

isto é, $\alpha = \pi/2$ ou $\beta = \pi/2$, pois $0 < \alpha, \beta < \pi$.

Neste caso, os pontos são

$(0, \pi/2)$ e $(\pi/2, 0)$ que NÃO estão no interior de K .

$$\underline{\underline{\text{Sen}(\alpha - \beta) = 0}}$$

Como $0 < \alpha < \pi$ e $0 < \beta < \pi$ ($\Leftrightarrow -\pi < -\beta < 0$)

temos que $-\pi < \alpha - \beta < \pi$; como $\text{sen}(\alpha - \beta) = 0$, temos que ter $\alpha - \beta = 0$, isto é $\alpha = \beta$.

Substituindo em (*):

$$\text{sen } \alpha \text{ cos } \alpha \text{ cos } 2\alpha + \text{cos } \alpha \text{ cos } \alpha \text{ sen } 2\alpha = 0$$

$$\text{cos } \alpha (\text{sen } \alpha \text{ cos } 2\alpha + \text{cos } \alpha \text{ sen } 2\alpha) = 0$$

$$\text{cos } \alpha (\text{sen}(\alpha + 2\alpha)) = 0$$

$$\text{cos } \alpha \text{ sen } 3\alpha = 0 \Rightarrow \text{cos } \alpha = 0 \text{ ou } \text{sen } 3\alpha = 0.$$

Mas $\text{cos } \alpha = 0 \Rightarrow \alpha = \beta = \pi/2$, mas é possível, pois $(\pi/2, \pi/2) \notin A$.

Logo $\text{sen}(3\alpha) = 0$. Como $0 < \alpha + \beta < \pi$, $0 < 2\alpha < \pi$,

isto, com a condição $\text{sen}(3\alpha) = 0$, implica que

$$3\alpha = \pi, \text{ donde } \alpha = \pi/3.$$

$$g\left(\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3}\right) = (\text{cos } \pi/3)^3 = \left(\frac{1}{2}\right)^3.$$

O único ponto crítico no interior de K (que é A)
é $(\pi/3, \pi/3)$ e $g(\pi/3, \pi/3) = \frac{1}{8}$.

Analisar, agora, a função g na fronteira de K .

$$\alpha = 0 \text{ ou } \beta = 0$$

$$g(\alpha, 0) = -(\text{cos } \alpha)^2 \leq 0$$

$$g(0, \beta) = -(\text{cos } \beta)^2 \leq 0$$

$$\text{Se } \alpha + \beta = \pi, \beta = \pi - \alpha$$

$$g(\alpha, \pi - \alpha) = -\text{cos}(\alpha) \text{cos}(\pi - \alpha) \text{cos } \pi = -\text{cos}^2 \alpha \leq 0$$

Assim, o ponto de máximo de g em K NÃO está na fronteira de K . Logo, o ponto de máximo está em A , e o máximo é $g(\pi/3, \pi/3) = \frac{1}{8}$.