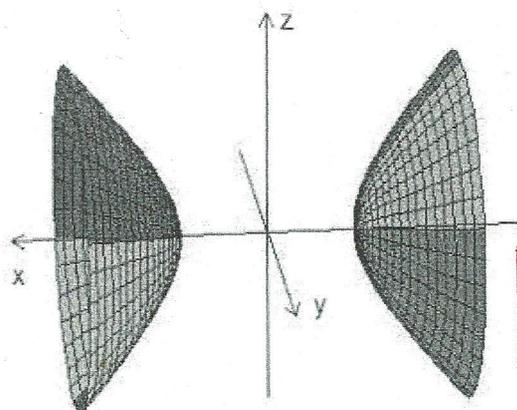
$$z = 1 - x^2 - y^2$$

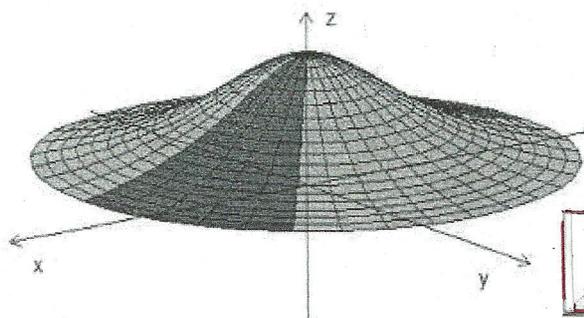
$$x^2 - y^2 - z^2 = 1$$

$$z = \frac{1}{1 + x^2 + y^2}$$

$$-x^2 + y^2 + z^2 = 1$$

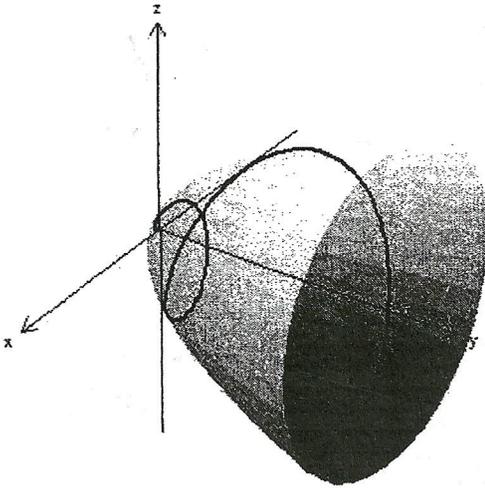


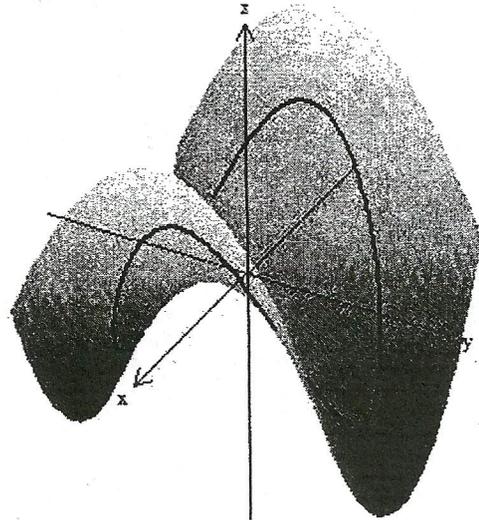


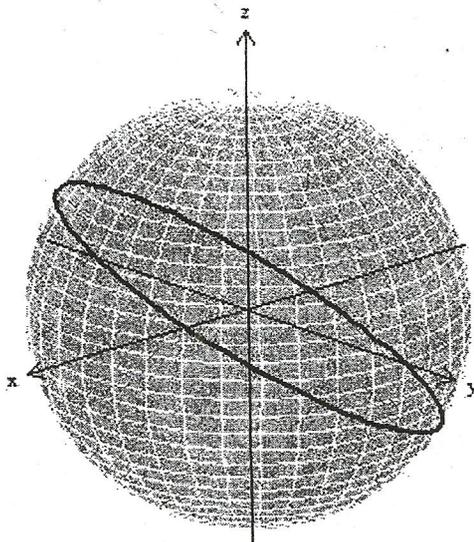


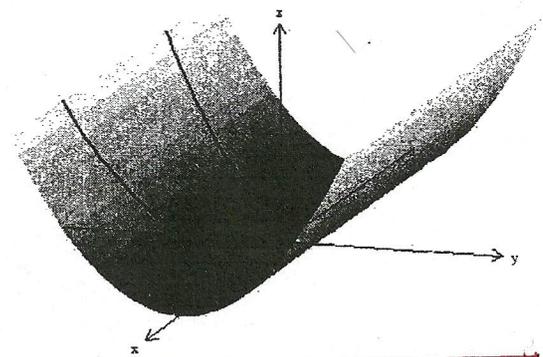
Questão 4. (2 pontos) Cada uma das figuras abaixo representa uma superfície e uma curva contida nessa superfície. Escolha, na lista abaixo, uma parametrização para cada uma dessas curvas. Escreva a parametrização escolhida no retângulo abaixo da figura correspondente.

Atenção: Não é preciso justificar. Apenas as respostas serão consideradas.










Lista de parametrizações:

$$\gamma(t) = (t \cos t, t^2, t \sin t)$$

$$\gamma(t) = (\cos t, \sin t, \cos 2t)$$

$$\gamma(t) = (t, -t^2, t^2 + t^4)$$

$$\gamma(t) = (\sqrt{2} \sin t, \cos t, \cos t)$$

$$\gamma(t) = (t, -t^2, t^4)$$

$$\gamma(t) = (\cos t, \sqrt{2} \sin t, \cos t)$$

$$\gamma(t) = (t \cos t, t, t \sin t)$$

$$\gamma(t) = (\cos t, -\sin t, \sin^4 t)$$

5. (1,5) Cada uma das figuras abaixo representa uma superfície. Na coluna 1 da tabela temos uma equação para cada uma dessas superfícies. Cada superfície contém a imagem de uma das curvas da coluna 2. Escreva abaixo de cada figura qual é a curva cuja imagem está contida na superfície que ela representa.

1	2
$z^2 = x^2 + y^2$	$\gamma(t) = (t, 2t, 3t^2), t \in \mathbb{R}$
$z = y^2 - x^2$	$\gamma(t) = (t, 1, t), t \in \mathbb{R}$
$z^2 = x^2 + y^2 + 1$	$\gamma(t) = (1, \operatorname{tg} t, \operatorname{sec} t), t \in [0, \frac{\pi}{2}[$
$z^2 = x^2 + y^2 - 1$	$\gamma(t) = (t \cos t, t \operatorname{sen} t, \sqrt{t^2 + 1}), t \in \mathbb{R}$

