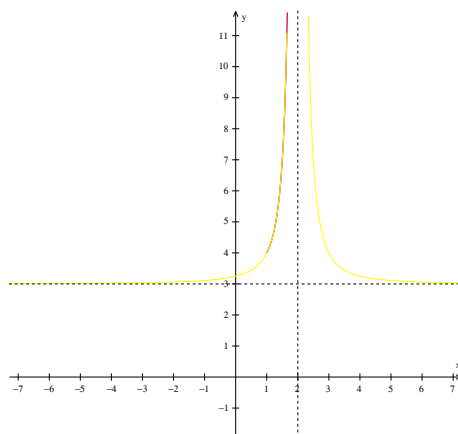


1. (a) **(1,5)** Sejam  $\gamma(t) = (2 - \cos t, \sec^2 t + 3), t \in [0, \frac{\pi}{2}[$  e  $f(x, y) = ((x - 2)^2(y - 3))^{\frac{2}{3}} + 1$ . Esboce a imagem de  $\gamma$  e mostre que a imagem de  $\gamma$  está contida em uma curva de nível de  $f$  indicando qual é o nível.

*Resolução:*

$f(\gamma(t)) = f(2 - \cos t, \sec^2 t + 3) = ((2 - \cos t - 2)^2(\sec^2 t + 3 - 3))^{\frac{2}{3}} + 1 = ((-\cos t)^2(\sec t)^2)^{\frac{2}{3}} + 1 = 2, \forall t \in [0, \frac{\pi}{2}[$ , portanto a imagem de  $\gamma$  está contida na curva de nível 2 de  $f$ .

$$\gamma: \begin{cases} x = 2 - \cos(t) \\ y = \sec^2(t) + 3 \end{cases} \Rightarrow y = \frac{1}{(x-2)^2} + 3, \text{ com } 1 \leq x < 2 \text{ e } y \geq 4.$$



- (b) **(1,0)** Sejam  $g(x, y) = (x - 2)^2 + (y - 3)^2 + 1$  e  $\Gamma(t) = (2 - t, 3 + t, z(t)), t \in \mathbb{R}$ . Sabendo que a imagem de  $\Gamma$  está contida no gráfico de  $g$ , encontre  $z(t)$ . Esboce a imagem de  $\Gamma$ .

*Resolução:*

$$z(t) = g(2 - t, 3 + t) = (2 - t - 2)^2 + (3 + t - 3)^2 + 1 = 2t^2 + 1.$$

$\begin{cases} x = 2 - t \\ y = t + 3 \end{cases} \Rightarrow x + y = 5$ . Portanto,  $\Gamma(\mathbb{R})$  é a intersecção do gráfico de  $g$  (parabolóide) e o plano  $x + y = 5$ .

Uma parametrização de  $\Gamma$  é dada por  $\Gamma(t) = (2 - t, 3 + t, 2t^2 + 1), t \in \mathbb{R}$ .

