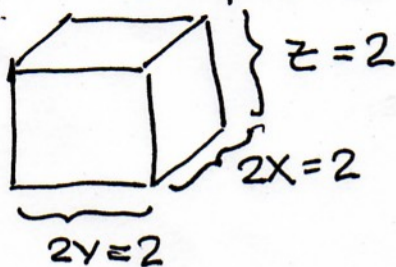


Conclusão: $x=y=1 \Rightarrow z=4-x^2-y^2=2$ e o paralelepípedo é o cubo $2 \times 2 \times 2$



OBS 1) A partir de * é possível solucionar o problema utilizando multiplicadores de Lagrange.

Procuramos, então, um ponto $(x, y, z) \in B$ com $x \neq 0, y \neq 0$ e $z \neq 0$ tal que $V(x, y, z)$ seja máximo. (cuja existência já foi estabelecida).

$V(x, y, z) = 4xyz$ com a restrição $G(x, y, z) = 4 - x^2 - y^2 - z = 0$.

$$\nabla V = \lambda \nabla G \text{ nos dá o sistema } \begin{cases} 4yz = -2\lambda x \\ 4xz = -2\lambda y \\ 4xy = -\lambda \\ 4 - x^2 - y^2 - z = 0 \end{cases}$$

e a única solução em B

$$\text{é } (x, y, z) = (1, 1, 2)$$

2) É possível resolver o problema sem fazer a redução para o 1º octante e tomando, no lugar de B , $B' = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / z = 4 - x^2 - y^2 \text{ e } z \geq 0\}$ que também é fechado e limitado em \mathbb{R}^3 .