

TABELA DE FÓRMULAS TRIGONOMÉTRICAS

Verifique as fórmulas abaixo, assumindo ou a fórmula 1 ou a 2. A terceira é útil para a prova das propriedades de reflexão das cônicas : parábola, elipse e hipérbole. As fórmulas 4 a 11 surgem em mudanças de variáveis no cômputo de integrais diversas. As fórmulas 12 (prostaferese), 13 e 14 surgem em situações várias, especialmente no estudo de séries de Fourier. A fórmula 15 é apropriada para uma rotação de eixos, dada a equação de uma quádrlica.

1. $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \operatorname{sen} \alpha \operatorname{sen} \beta$
2. $\operatorname{sen}(\alpha + \beta) = \operatorname{sen} \alpha \cos \beta + \operatorname{sen} \beta \cos \alpha$
3. $\operatorname{tg}(\alpha + \beta) = \frac{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg} \beta}{1 - \operatorname{tg} \alpha \operatorname{tg} \beta}$
4. $\sec^2 \theta = 1 + \operatorname{tg}^2 \theta$
5. $\operatorname{cosec}^2 \theta = 1 + \operatorname{cotg}^2 \theta$
6. $\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \operatorname{sen}^2 \theta$
7. $\operatorname{sen} 2\theta = 2 \operatorname{sen} \theta \cos \theta$
8. $\cos^2 \theta = \frac{1 + \cos 2\theta}{2}$
9. $\operatorname{sen}^2 \theta = \frac{1 - \cos 2\theta}{2}$
10. $\operatorname{sen} x = \frac{2 \operatorname{tg} \frac{x}{2}}{1 + \operatorname{tg}^2 \frac{x}{2}}$, se $\cos \frac{x}{2} \neq 0$
11. $\cos x = \frac{1 - \operatorname{tg}^2 \frac{x}{2}}{1 + \operatorname{tg}^2 \frac{x}{2}}$, se $\cos \frac{x}{2} \neq 0$
12. Fórmulas de prostaferese (transformam produto em adição ou subtração).
 - (a) $\operatorname{sen} \alpha \cos \beta = \frac{1}{2} [\operatorname{sen}(\alpha + \beta) + \operatorname{sen}(\alpha - \beta)]$
 - (b) $\cos \alpha \cos \beta = \frac{1}{2} [\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)]$
 - (c) $\operatorname{sen} \alpha \operatorname{sen} \beta = \frac{1}{2} [\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta)]$
13. $\operatorname{sen} p - \operatorname{sen} q = 2 \operatorname{sen} \left(\frac{p-q}{2} \right) \cos \left(\frac{p+q}{2} \right)$
14. $\cos p - \cos q = -2 \operatorname{sen} \left(\frac{p+q}{2} \right) \operatorname{sen} \left(\frac{p-q}{2} \right)$
15. $\cos^2 \theta = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{\operatorname{cotg} 2\theta}{\sqrt{1 + \operatorname{cotg}^2 2\theta}} \right)$.